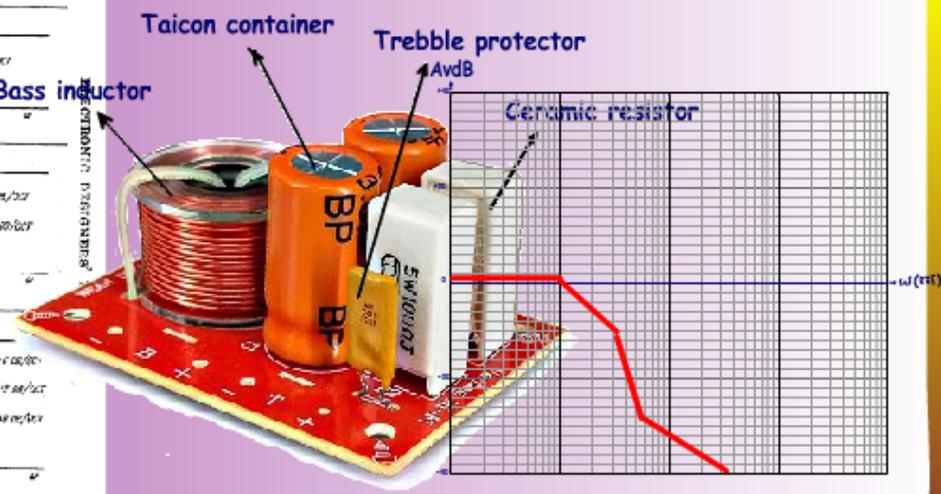


# BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

TABLE 1.4. AC TRANSFER FUNCTIONS

Network	Transfer function	Approx. amp. response (in log scale)
	$\frac{1}{s + \frac{1}{T}}$ <p>where <math>T = RC</math></p>	
	$\frac{s^2 + Bs + D}{s^2 + \frac{1}{T_1}s + \frac{1}{T_2}}$ <p>where <math>B = \frac{R_1C_1 + R_2C_1 + R_2C_2}{R_1R_2C_1C_2}</math>  <math>D = \frac{1}{R_1R_2C_1C_2}</math></p>	
	$\frac{s^3 + Bs^2 + Ds + K}{s^3 + \frac{1}{T_1}s^2 + \frac{1}{T_2}s + \frac{1}{T_3}}$ <p>where <math>B = \frac{R_1R_2C_1C_2 + R_1R_2C_1C_3 + R_1R_2C_2C_3 + R_2R_1C_1C_2 + R_2R_1C_1C_3 + R_2R_1C_2C_3}{R_1R_2R_3C_1C_2C_3}</math>  <math>D = \frac{R_1C_1 + R_1C_2 + R_1C_3 + R_2C_1 + R_2C_2 + R_2C_3}{R_1R_2R_3C_1C_2C_3}</math>  <math>K = \frac{1}{R_1R_2R_3C_1C_2C_3}</math></p>	



## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)



The image shows a screenshot of the website [www.bairrospd.com](http://www.bairrospd.com). The website header includes the logo 'bairrospd' and the text 'BAIRROS PROJETOS DIDÁTICOS E ELETRÔNICOS'. A green banner below the header reads 'ESTUDE ELETRÔNICA NO SITE WWW.BAIRROSPD.COM!'. The main content area features a navigation menu with items like 'RTN', 'Tutoriais', 'Bairros', 'Tutoriais', 'Você Sabia', and 'Contato'. A prominent yellow banner says 'APRENDA A LER RESISTORES' with an illustration of a man and children. Below this, there is a search bar and a section titled 'O QUE SIGNIFICA GASTAR ENERGIA ELÉTRICA: Uma questão de Potência.' A blue banner at the bottom of the screenshot asks 'AULAS OU ASSESSORIA COM O ENGENHEIRO E PROFESSOR ROBERTO BAIRROS?' with a 'CLIQUE AQUI!' button.

**VISITE  
O NOSSO  
SITE e  
CANAL  
YOUTUBE**

[www.bairrospd.com](http://www.bairrospd.com)  
Professor Bairros

[www.bairrospd.com](http://www.bairrospd.com)

[https://www.youtube.com/channel/UC\\_tfxnYdBh4IbiR9twtpPA](https://www.youtube.com/channel/UC_tfxnYdBh4IbiR9twtpPA)

VISITE O SITE DO PROFESSOR BAIRROS LÁ EM O PDF E MUTTO MAIS.  
PARA AULAS ONLINE CONTATE VIA SITE.

[www.bairrospd.com](http://www.bairrospd.com)

**BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)**

## Sumário

1	BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01) .....	3
1.1	Introdução.....	5
1.2	O polo.....	12
1.3	O Zero .....	31
1.4	O Polo na origem.....	38
1.5	O zero na origem.....	43
1.6	A constante.....	47
1.7	A frequência de corte.....	53
1.8	Exemplo 01:.....	58
1.9	Exemplo 2: .....	73
1.10	Exemplo 3: .....	90
1.11	Conclusão.....	118
1.12	Créditos .....	120

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

# 1 BODE- INTRODUÇÃO AO MÉTODO BAIROS PARA LEVANTAR AS CURVAS (PARTE 01)

---

Simmmm, eu sou o professor Bairros e no tutorial de hoje nós vamos ver....

BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

YOUTUBE: <https://youtu.be/11c-YPe6SO0>

Vamos lá!



Figura 1

## **BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)**

Assuntos relacionados.

VISITE O SITE DO PROFESSOR BAIROS LÁ TEM O PDF E MUITO MAIS  
PARA AULAS ONLINE CONTATE VIA SITE

[www.bairrospd.com](http://www.bairrospd.com)

curva de BODE, gráfico de BODE, como levantar as curvas de BODE, como desenhar as curvas de BODE, como analisar um circuito usando as curvas de BODE, filtros eletrônicos, como calcular um filtro eletrônico, analisando circuitos de filtros eletrônicos,

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

### 1.1 INTRODUÇÃO.

Um dos grandes desafios para o professor de eletrônica e para os alunos é analisar circuitos usando as curvas de BODE, principalmente os filtros, como aqueles do controle de tom, filtros na saída dos amplificadores classe D, filtros nas caixas de som, nos transformadores dos inversores, filtros como o da figura, enviado pelo seguidor José Tavares.

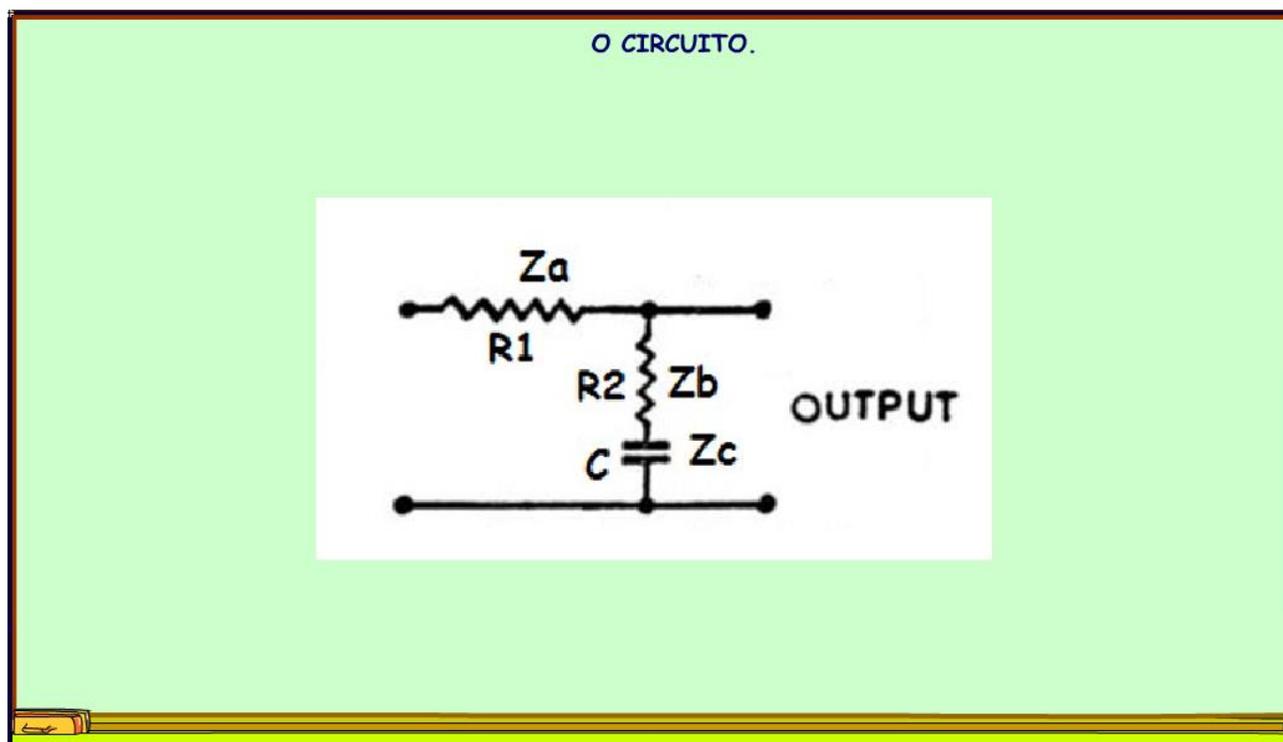


Figura 2

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

As curvas de BODE mostram de forma clara a relação entre o ganho de um circuito em função da frequência, como na figura, onde fica bem claro que esse circuito é um passa baixo e a frequência de corte está sintonizada em 1 KHz.

Como construir esse tipo de gráfico, é o que eu vou mostrar nesse tutorial.

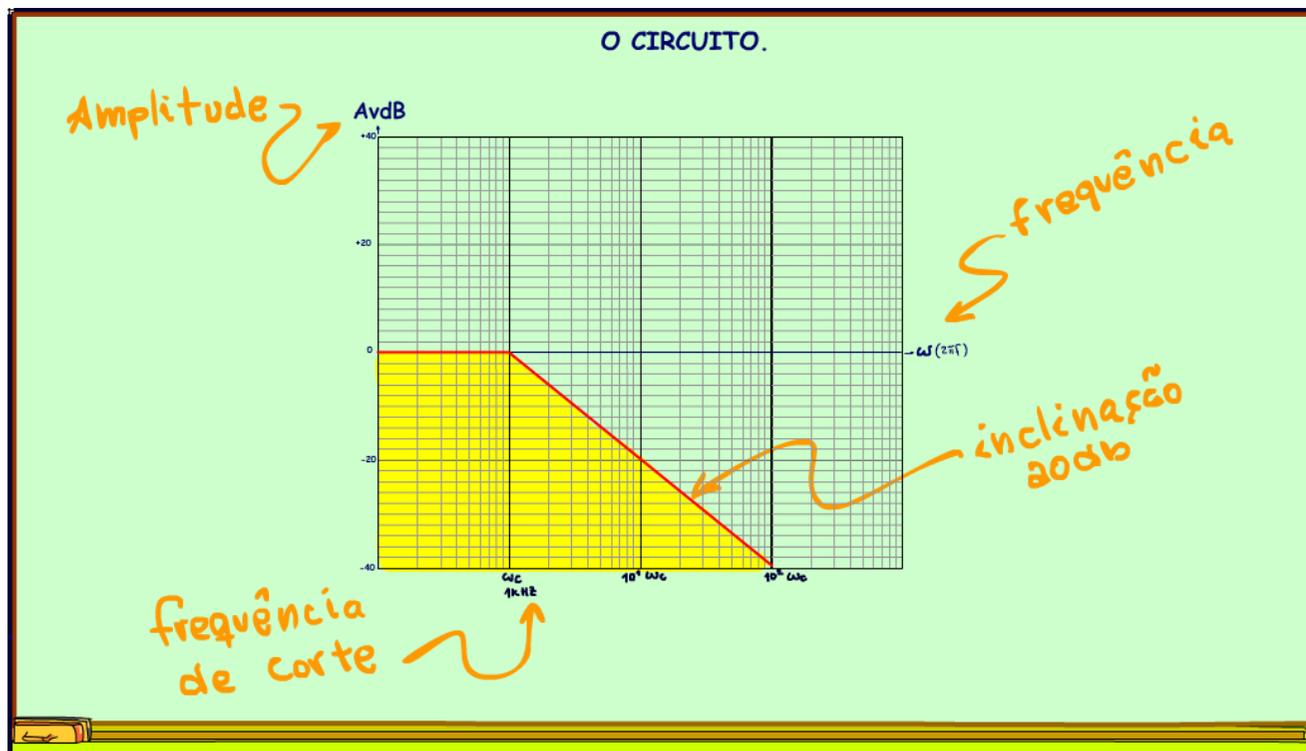


Figura 3

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

E se você já tentou aprender e teve dificuldade, eu entendo, é realmente um tópico difícil, mas depois de muitas tentativas cheguei no método que eu vou mostrar nesse tutorial, um método diferente que eu vou chamar de:

O método do Professor Bairros para levantar as curvas de BODE!

Um método rápido lépido e rasteiro e que começa pelo fim.



Figura 4

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Isso mesmo, eu vou começar mostrando os modelos dos polos e zeros sem falar muito da teoria do gráfico de BODE, mas claro que a essência eu tenho que mostrar, apesar do essencial ser invisível aos olhos!



Figura 5

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

O primeiro detalhe é que o gráfico mostra o ganho de tensão em decibel.

O ganho de tensão é a relação entre a tensão de saída pela tensão de entrada, como você já está careca de saber.

No circuito da figura o ganho é de 100.

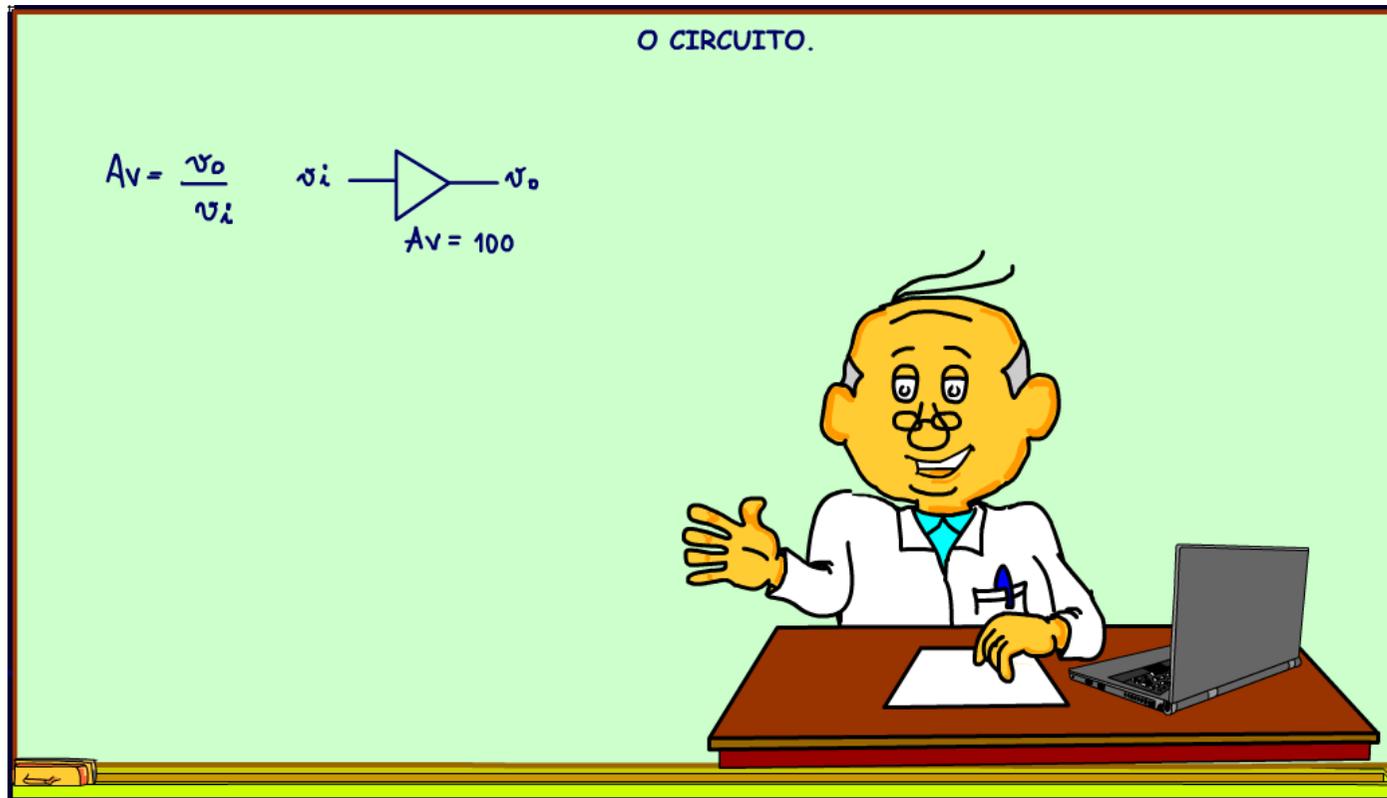


Figura 6

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

O que o senhor BODE fez foi escrever o ganho em decibel, como mostra a figura, e isso simplifica muito o desenho do gráfico, por incrível que pareça, você já vai ver.

No circuito da figura o ganho de 100 escrito em decibel é igual a 40db!

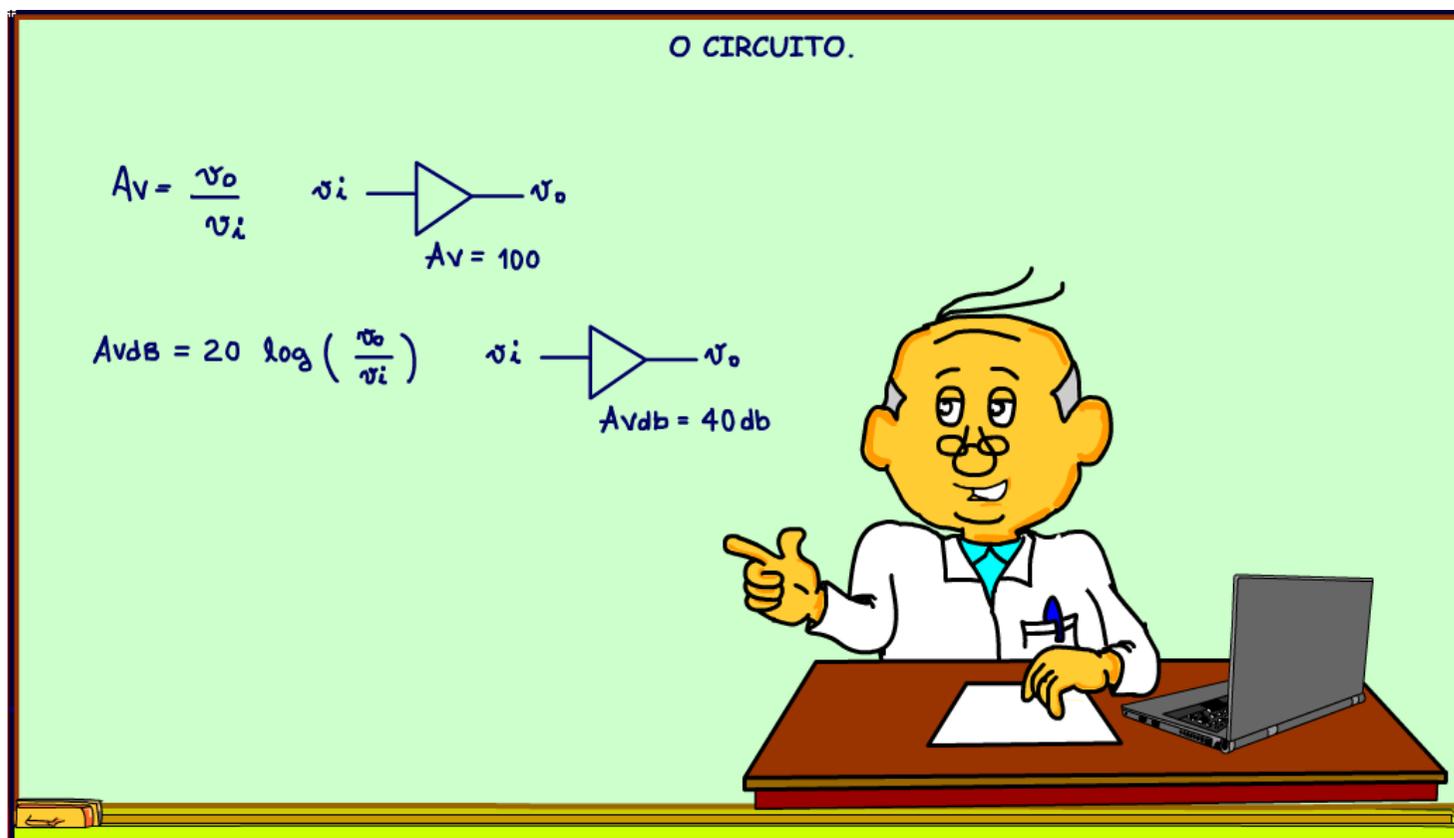
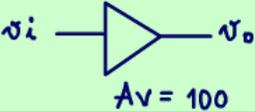


Figura 7

### BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Mas não se preocupe com o logaritmo por enquanto, conforme ele for aparecendo eu vou mostrando como calcular.

O CIRCUITO.

$A_v = \frac{v_o}{v_i}$    $A_v = 100$

**LOGARITMO**  
 $y = \log x$

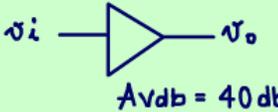
$A_{vdb} = 20 \log \left( \frac{v_o}{v_i} \right)$    $A_{vdb} = 40 \text{ db}$



Figura 8

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

### 1.2 O POLO.

Como eu disse vou começar pelo fim, então vou mostrar o que é um polo.

Um polo é quando na equação do ganho aparecer no denominador a parcela entre parênteses como na figura, essa parcela é chamada de polo.

O POLO.

$$A_v = \frac{1}{(1 + j\omega\tau)}$$

$\omega$  = velocidade angular =  $2\pi f$   
 $\tau$  = Constante de tempo do circuito.

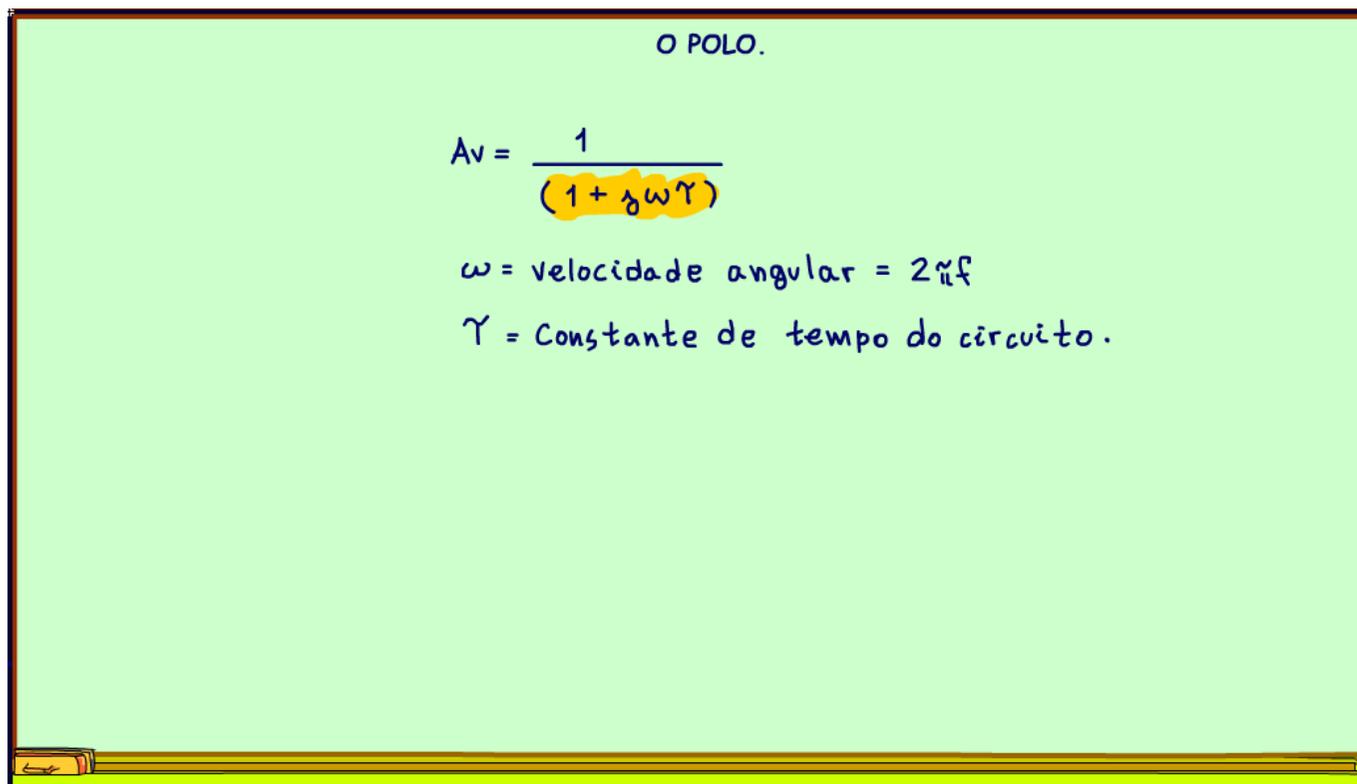


Figura 9

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Ao levantar a equação do circuito você terá que montar a equação final nesse padrão, deverá aparecer o um, mais a parte imaginária jota, vezes a velocidade angular dábliu, vezes a constate de tempo do circuito.

O POLO.

$$A_v = \frac{1}{(1 + j\omega\tau)}$$

$(1 + j\omega\tau)$

$\omega =$  velocidade angular  $= 2\pi f$

$\tau =$  Constante de tempo do circuito.

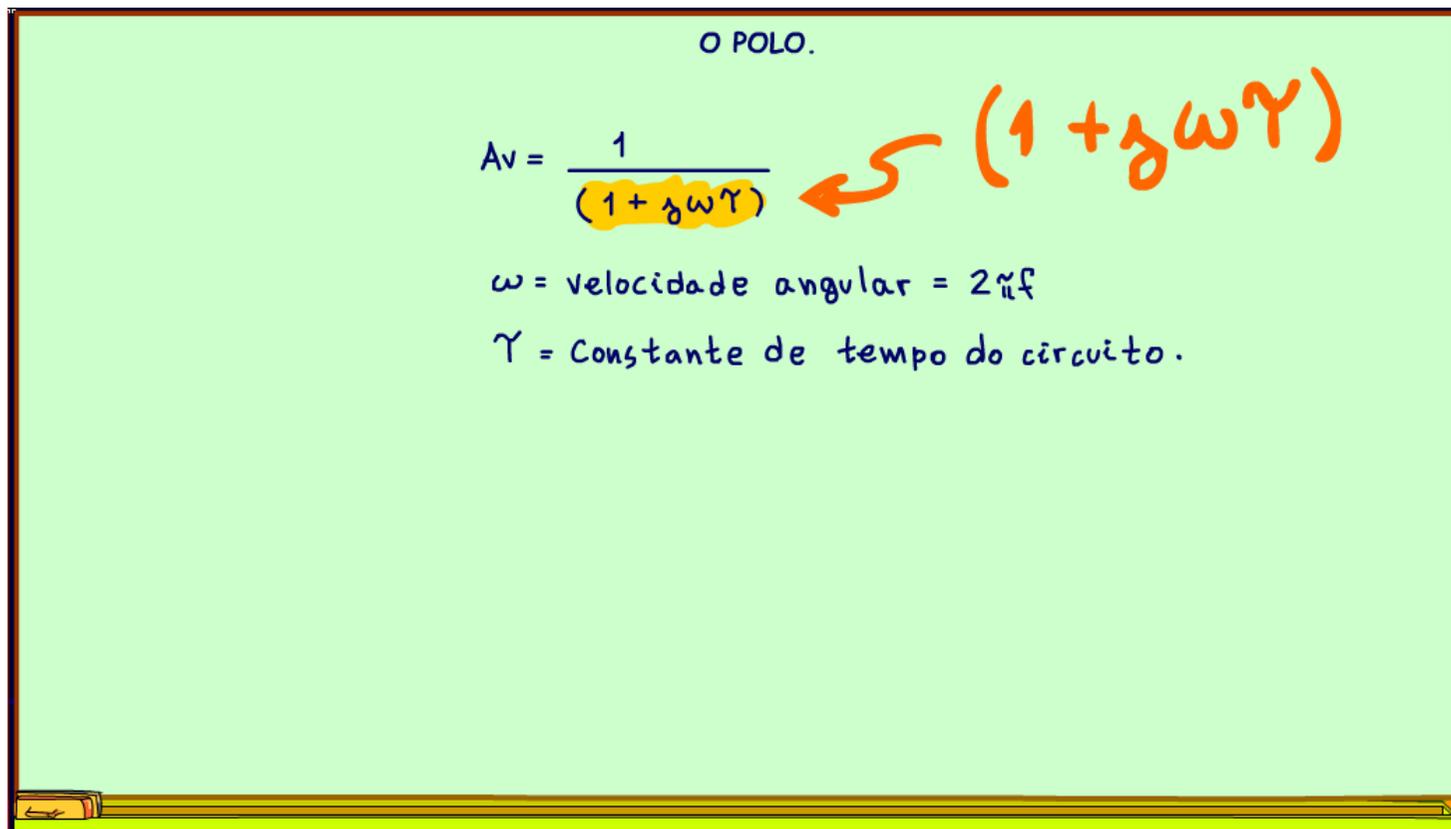


Figura 10

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Aqui estou usando a velocidade angular para simplificar a equação, a velocidade angular é aquele  $2\pi f$  que aparece nas equações das impedâncias dos capacitores e indutores.

O POLO.

$$A_v = \frac{1}{(1 + j\omega\tau)}$$

$\omega = \text{velocidade angular} = 2\pi f$

$\tau = \text{Constante de tempo do circuito.}$

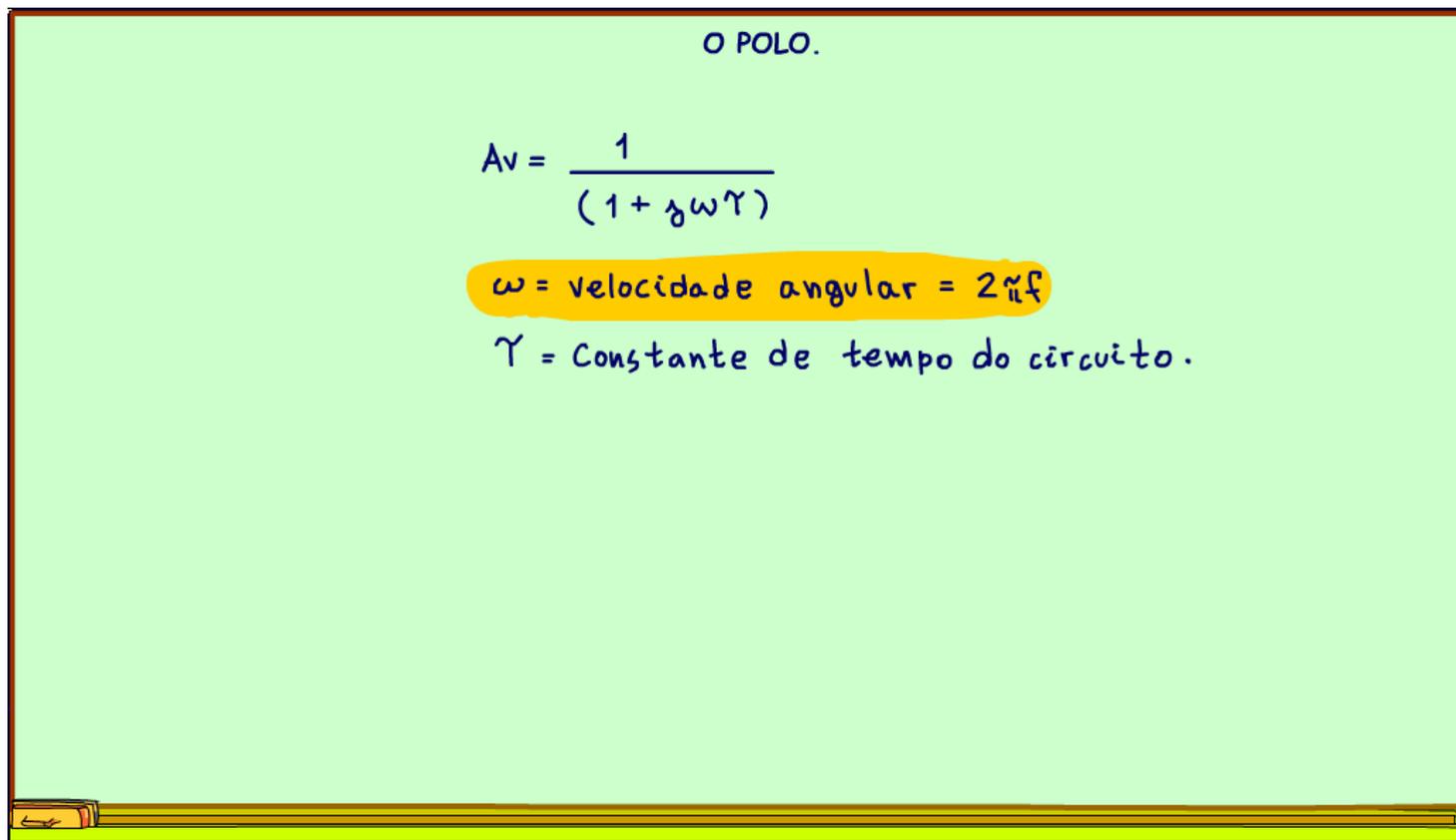
A hand-drawn diagram of a whiteboard with a green background and a brown border. At the top center, the text "O POLO." is written in blue. Below it, the equation  $A_v = \frac{1}{(1 + j\omega\tau)}$  is written in black. The term  $\omega = \text{velocidade angular} = 2\pi f$  is highlighted in yellow. Below that,  $\tau = \text{Constante de tempo do circuito.}$  is written in blue. At the bottom left, there is a small drawing of a pencil.

Figura 11

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

O "f" é a frequência, então usar a velocidade angular é uma forma diferente de escrever a frequência, economiza letras, eu não preciso escrever o  $2\pi$  na equação.

O POLO.

$$A_v = \frac{1}{(1 + j\omega\tau)}$$

frequência

$\omega = \text{velocidade angular} = 2\pi f$

$\tau = \text{Constante de tempo do circuito.}$

Figura 12

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

O termo que parece a letra “t” é a constante de tempo e depende do circuito, depende dos capacitores, indutores e resistências que estão sendo usadas no circuito.

O POLO.

$$A_v = \frac{1}{(1 + j\omega\tau)}$$

$\omega$  = velocidade angular =  $2\pi f$

$\tau$  = Constante de tempo do circuito.

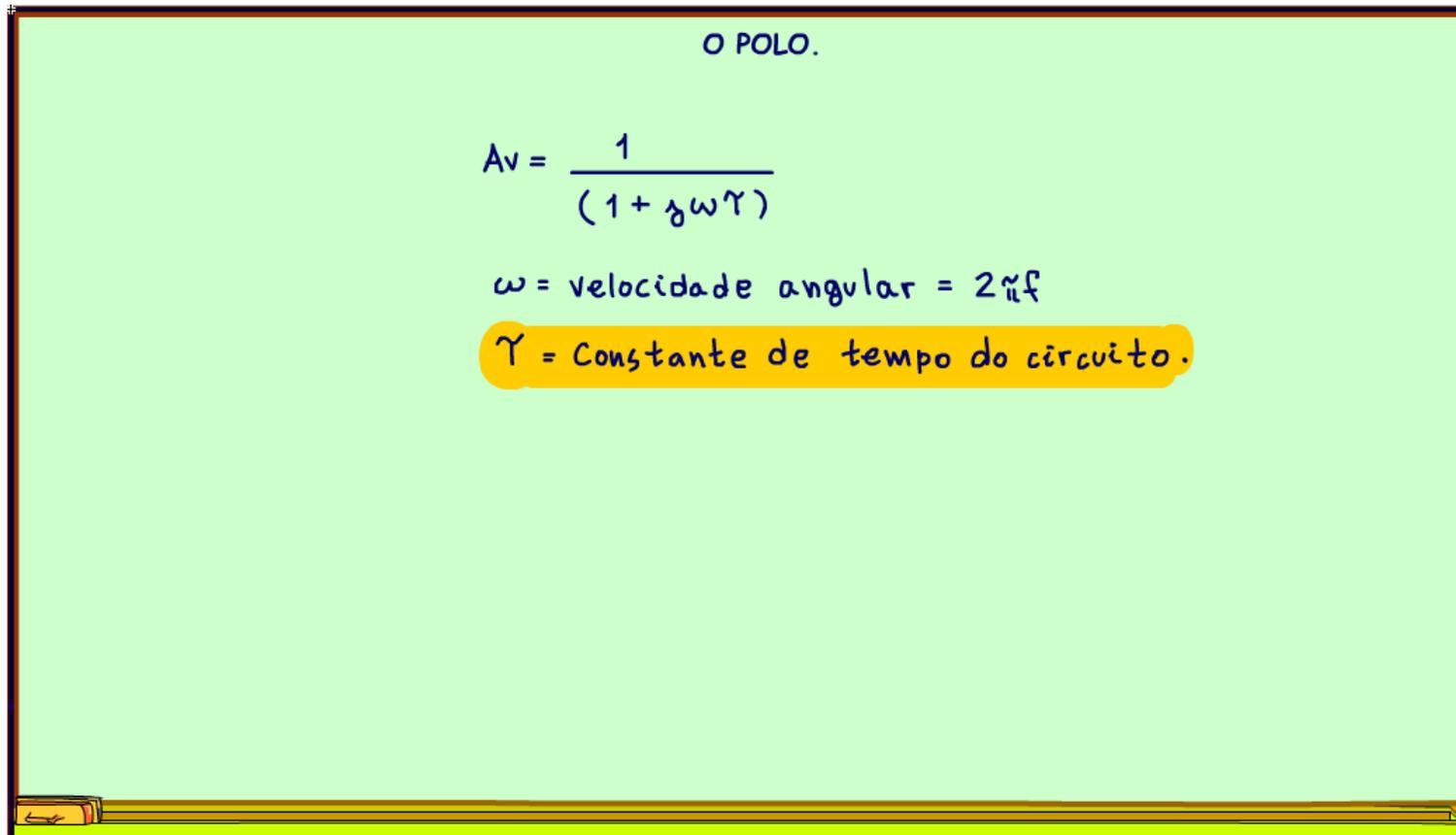
A hand-drawn diagram of a whiteboard with a green background and a brown border. The text and formulas are written in blue ink. The title 'O POLO.' is at the top center. Below it is the transfer function  $A_v = \frac{1}{(1 + j\omega\tau)}$ . Underneath that, it says ' $\omega$  = velocidade angular =  $2\pi f$ '. The last line, ' $\tau$  = Constante de tempo do circuito.', is highlighted with a yellow background.

Figura 13

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Você já viu isso antes, no circuito RC da figura, você lembra o que determinar a constante de tempo desse circuito.

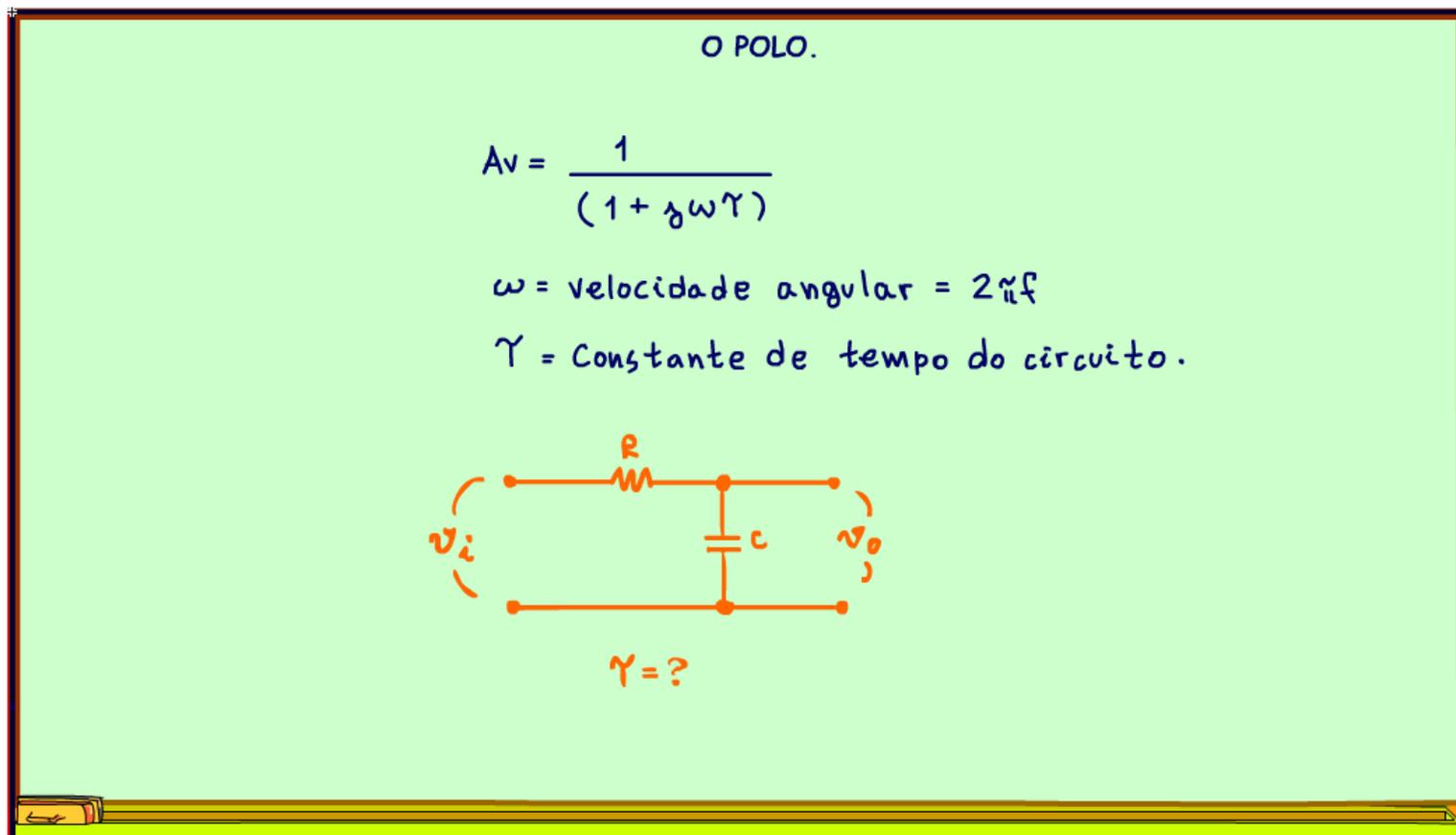


Figura 14

**BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)**

Isso mesmo, a constante de tempo é RC.

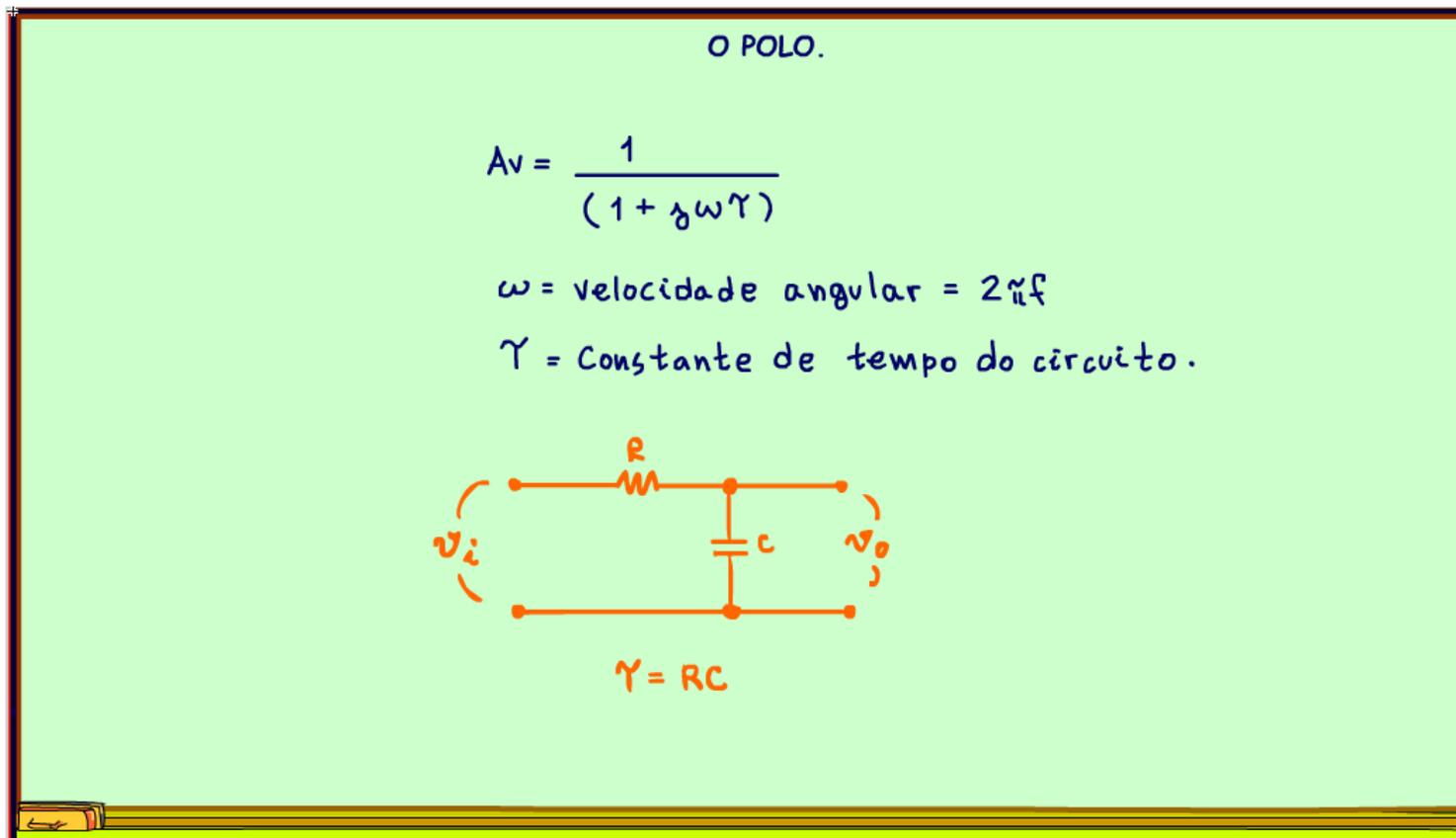


Figura 15

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Agora vou mostrar para você como desenhar o gráfico do polo, é muito simples.

A primeira novidade é que a escala do gráfico é logarítmica, claro, se o ganho é calculado em decibel, que tem o logaritmo na equação, então o gráfico é logarítmico, como mostra a figura.

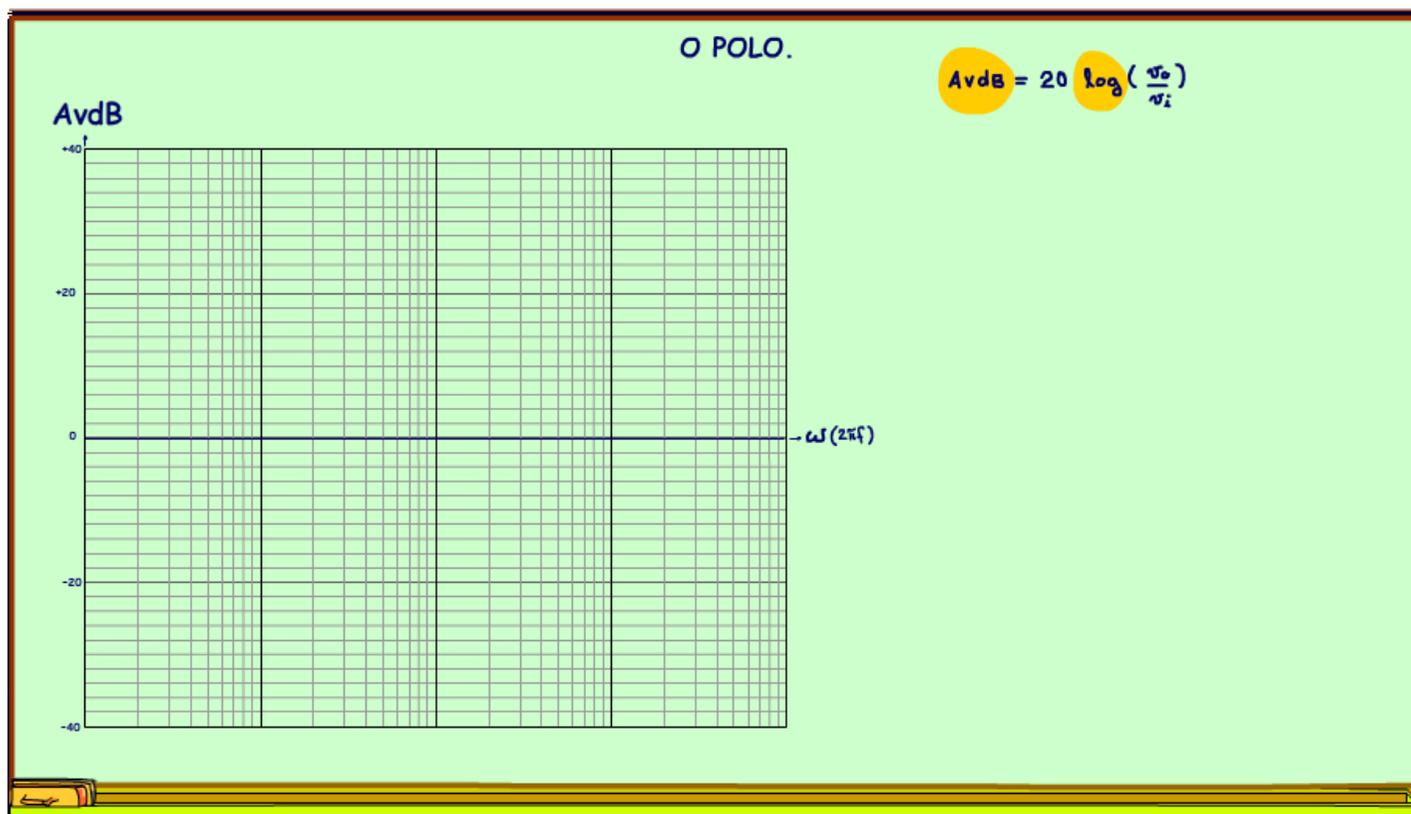


Figura 16

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

E mais, o logaritmo na base dez, o mais fácil de todos, quando a base não é escrita no logaritmo, então ele é base dez, por exemplo, no logaritmo em laranja da figura a base é dois, olha o dois ali na base da palavrinha log.

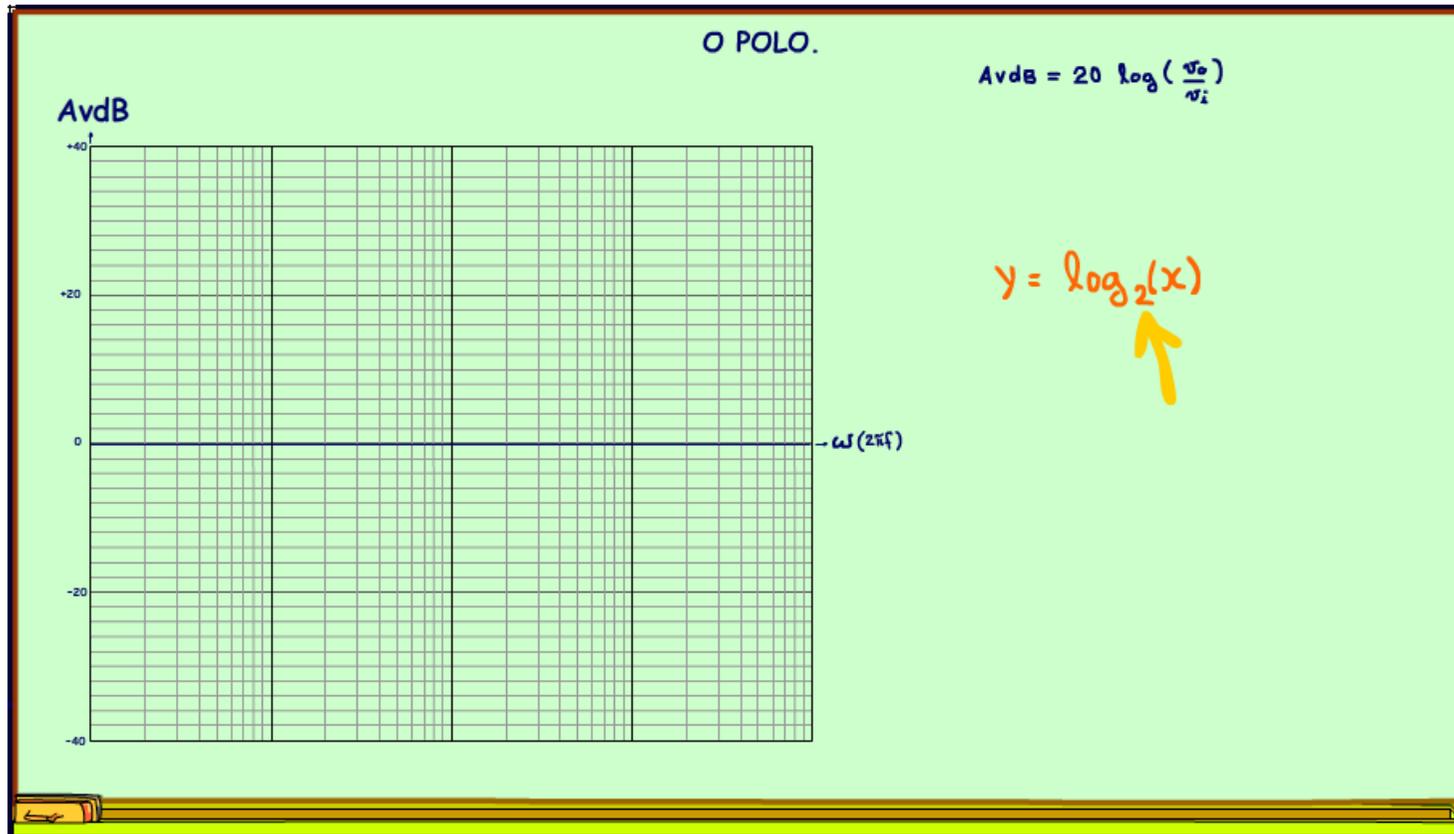


Figura 17

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

No caso do polo a equação fica como na figura, no lugar do ganho vo sobre vi escrevemos o termo do polo, muito simples!

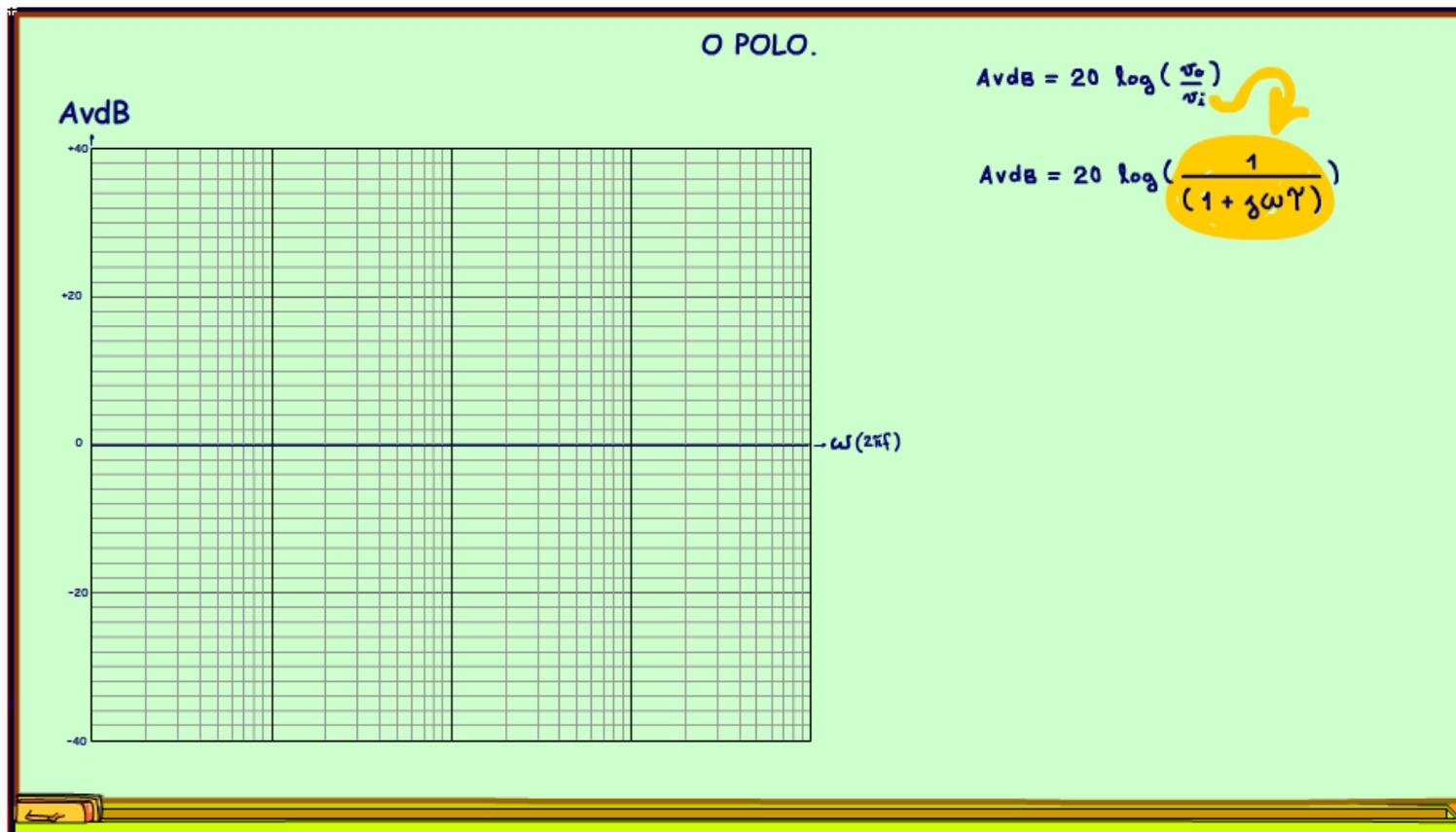


Figura 18

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

E agora eu vou mostrar o padrão do gráfico do polo, é esse da figura.

Nessa primeira parte eu não vou mostrar como chegar nesse gráfico, mais tarde eu mostro, depois que você estiver usando o gráfico, depois que você ver como é simples usar o gráfico, afinal esse é o método de trás para frente.

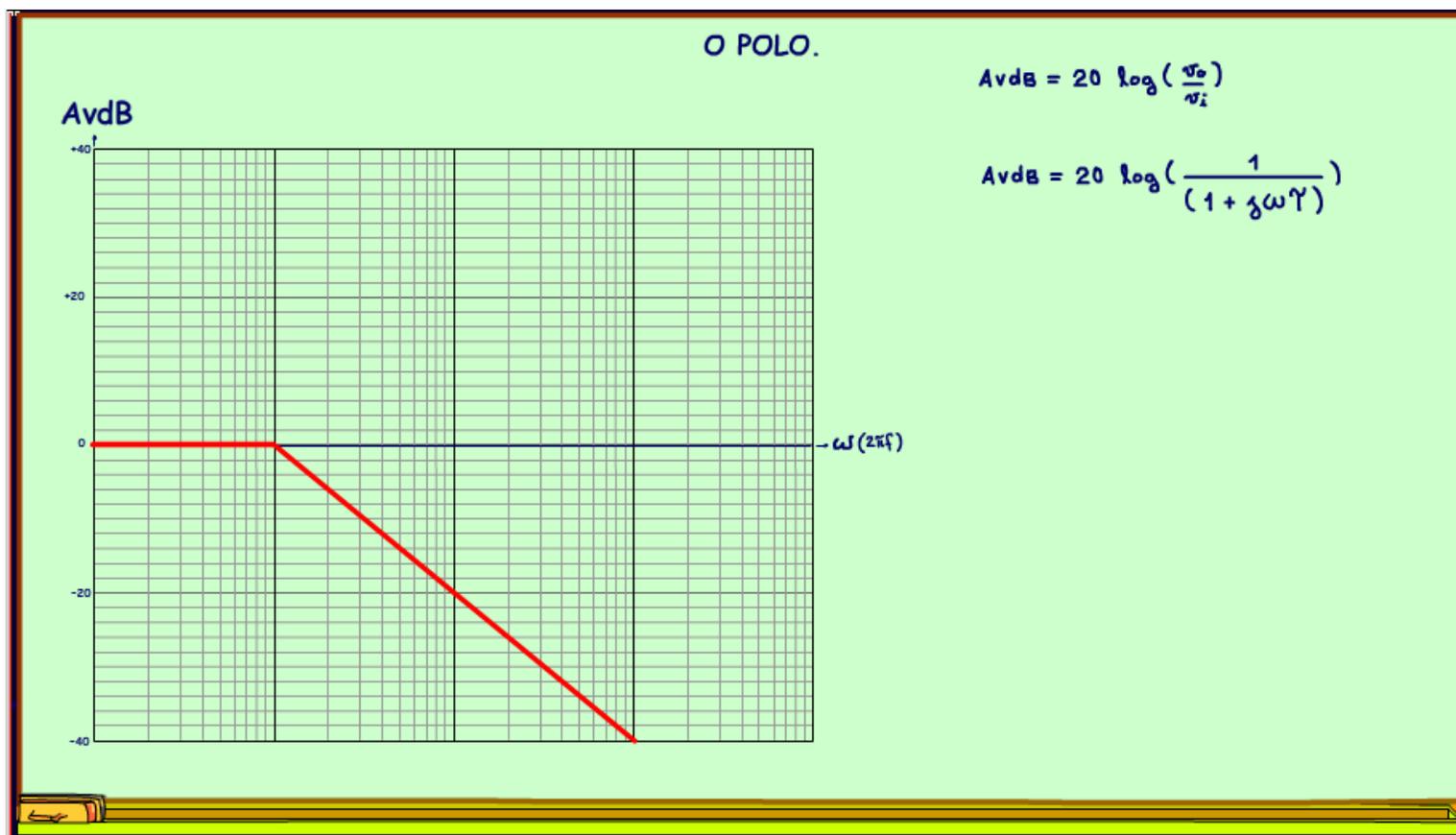


Figura 19

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Sim, é o nosso conhecido passa baixo, veja agora os detalhes do gráfico.

Primeiro esse ponto de quebra, essa quebra no gráfico vai ocorrer exatamente no ponto onde o valor da frequência angular  $\omega_c$  é igual a frequência de corte.

Então vou escrever lá na base o  $\omega_c$ , que você já sabe vale  $2\pi f$ , esse “c” é de corte.

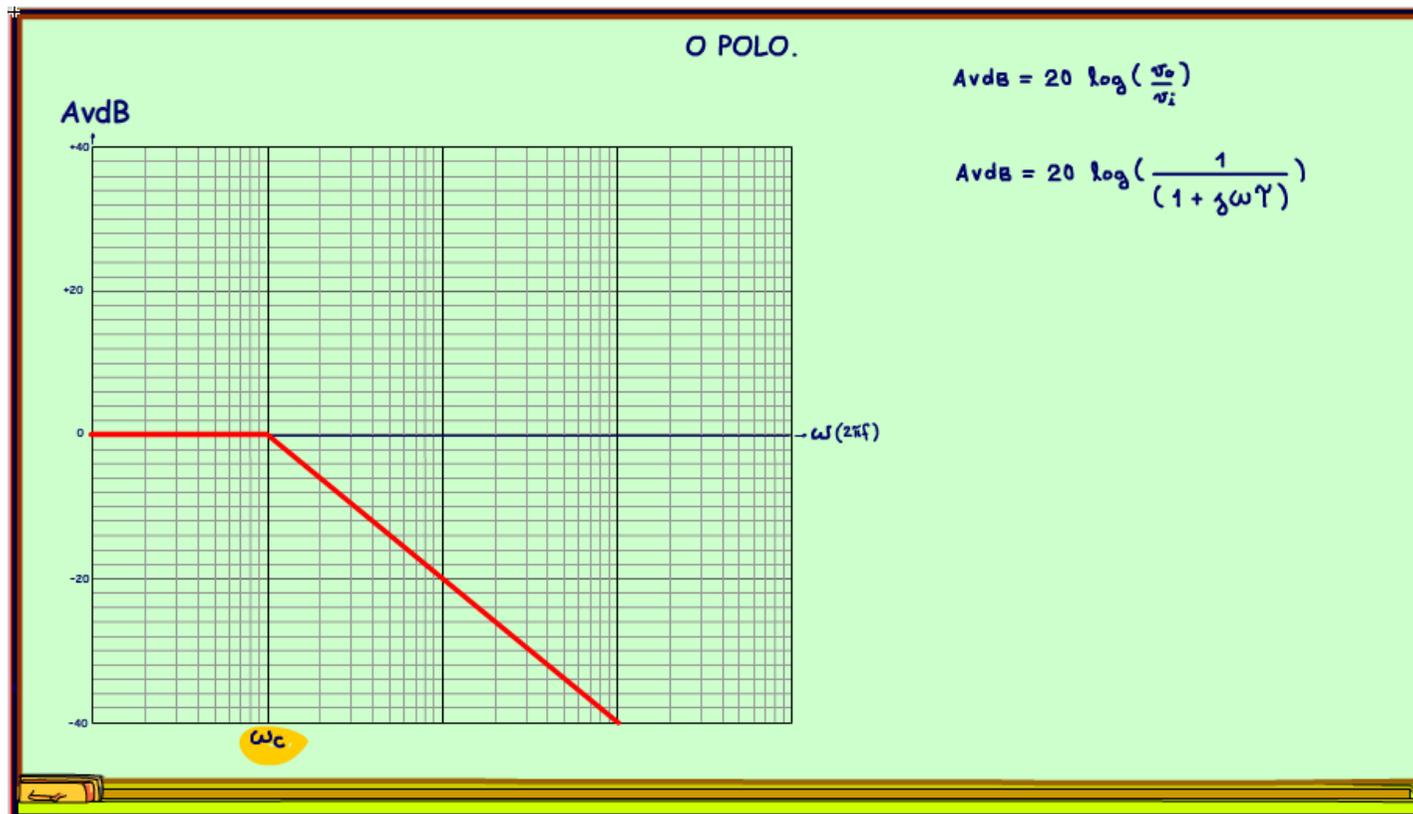


Figura 20

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Nas frequências abaixo da frequência de corte o ganho em db é zero, mas cuidado é ganho é em db, o ganho em db igual a zero significa que a tensão que entra é igual a tensão que sai, já veremos num exemplo.

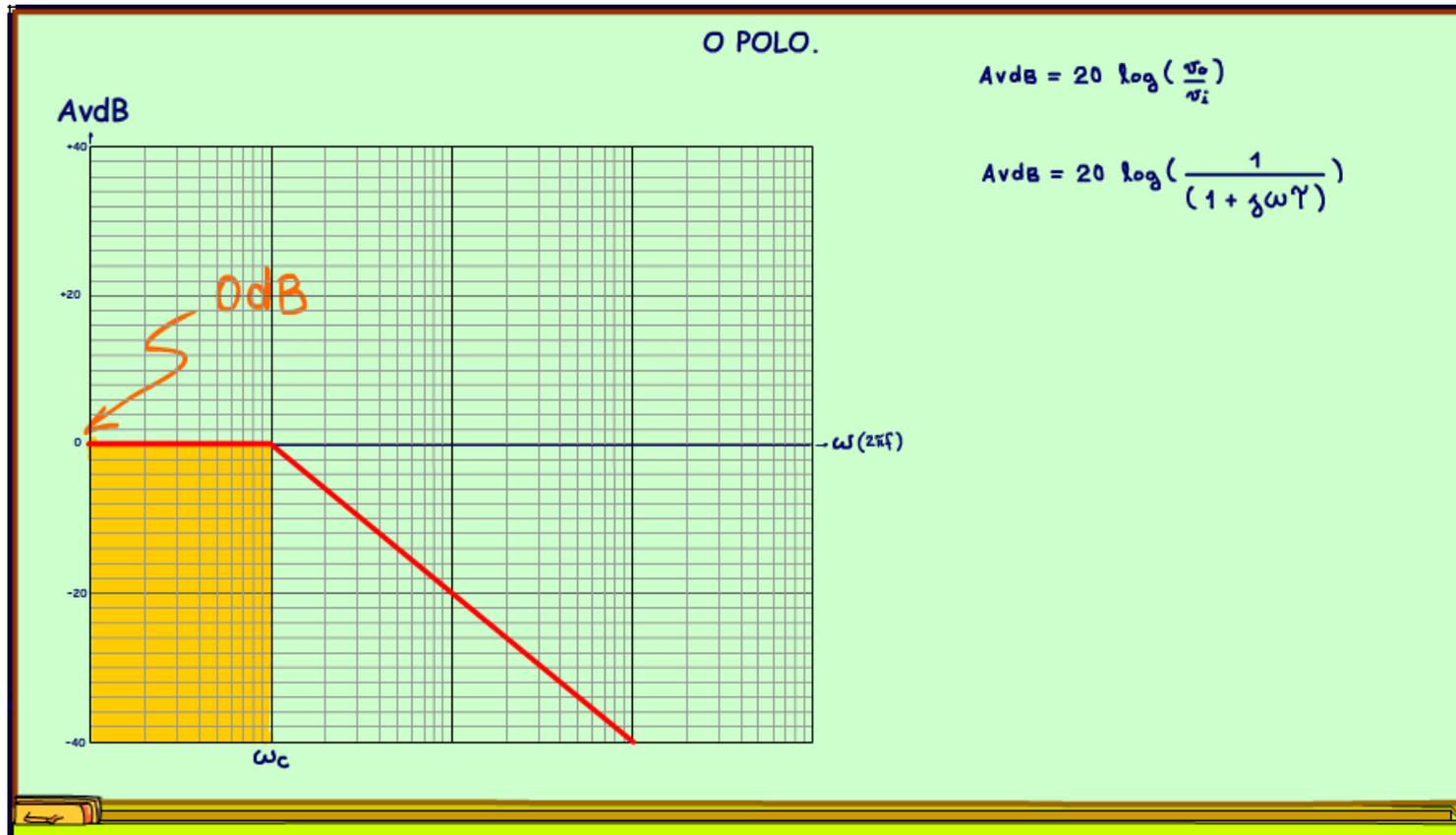


Figura 21

### BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Nas frequências acima da frequência de corte o ganho vai caindo, isso é o sinal vai sendo atenuado.

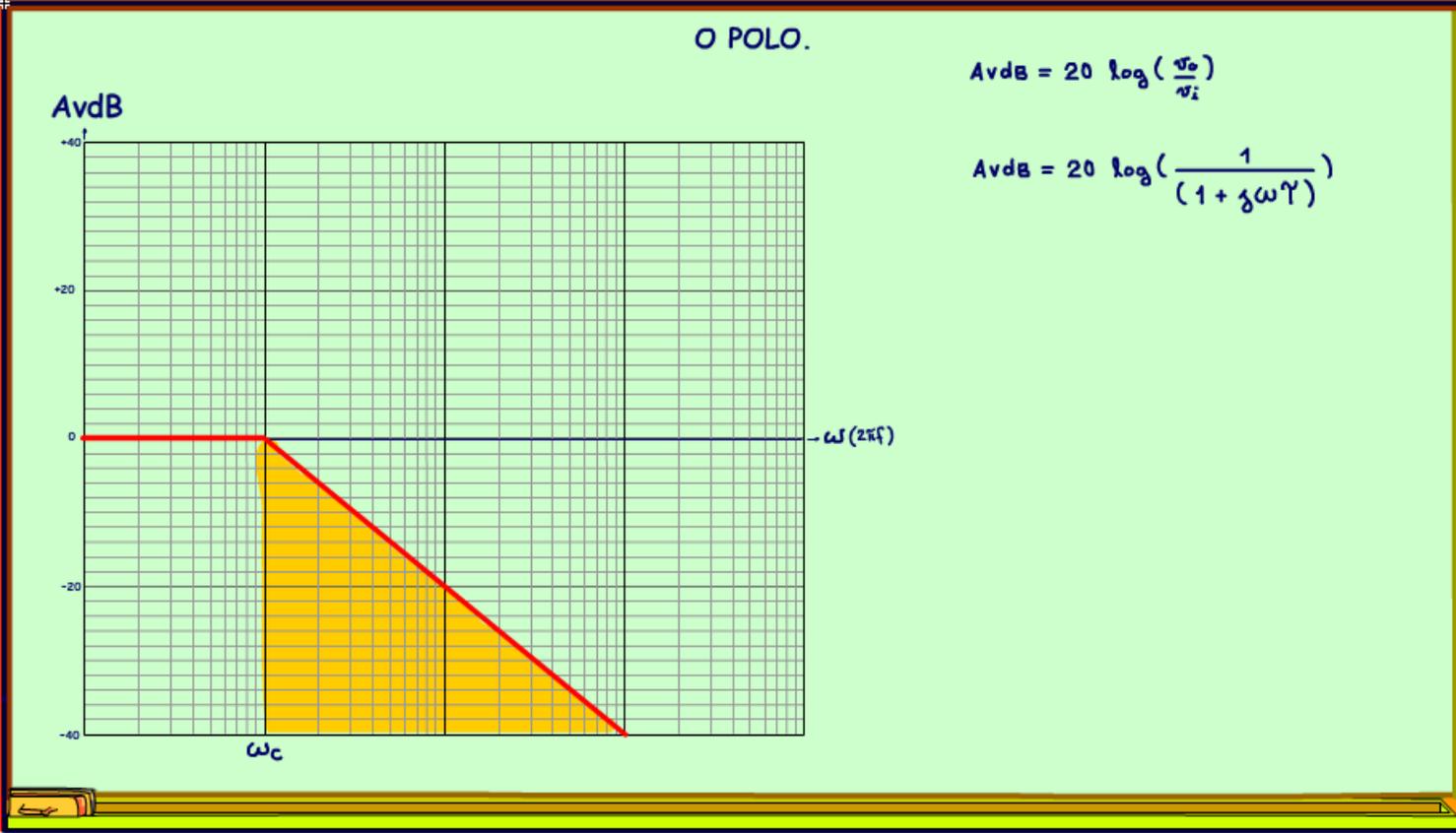


Figura 22

### BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

E mais vai caindo num compasso preciso, 20 db por década, isso é, cada vez que a frequência for multiplicada por 10, o ganho cai 20 db, veja na figura o ponto em que a frequência do sinal de entrada vale 10 vezes a frequência de corte.

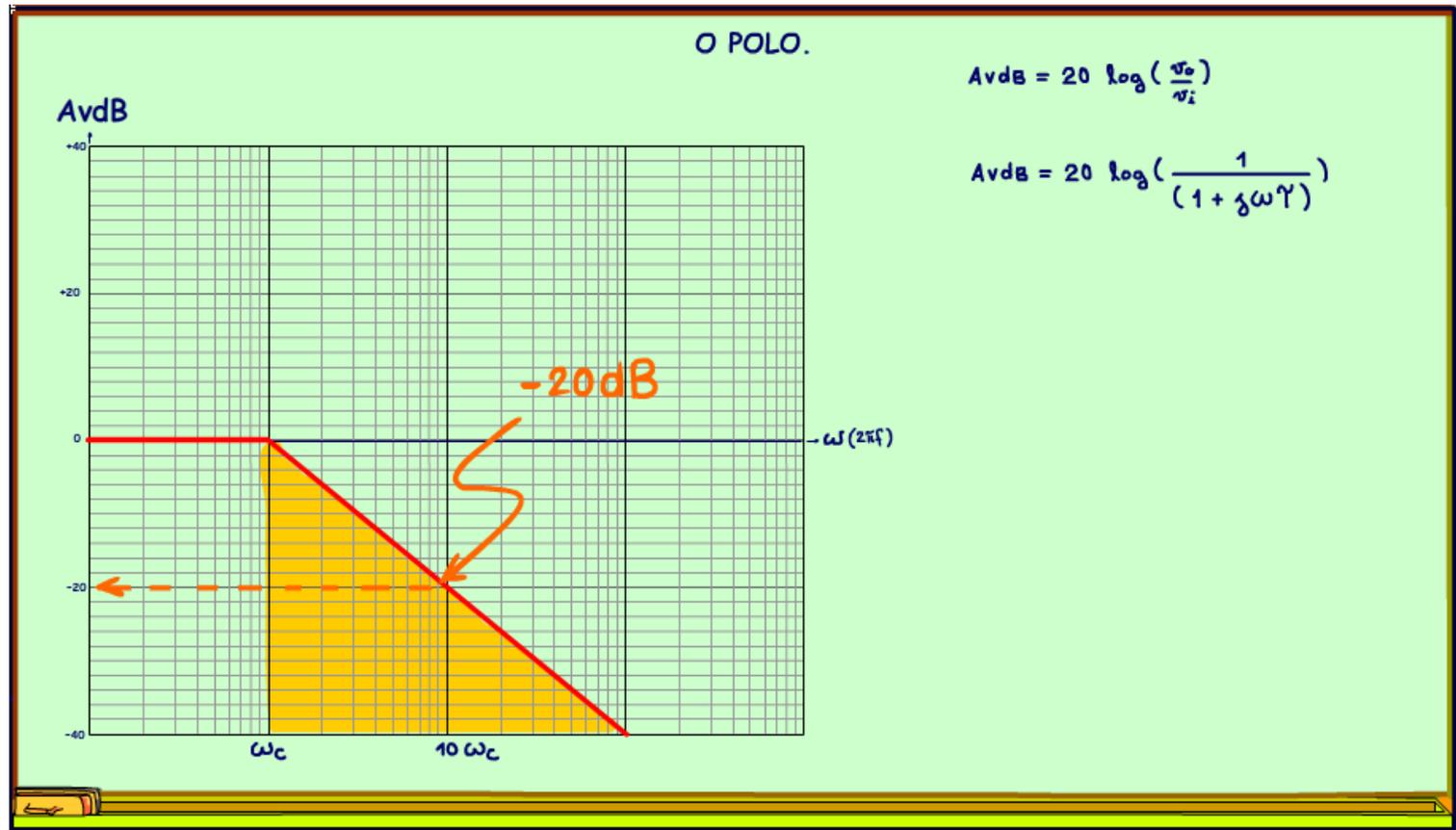
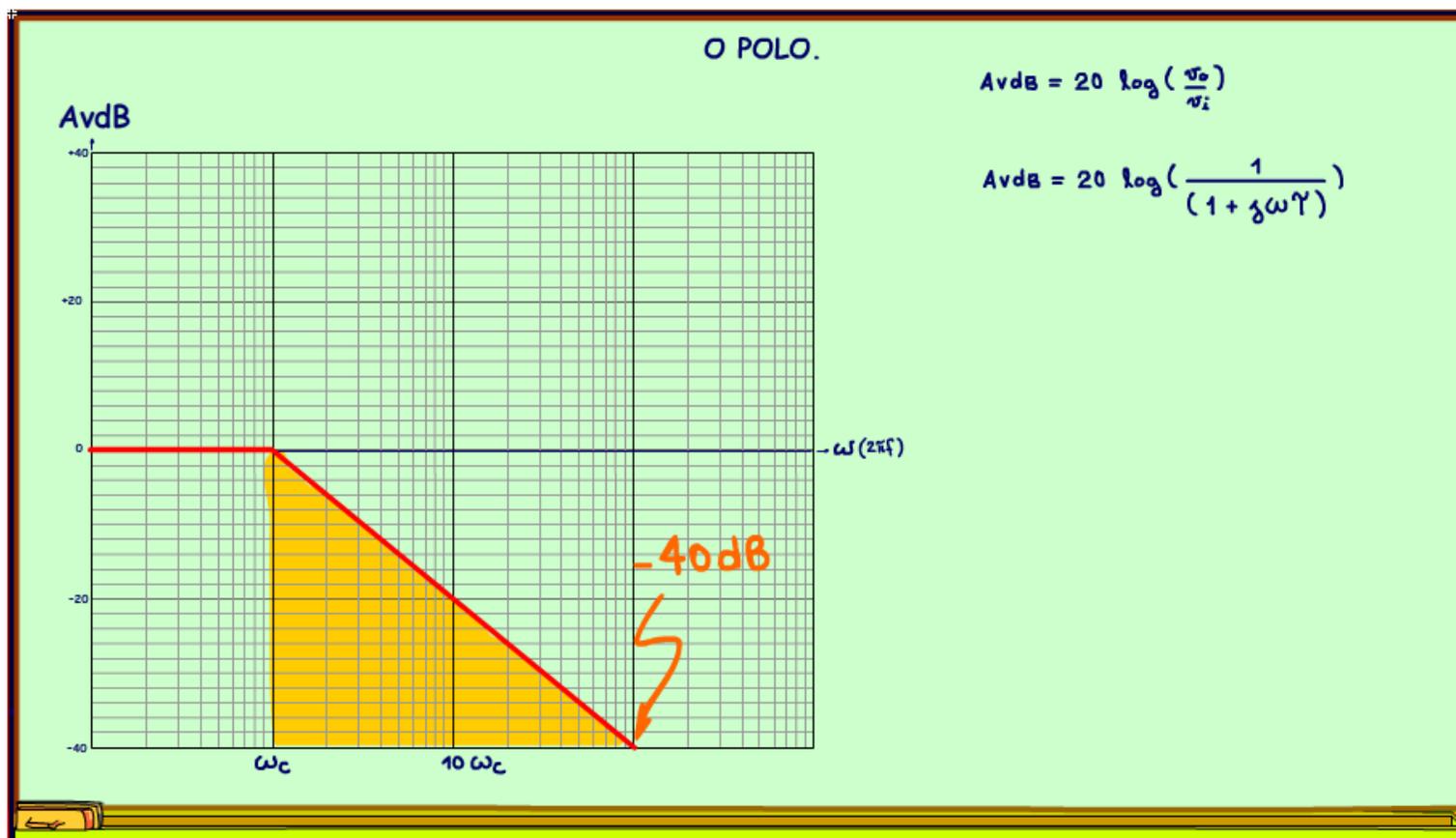


Figura 23

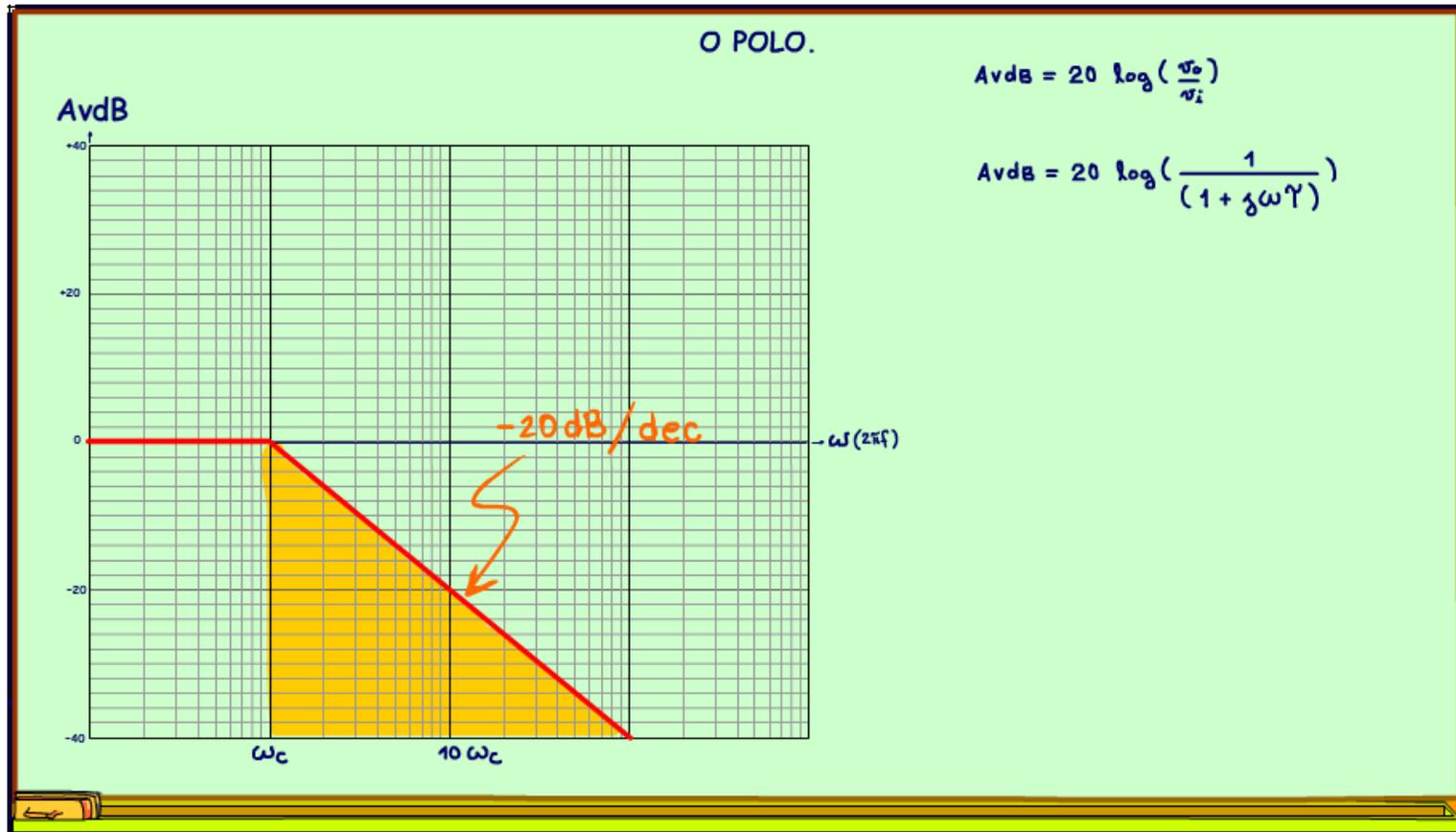
## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Se olhar o ponto com a frequência 10 vezes acima, isso 100 vezes a frequência de corte, o ganho caiu para menos 40 dB, mantendo o ritmo de 20 db por década!



## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Então, essa é uma das principais características desse tipo de gráfico, depois da frequência de corte é gerado uma reta com a inclinação de -20db por década, você vai ouvir falar muito isso nos filtros, agora você já sabe o porquê, é o padrão do polo.



## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Aqui vou abrir um parêntese, na verdade no ponto da frequência de corte o ganho é menos 3dB, mas o gráfico padrão desconsidera esse pequeno errinho e considera que o ganho é zero até o ponto de quebra, se fica mais fácil desenhar o gráfico assim não vamos reclamar, não é mesmo?

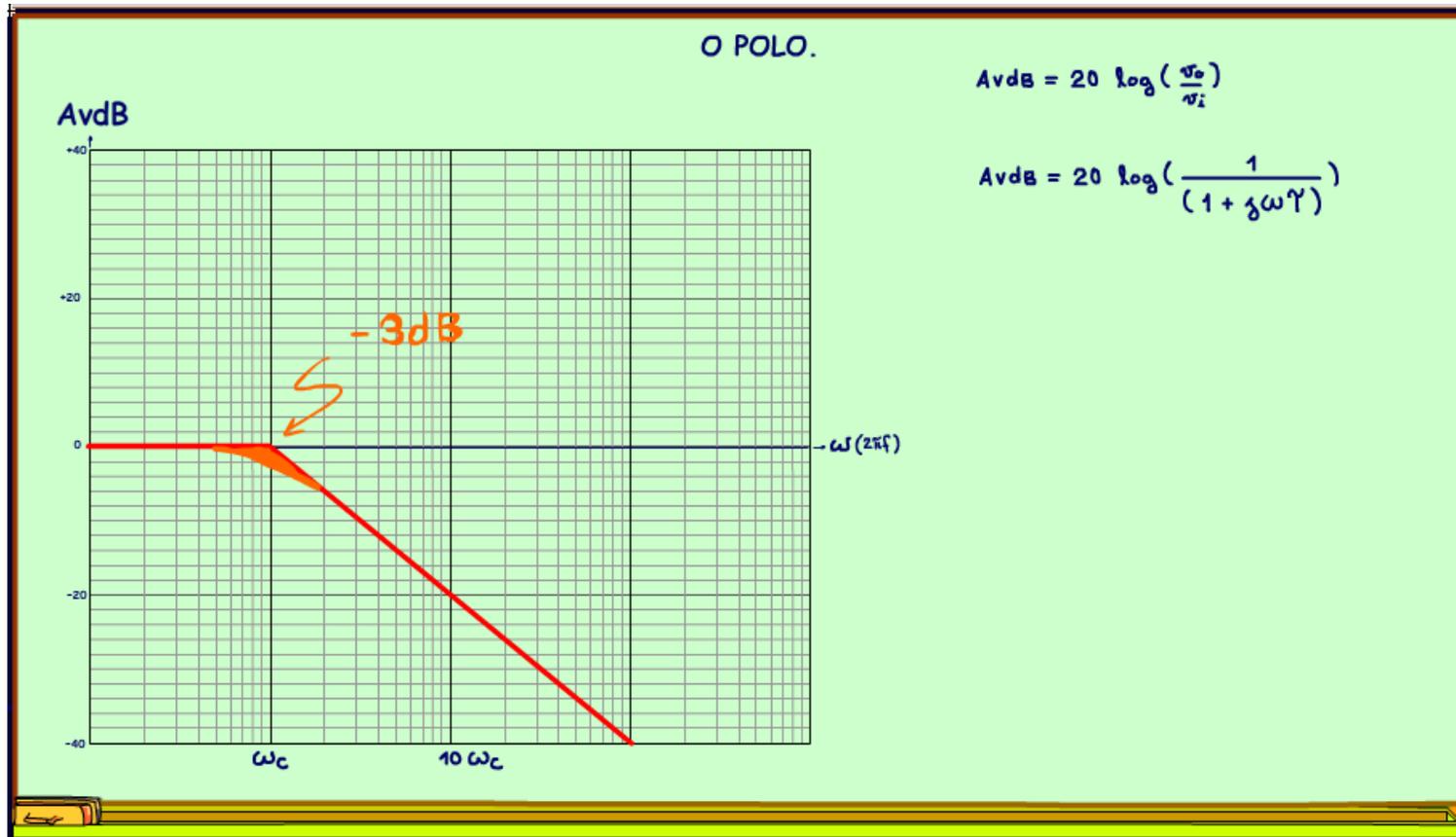


Figura 26

### BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

E pronto, isso é tudo sobre o polo, não podia ser mais simples.

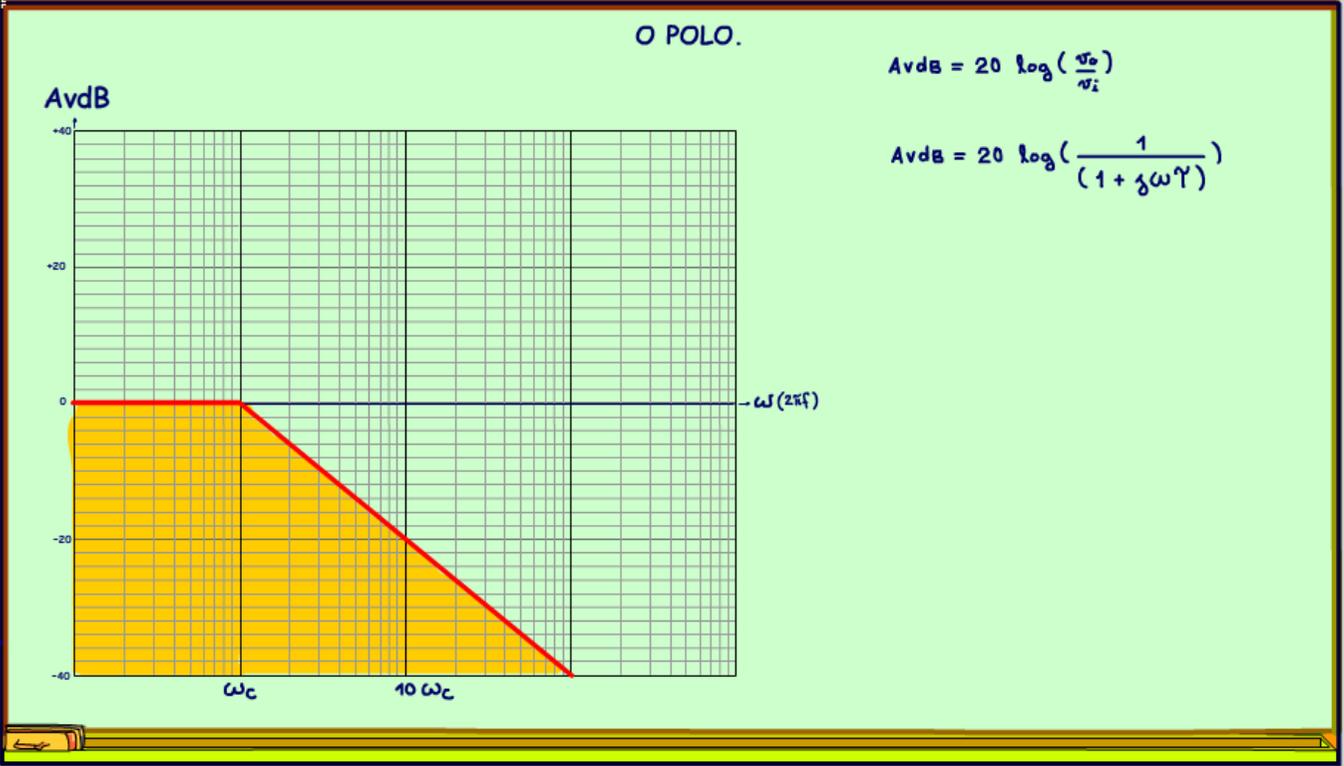


Figura 27

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

### 1.3 O ZERO.

Agora vou mostrar o padrão para o zero, veja a equação do zero, nesse o caso o termo fica posicionado no numerador da equação do ganho, vamos ver o que isso implica?

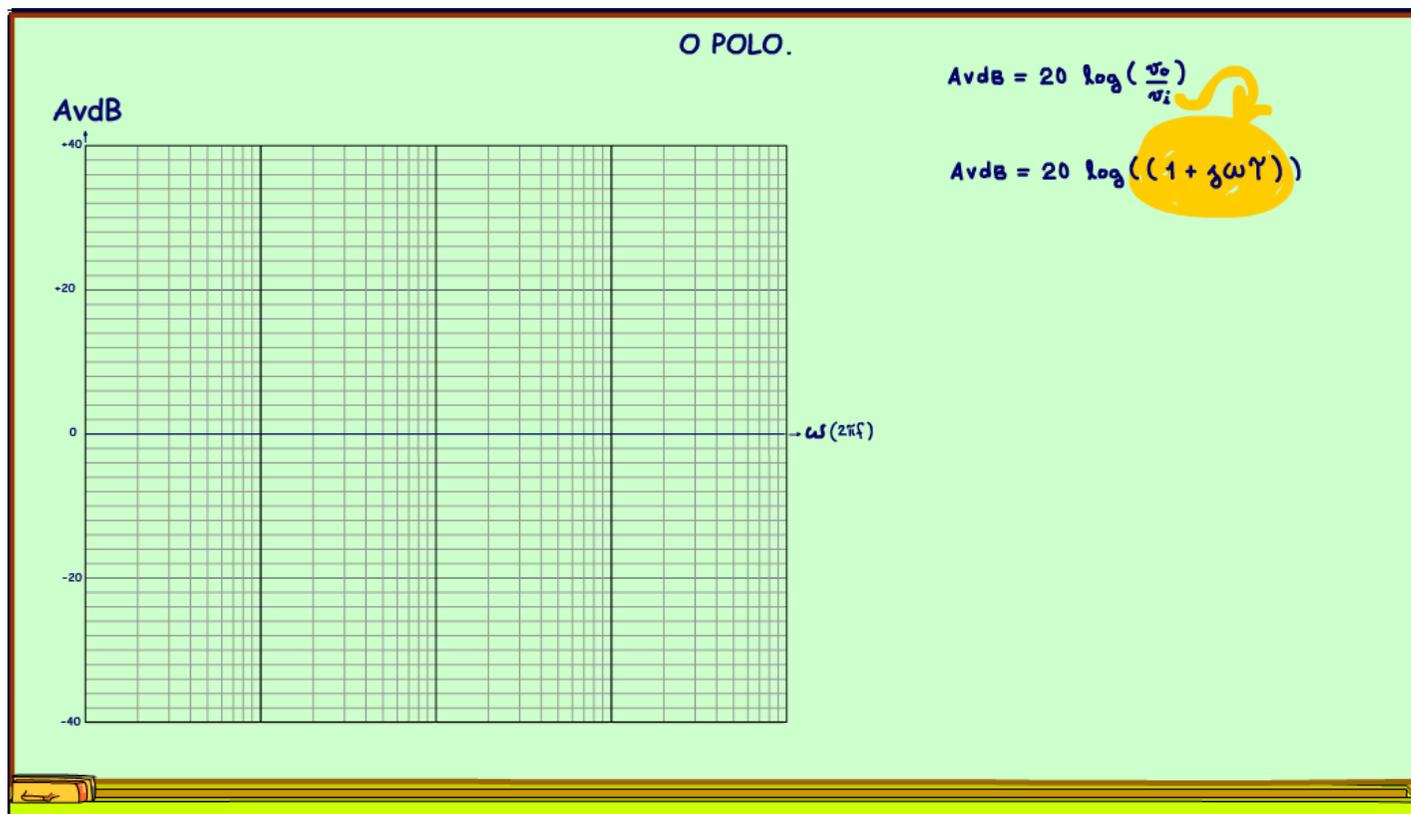


Figura 28

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Veja agora como fica o gráfico, é o inverso do polo, muito fácil.

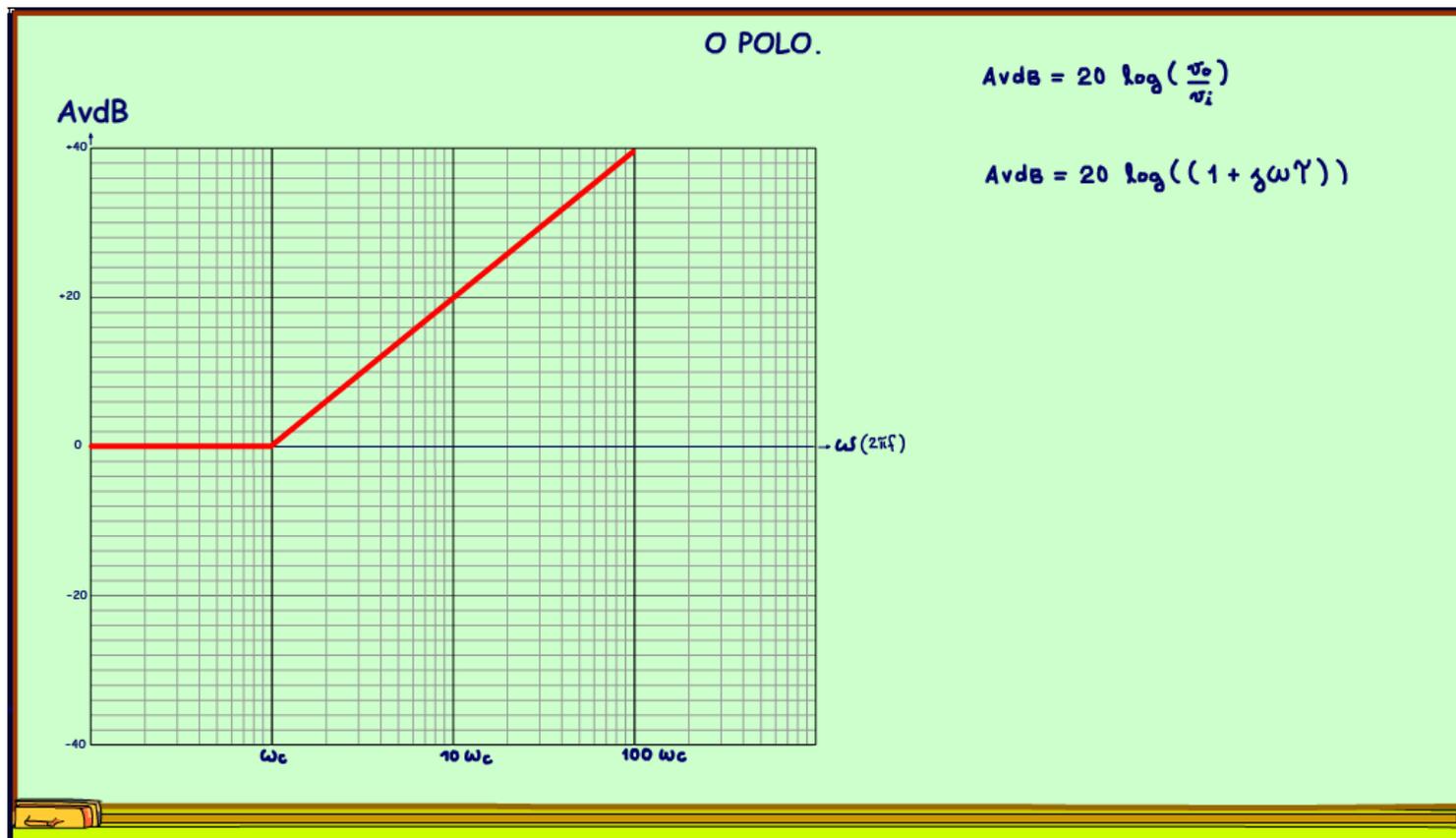


Figura 29

### BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

A quebra se dá na frequência de corte, exatamente como no polo

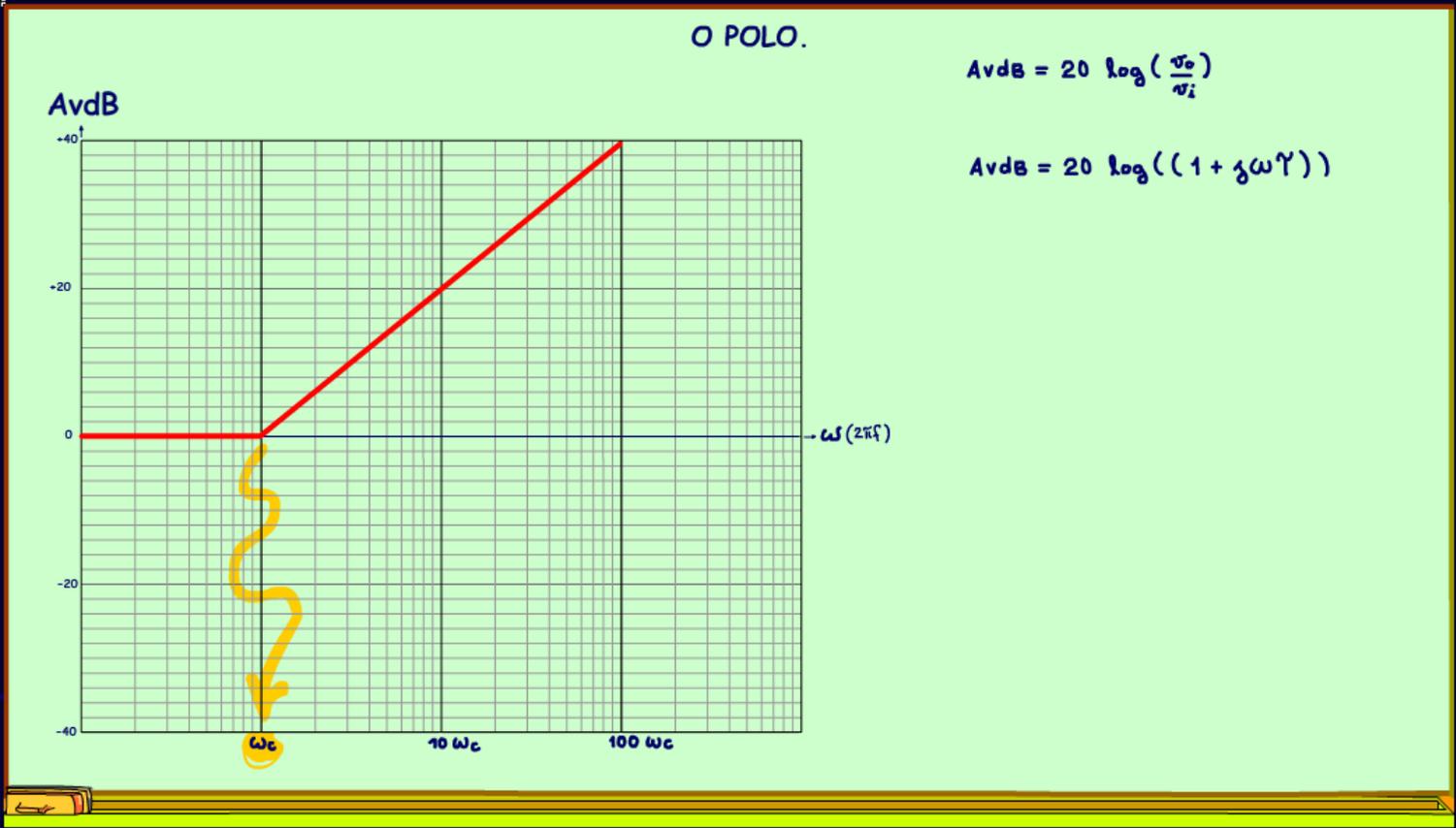


Figura 30

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Abaixo da frequência de corte o ganho é zero, igualzinho ao polo.

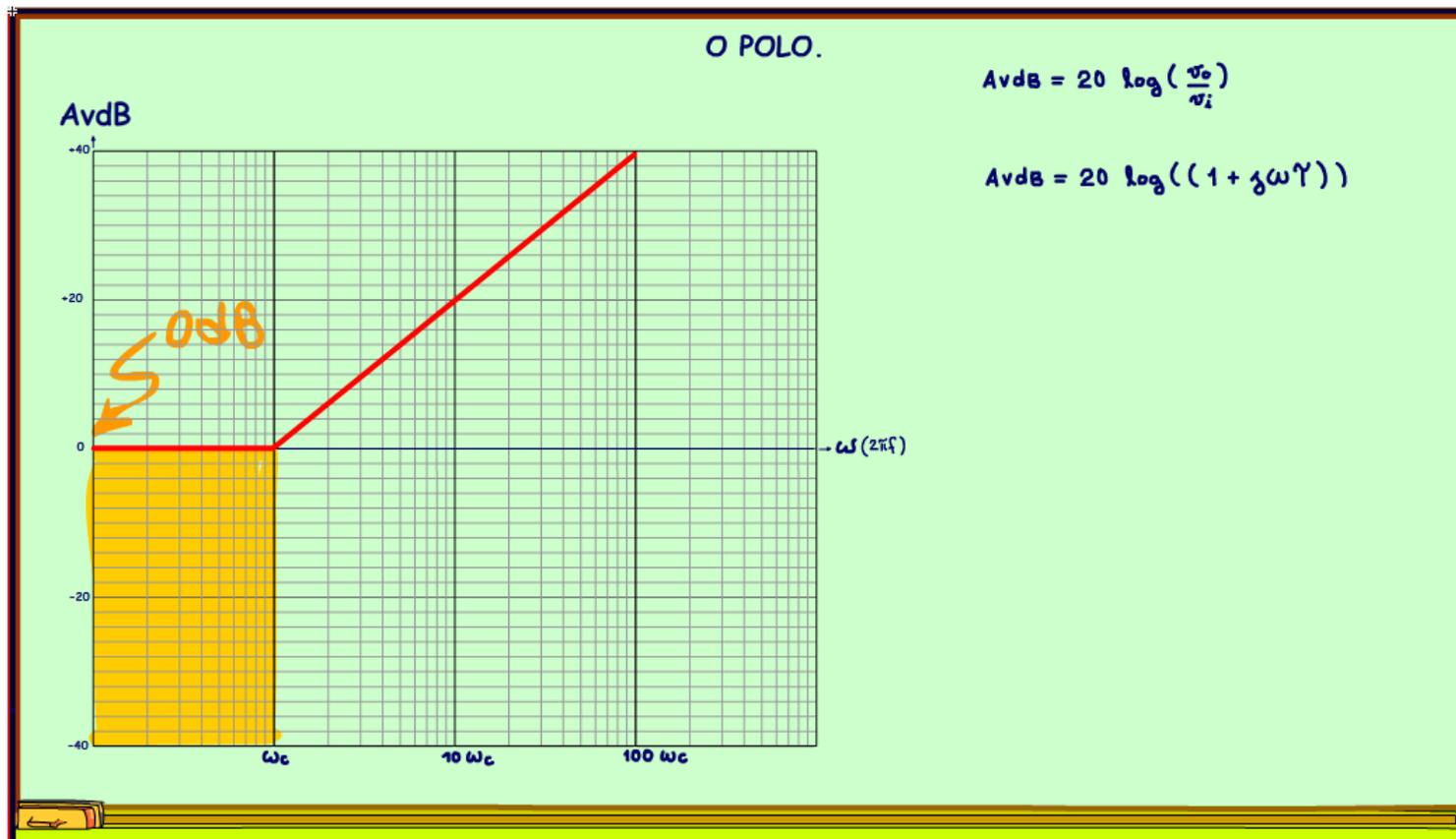


Figura 31

### BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Acima da frequência de corte há um reforço, então esse gráfico se parece com um filtro passa alto.

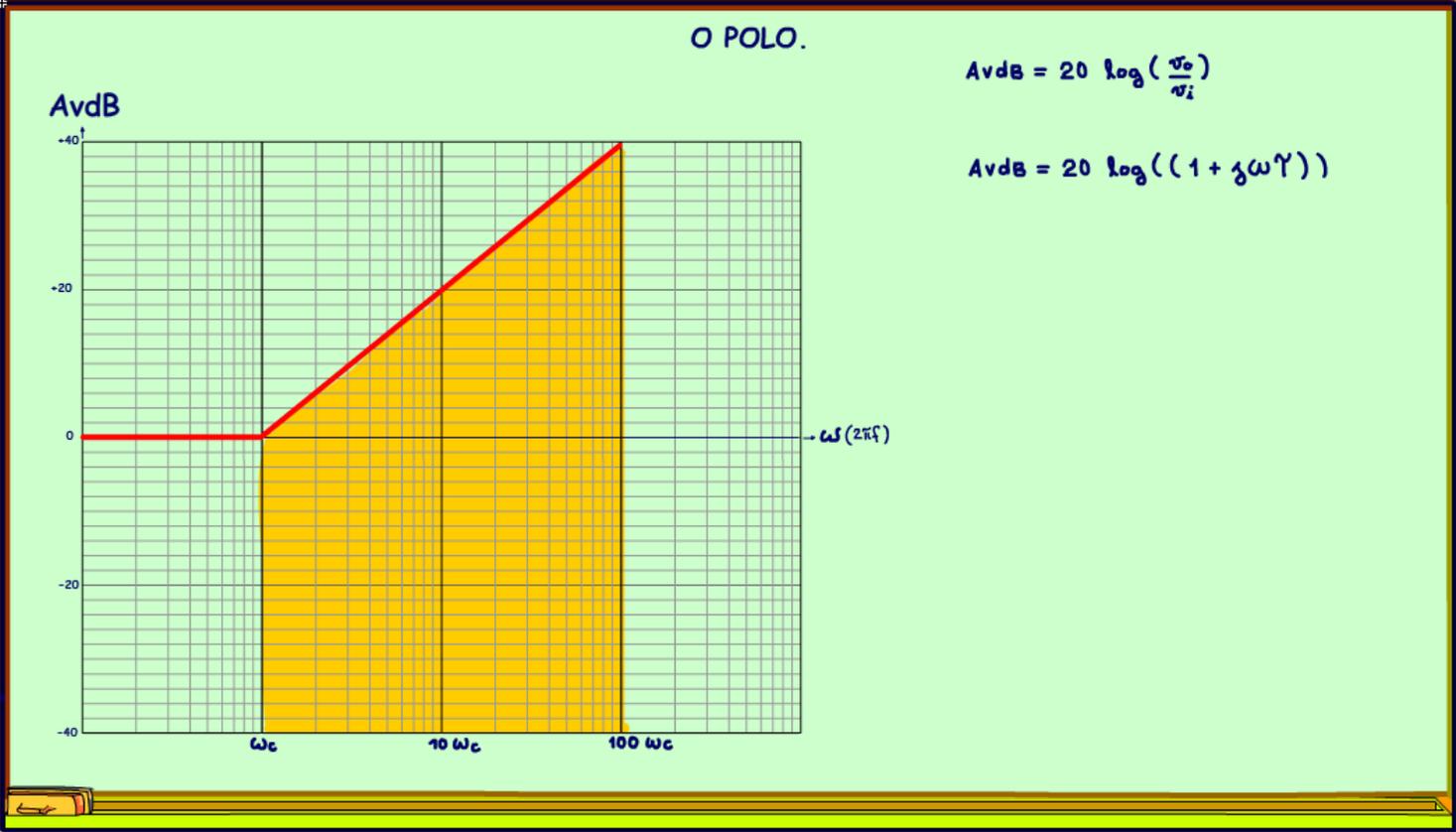


Figura 32

### BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

E note que a inclinação é de mais 20 db por década, similar a inclinação do polo, mas no polo o gráfico desce, e no zero o gráfico sobe. Então, não tem segredo.

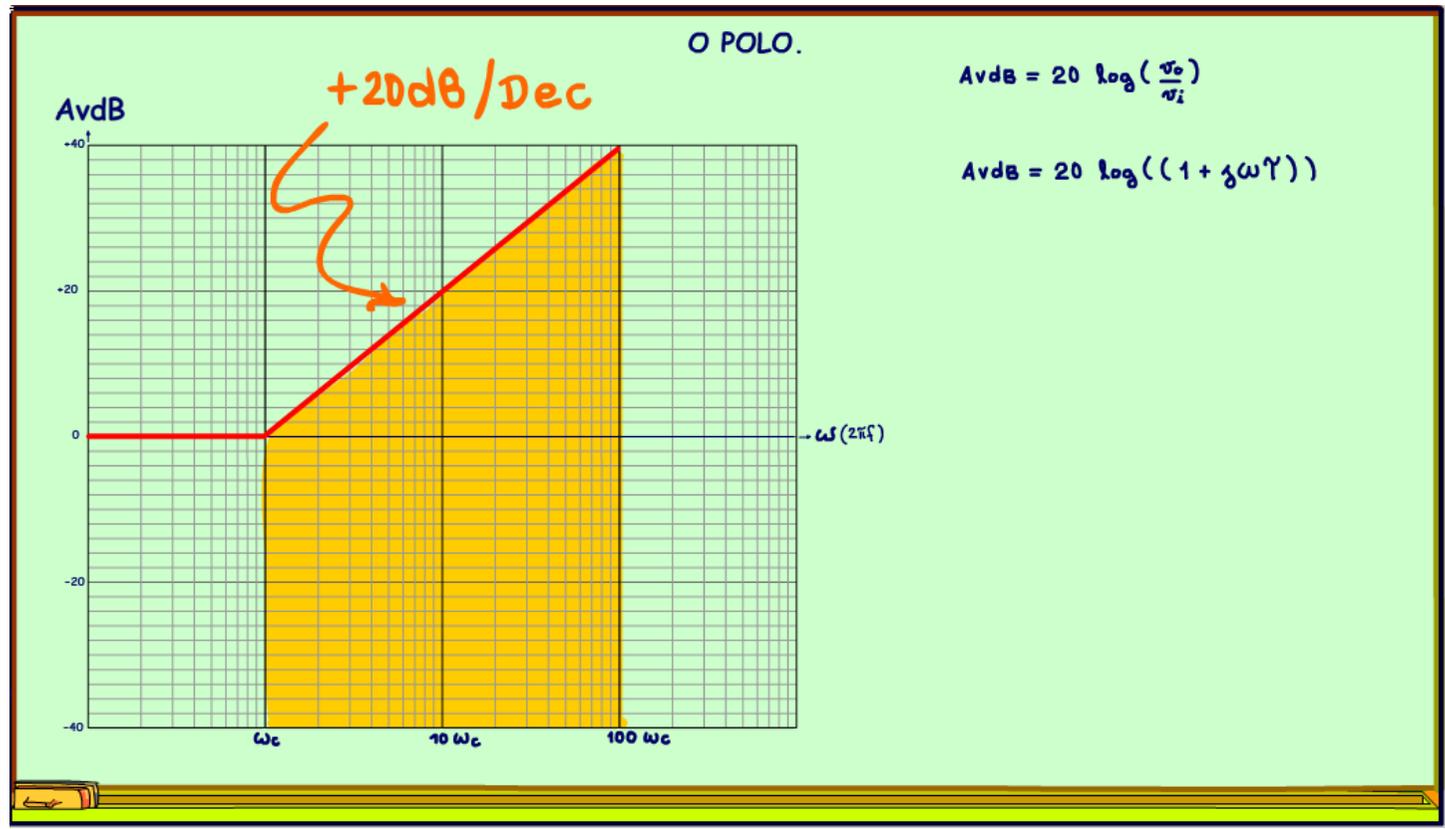


Figura 33

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

E pronto, isso é tudo sobre o zero, não podia ser mais simples.

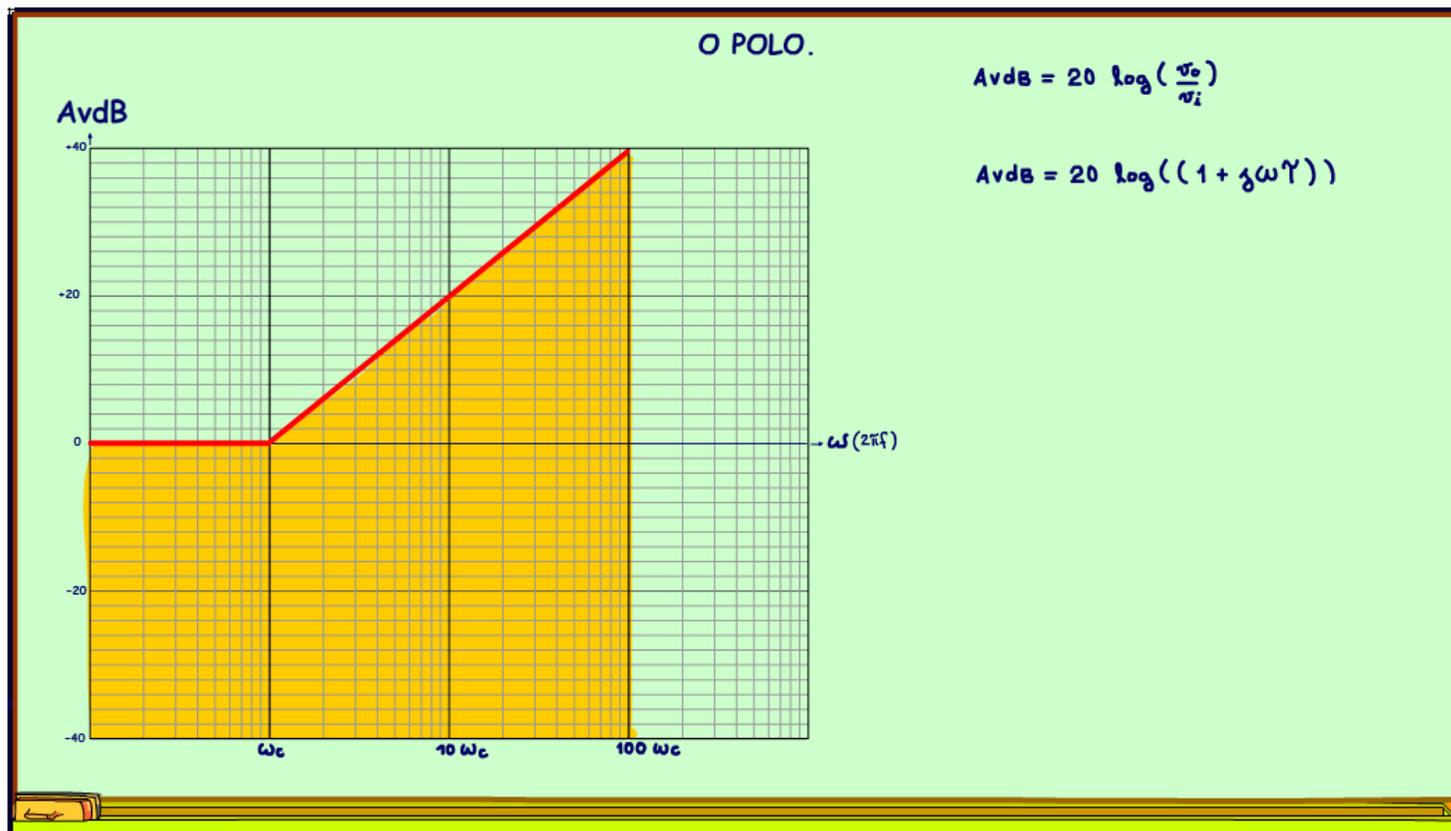


Figura 34

### BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

#### 1.4 O POLO NA ORIGEM.

Agora vou mostrar três casos bem particulares, mas muito simples!

O primeiro é o polo na origem.

Veja na figura.

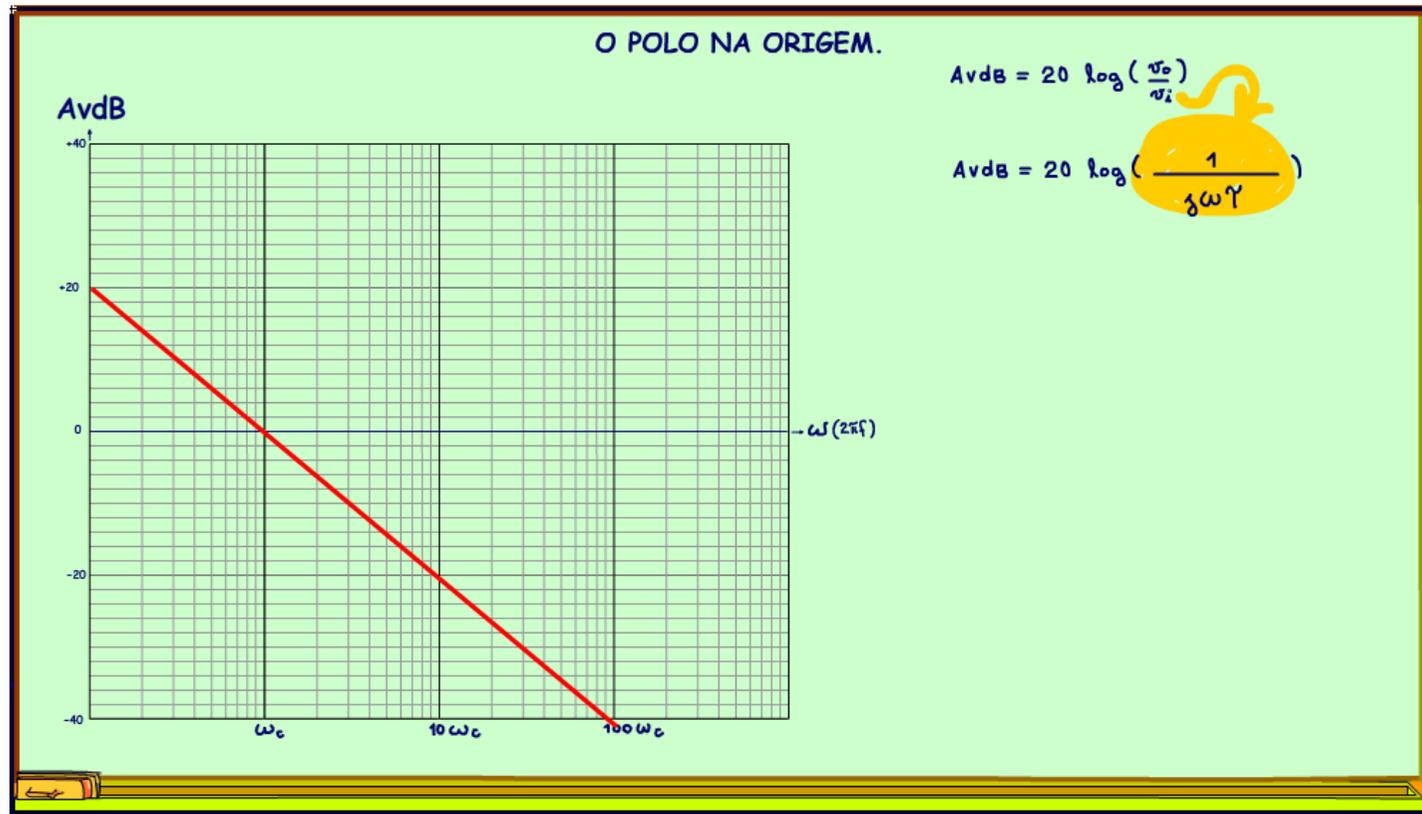


Figura 35

### BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Veja a equação do ganho é muito simples, é um polo sem a parte real.

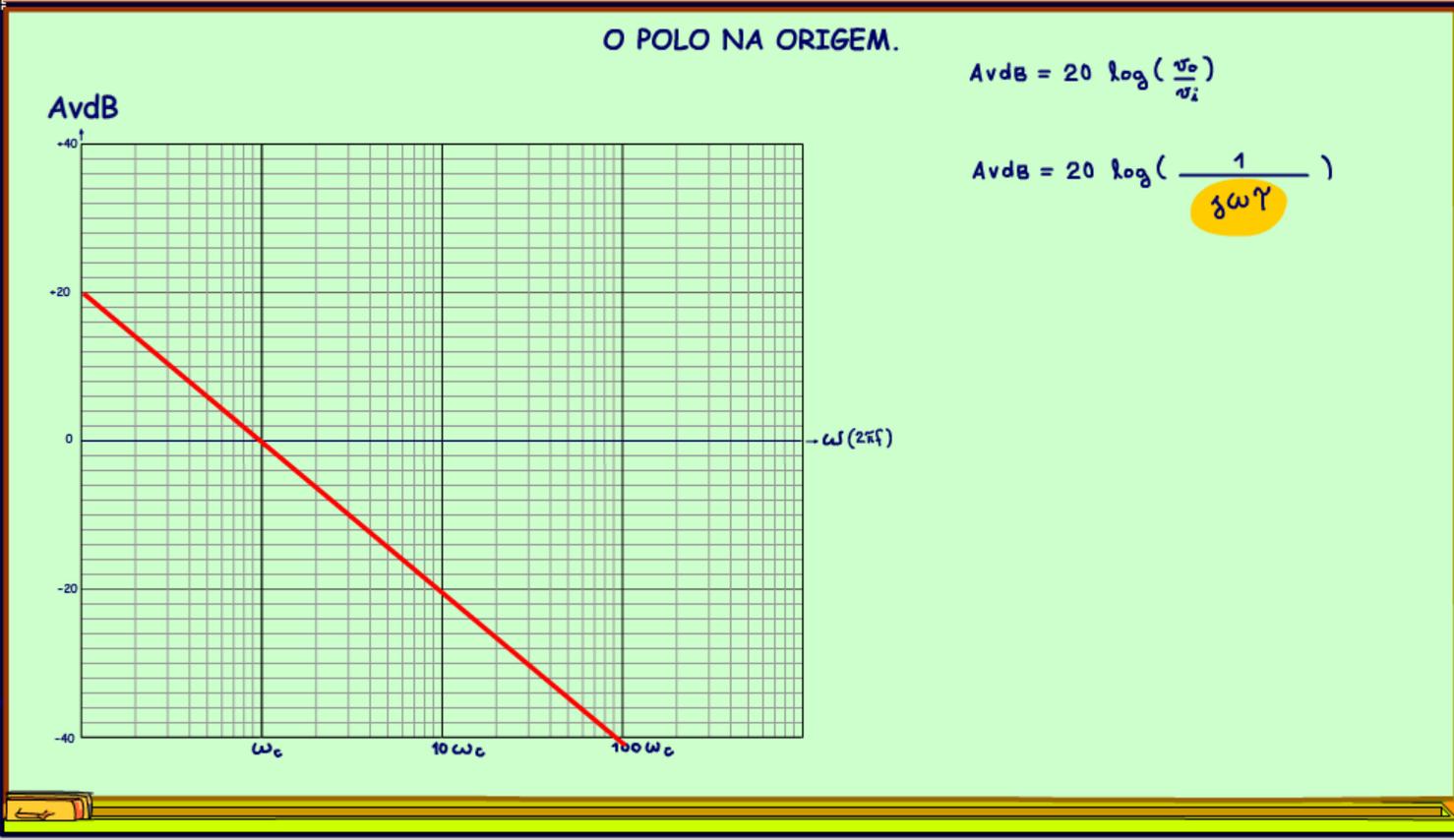


Figura 36

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

No gráfico a curva cruza o 0db bem na frequência de corte.

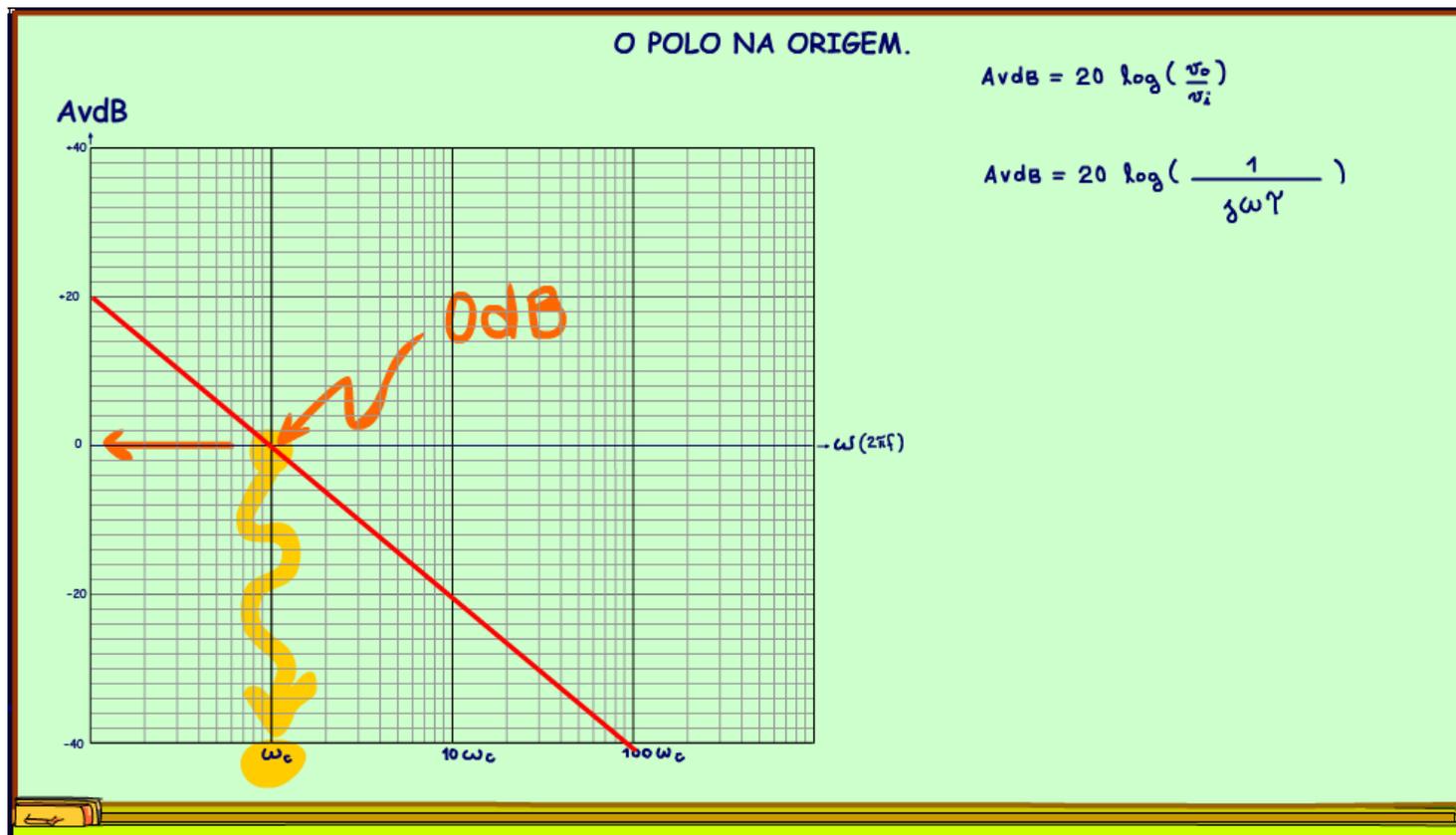


Figura 37

### BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Mas abaixo da frequência de corte o ganho não se mantém em zero, mas continua com a inclinação de menos 20 db, no polo na origem o gráfico desce sempre.

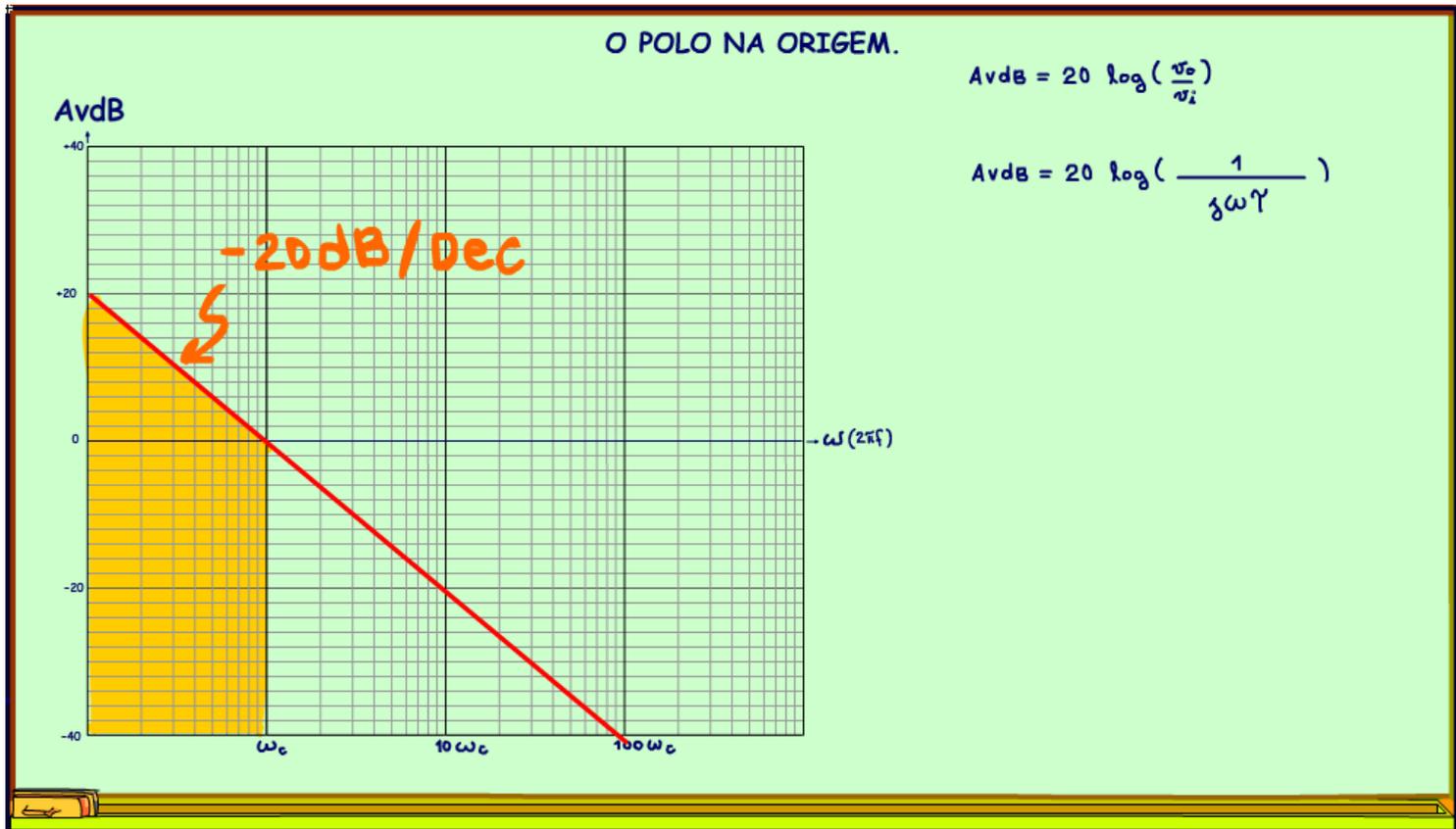


Figura 38

### BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

E acima da frequência de corte não muda nada, a curva continua caindo 20 db por década e isso é tudo sobre o polo na origem.

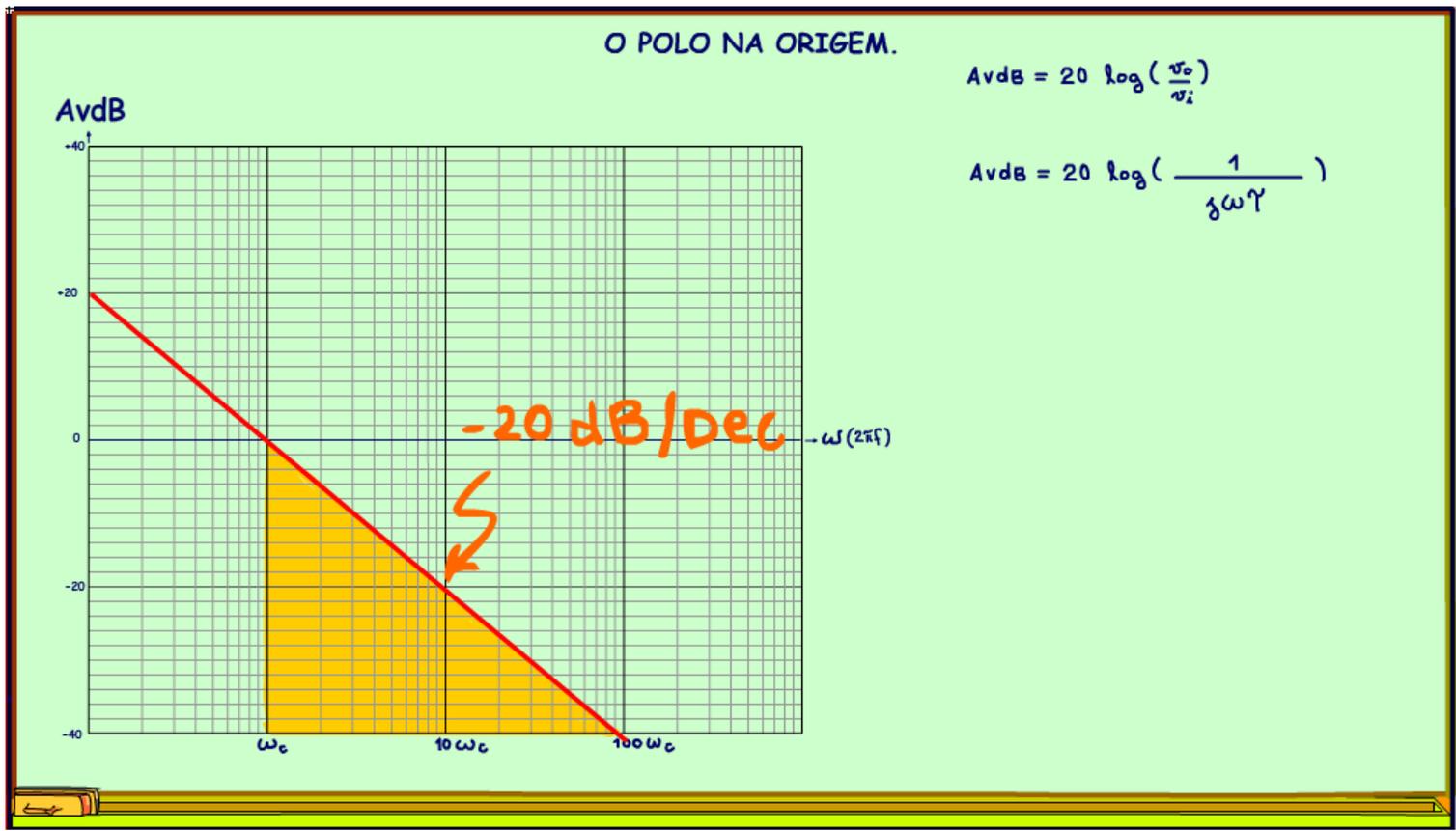


Figura 39

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

### 1.5 O ZERO NA ORIGEM.

Se tem um polo na origem, então tem um zero na origem, veja o gráfico e a equação.

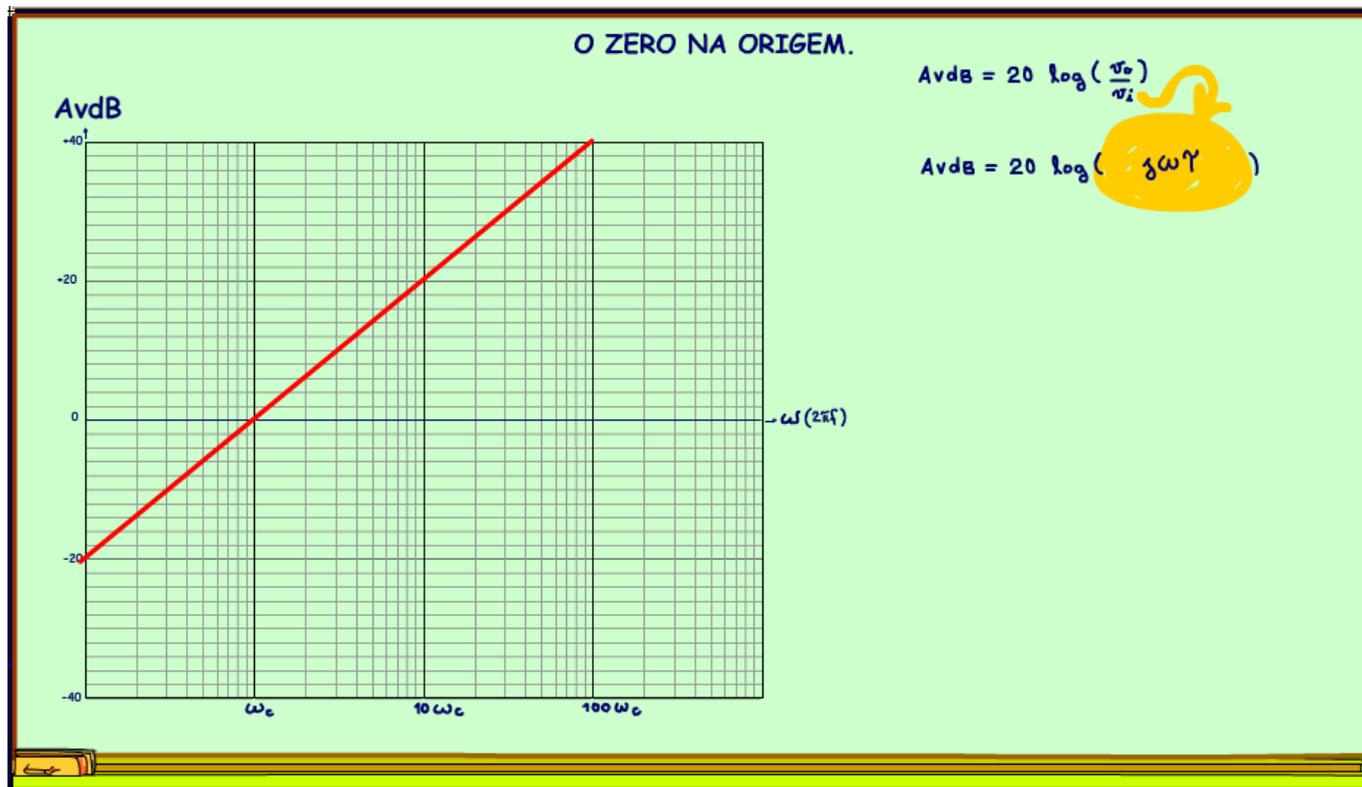


Figura 40

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Veja a equação do zero na origem, não tem parte real e está no numerador, o inverso do polo.

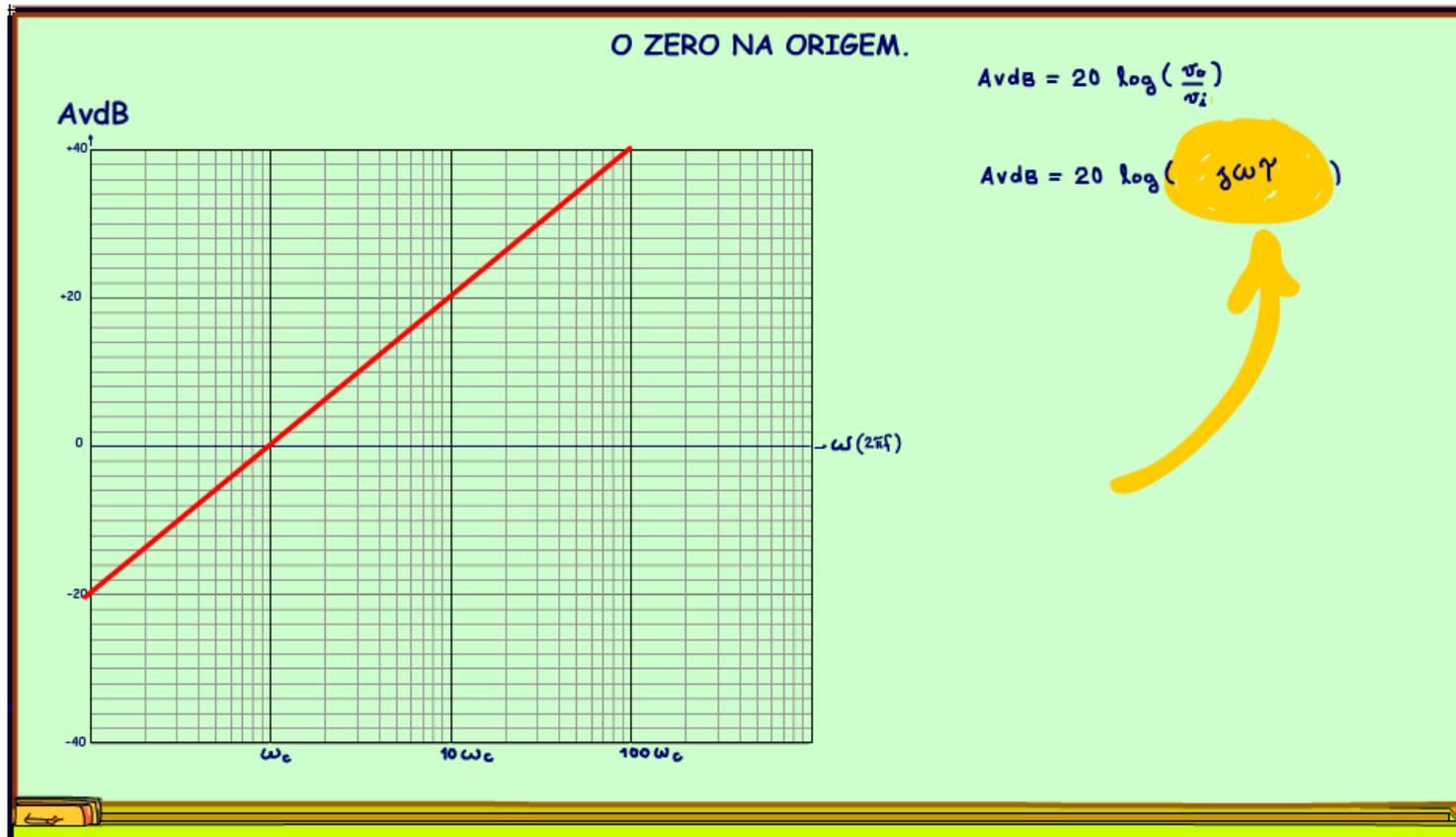


Figura 41

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Veja a reta é o inverso do polo, e a reta também passa por zero bem na frequência de corte.

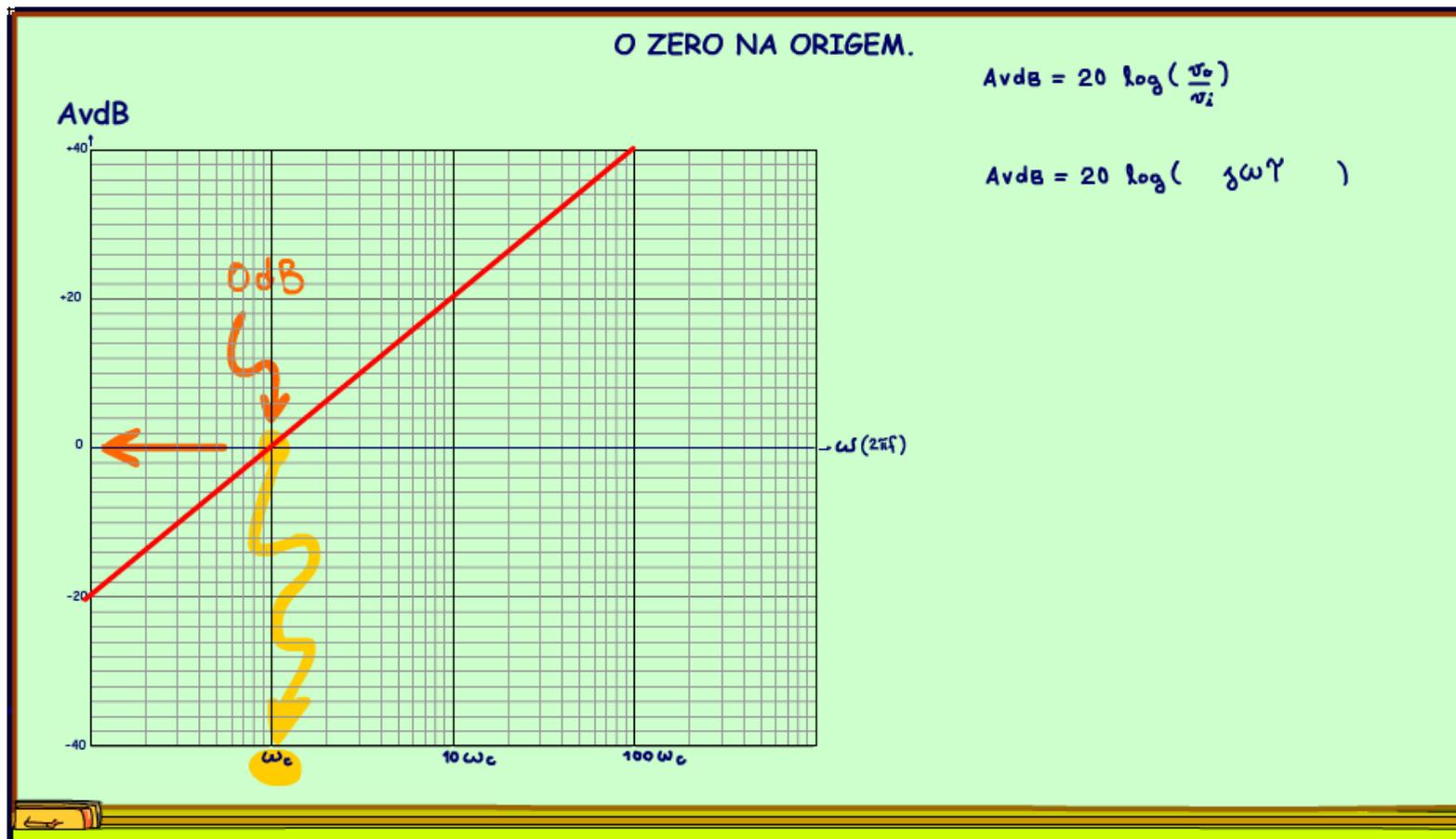
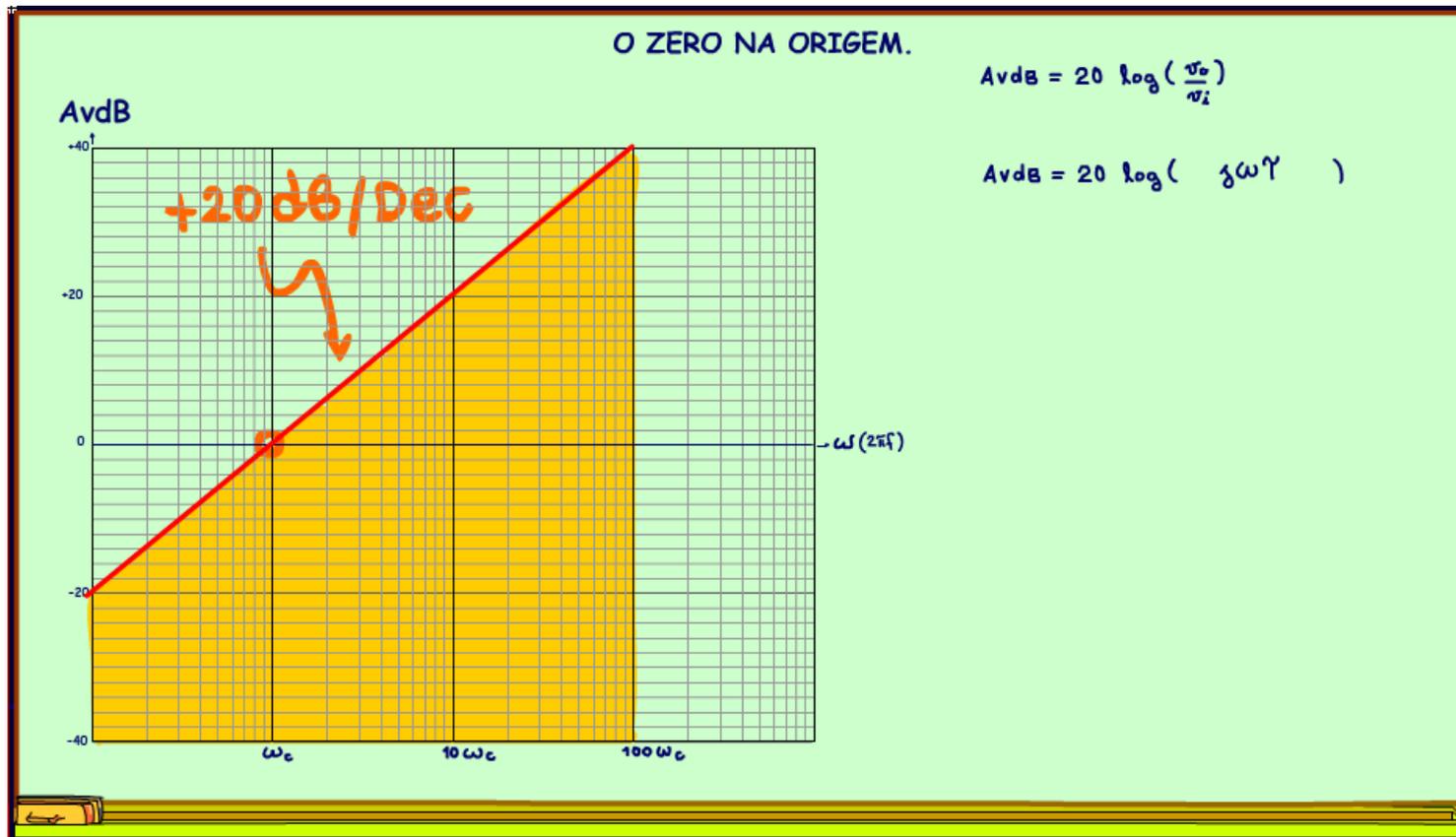


Figura 42

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

E a reta tem uma inclinação de mais 20 db, antes e depois da frequência de corte, a reta sobe sempre.

E pronto isso é tudo para o zero na origem.



# BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

## 1.6 A CONSTANTE.

E agora o último caso particular, a constante, veja só tem uma parte real na equação, não podia ser mais simples.

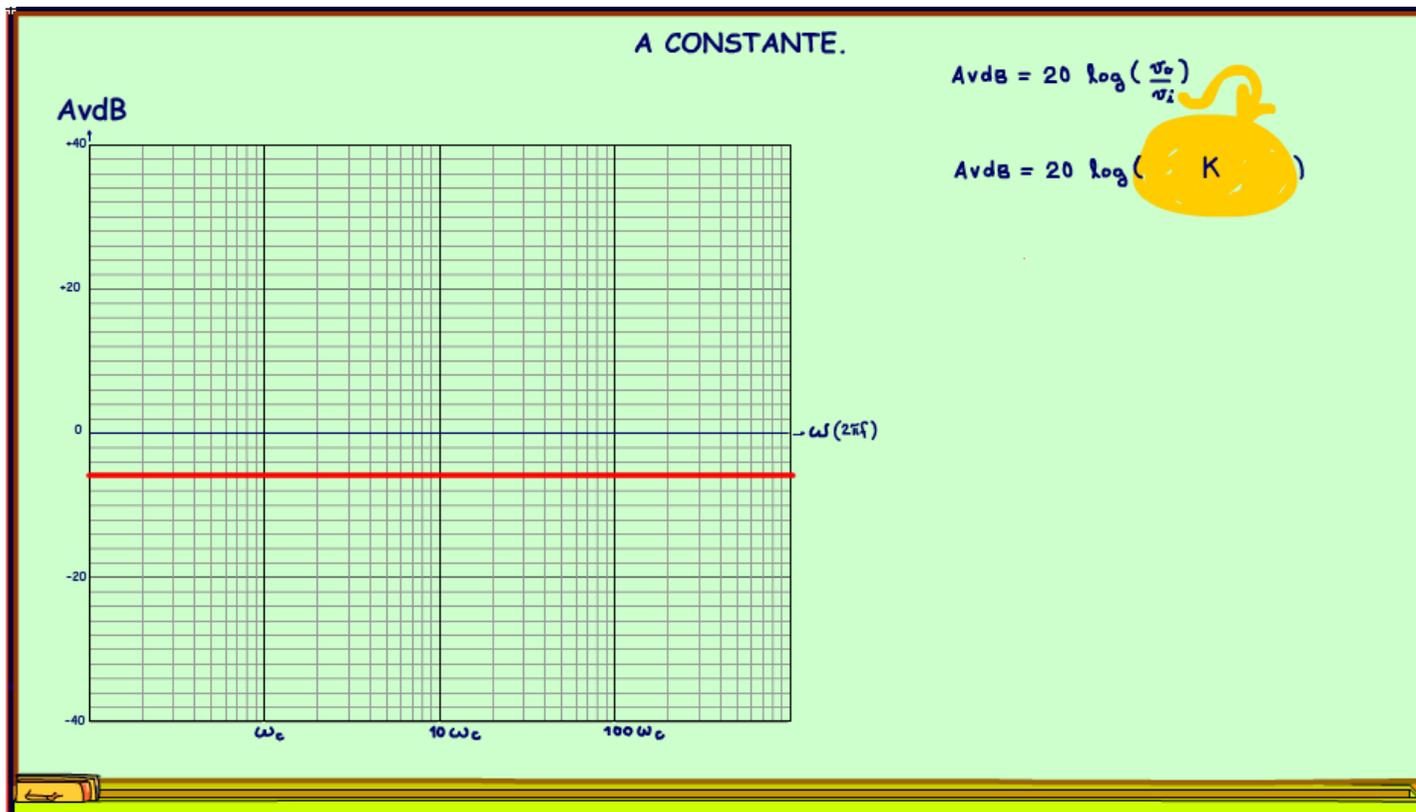


Figura 44

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Então o gráfico vai ser uma reta, não vai ter frequência de corte, não tem o  $\omega$  na equação!

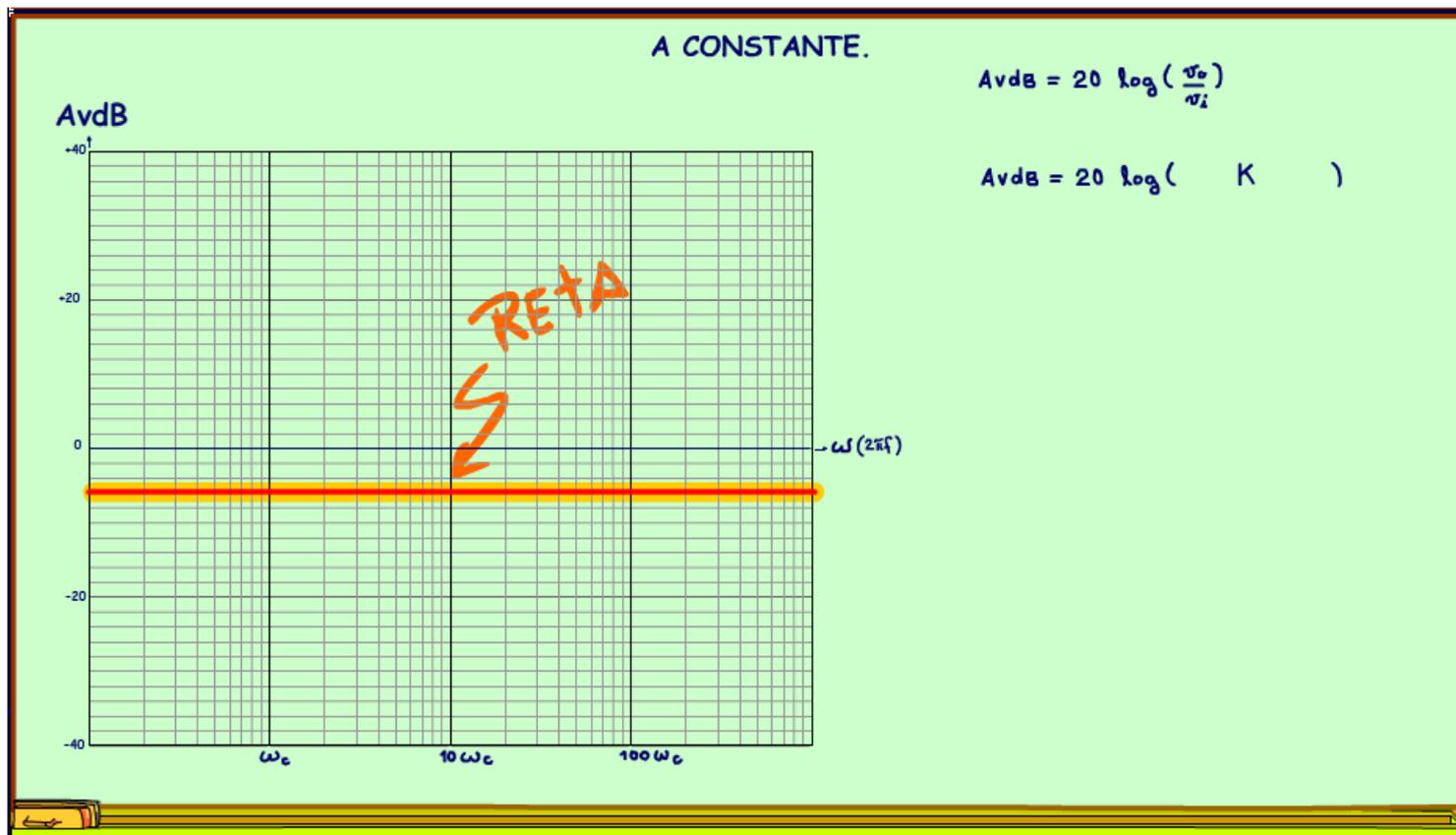


Figura 45

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Mas você vai ter que calcular o valor, você terá que calcular 20 logaritmo do valor da constante K, que um ganho ou uma atenuação constante do circuito.

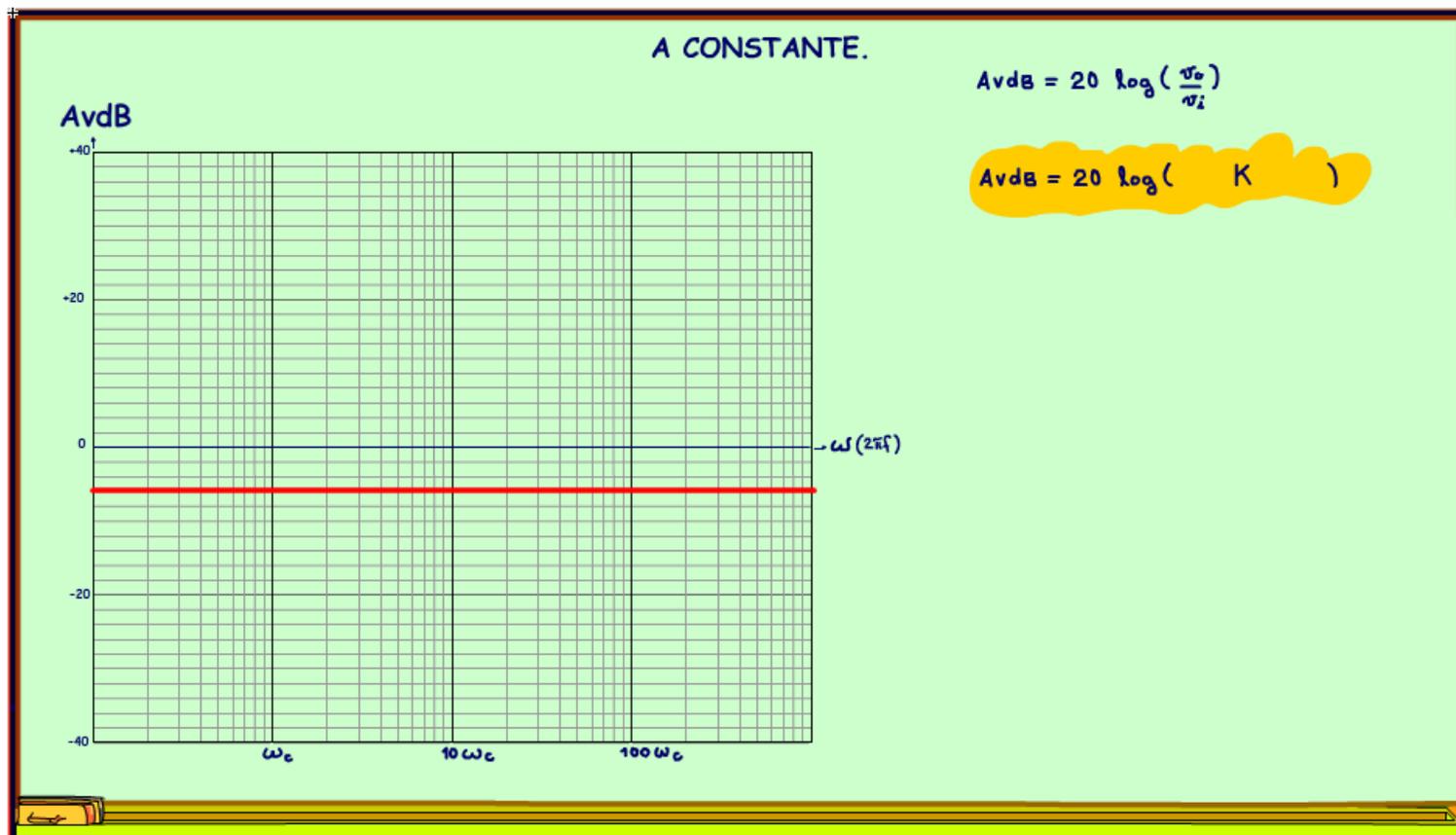


Figura 46

### BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Por exemplo, para o valor de 0,5 para a constante K, isso é a tensão de saída vai ser igual a metade do valor da tensão de entrada em todas as frequências.

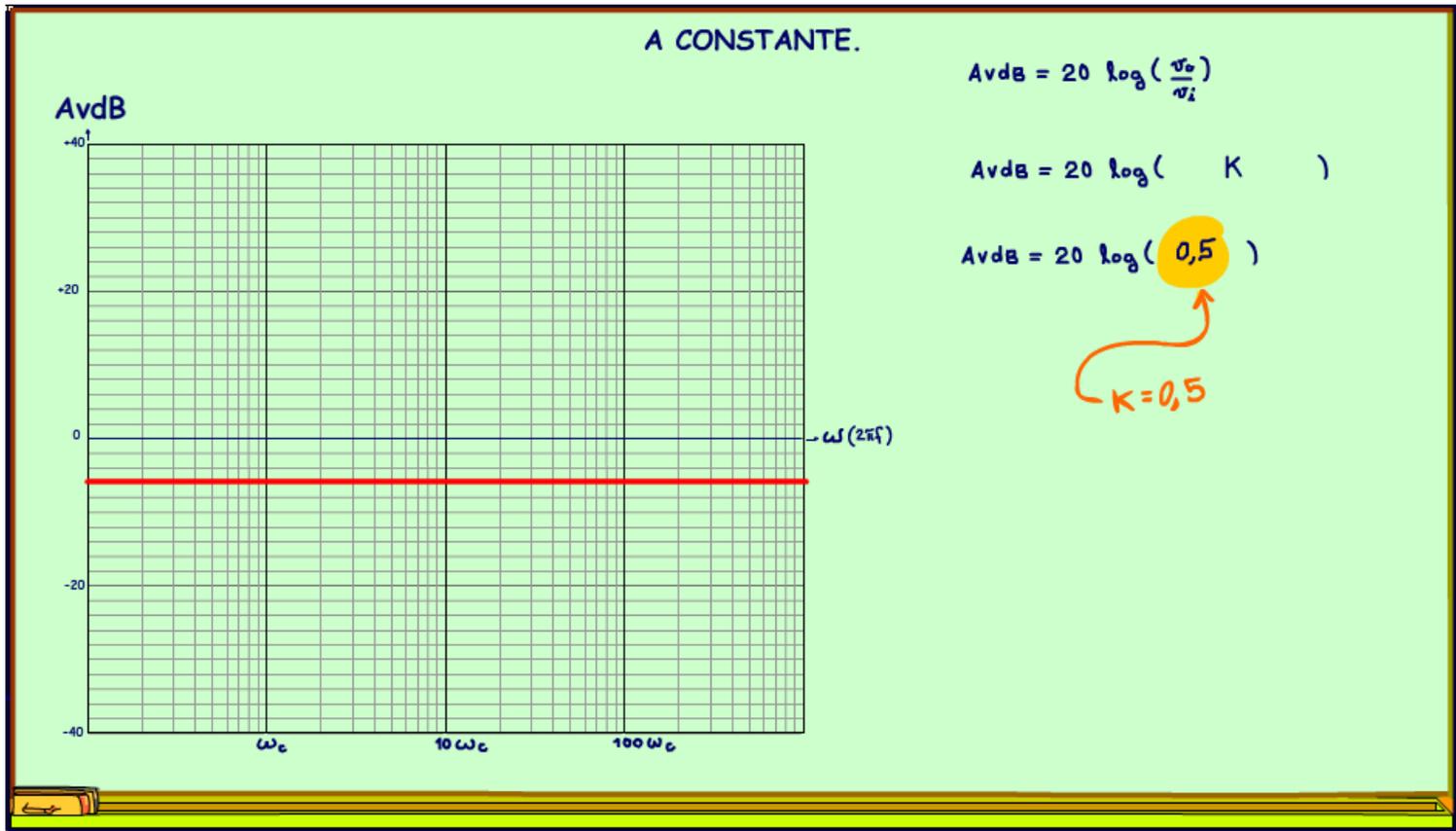


Figura 47

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Para determinar o ganho em db, onde a reta vai estar no gráfico você deverá usar uma calculadora e calcular o logaritmo de 0,5 na base dez, alguns descrevem como log de meio.

Calculando dá -0,3010, o sinal negativo indica uma atenuação o sinal vai sair menor do que entrou.

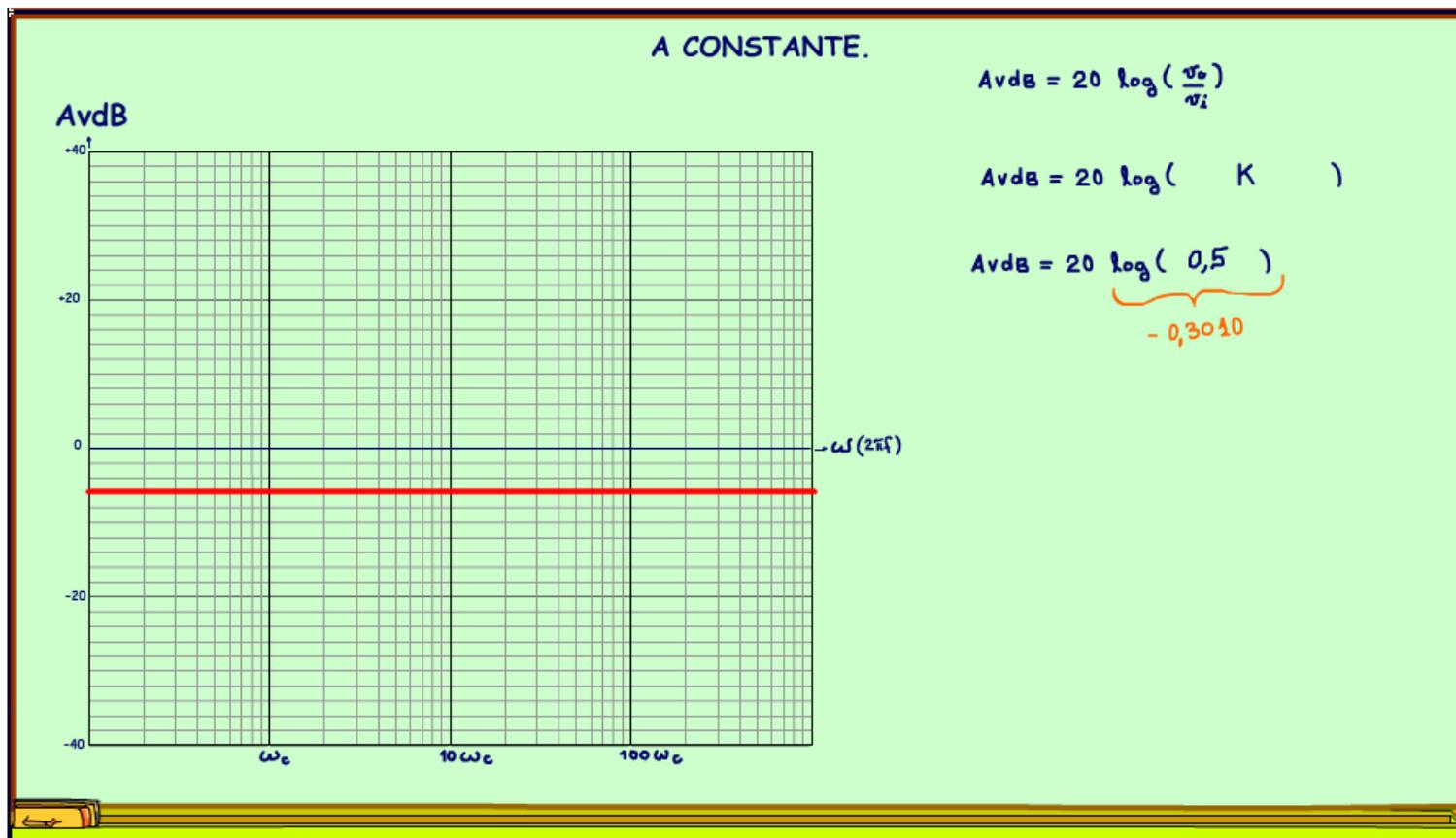


Figura 48

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Para saber o valor em db tem que multiplicar por 20 isso dá -6dB, por isso a curva está desenhada a -6dB.

Pronto e isso é tudo sobre a constante.

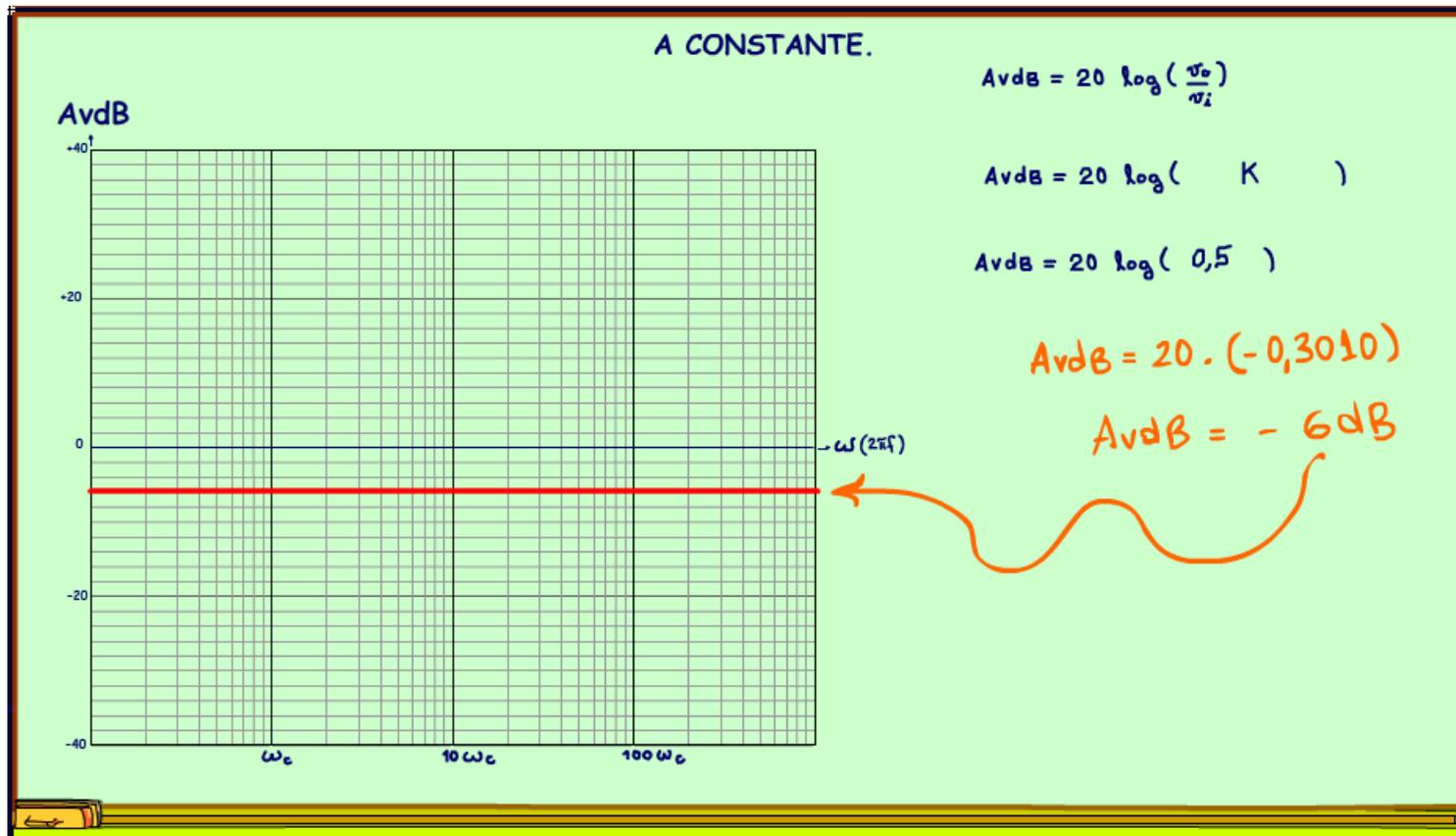


Figura 49

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

### 1.7 A FREQUÊNCIA DE CORTE.

Note que eu falei o tempo todo da frequência de corte, é o ponto chave para o desenho das curvas de BODE, mas como calcular o ponto onde a velocidade angular é igual a frequência de corte?

Veja o exemplo do polo da figura.

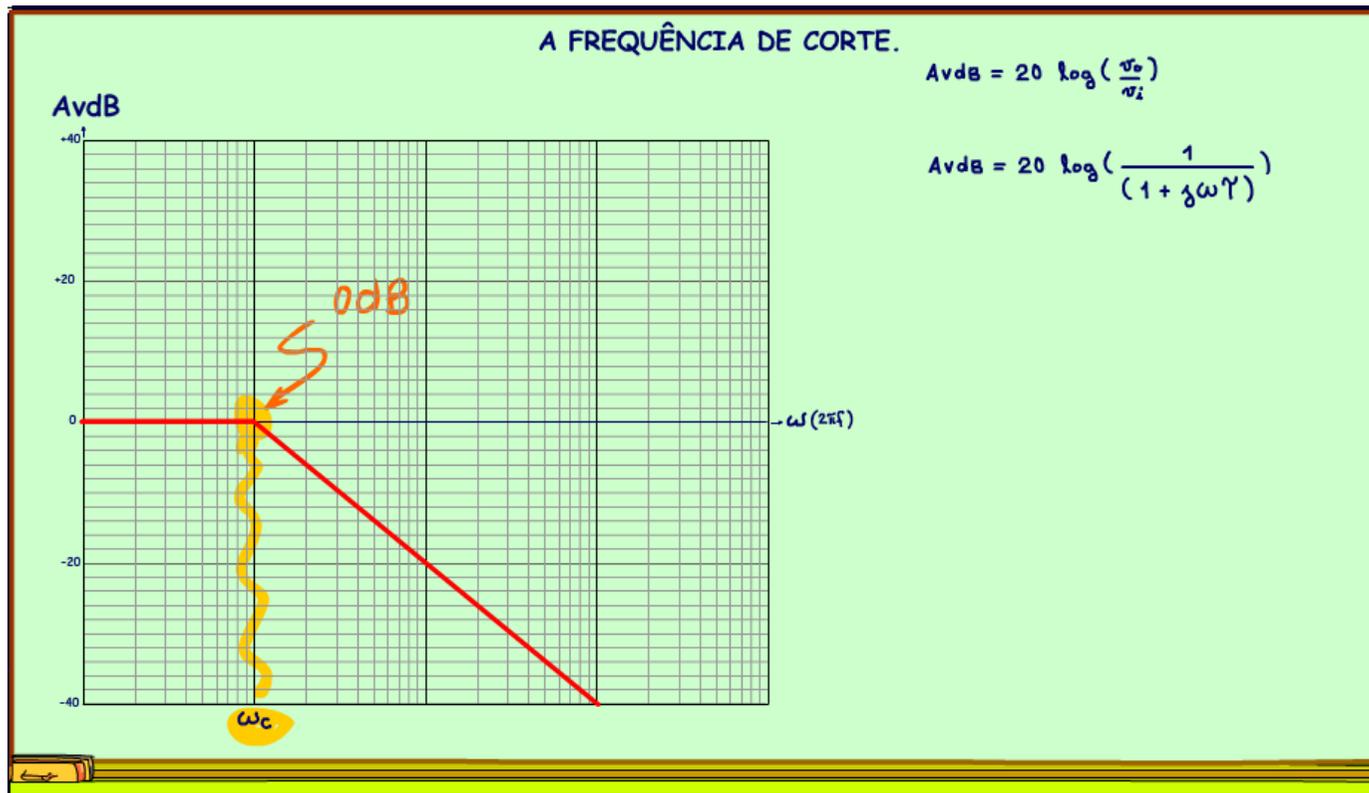


Figura 50

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

A velocidade angular na frequência de corte  $\omega_c$  é calculada fazendo com que o módulo da parte imaginária do polo seja igual a um, essa é uma regra, você deverá segui-la mais tarde eu mostro o porquê dessa regra.

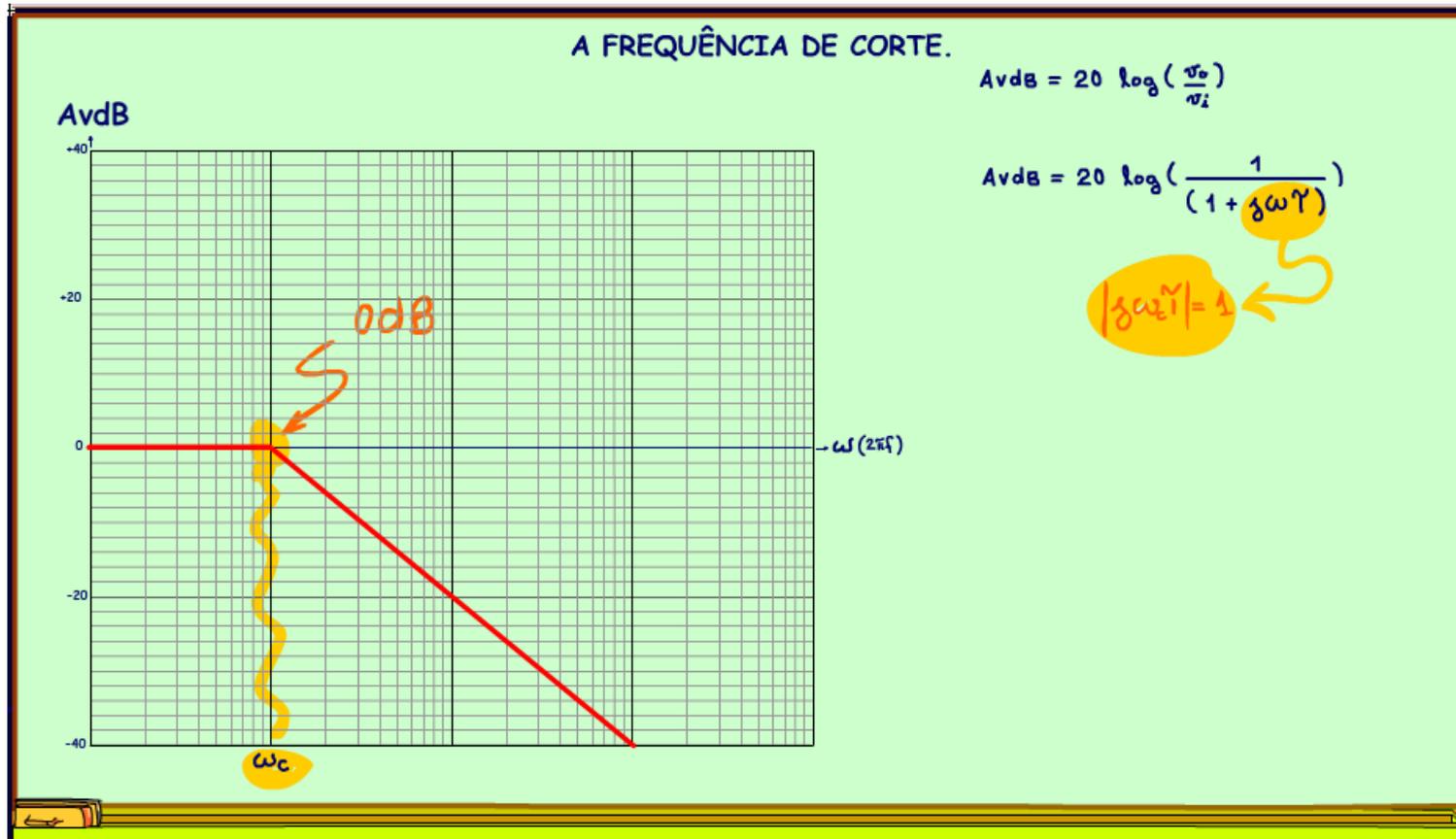


Figura 51

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Para que a parte imaginária seja um, o valor da velocidade angular  $\omega_c$  na frequência de corte deve ser igual a um sobre a constante de tempo, e essa é a regra para determinar a velocidade angular na frequência de corte.

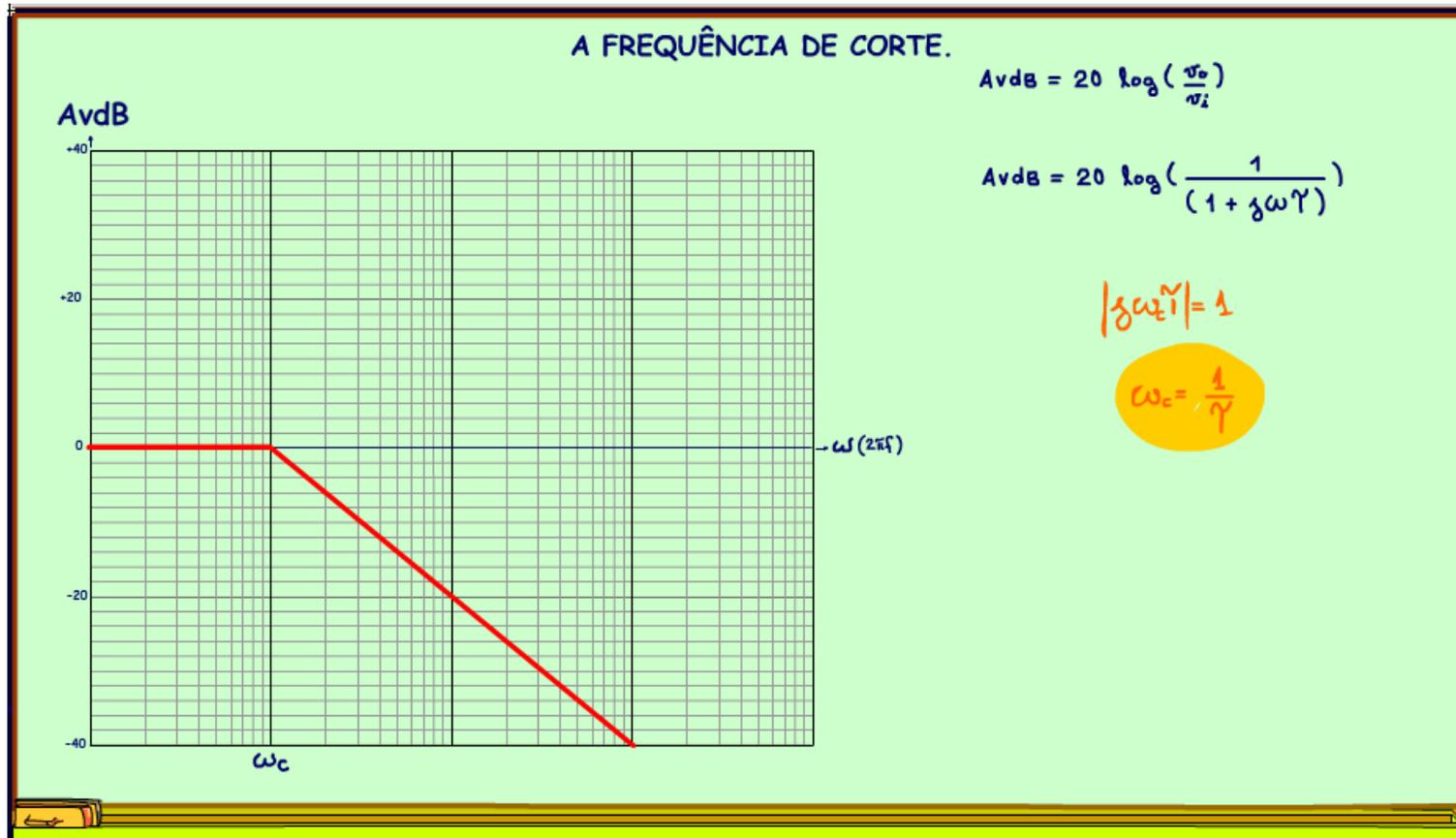


Figura 52

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Na prática nós queremos saber é a frequência de corte.

Isolando a frequência você chega na equação da figura, que eu tenho certeza que você já viu em algum lugar por ai nesse mundão da eletrônica.

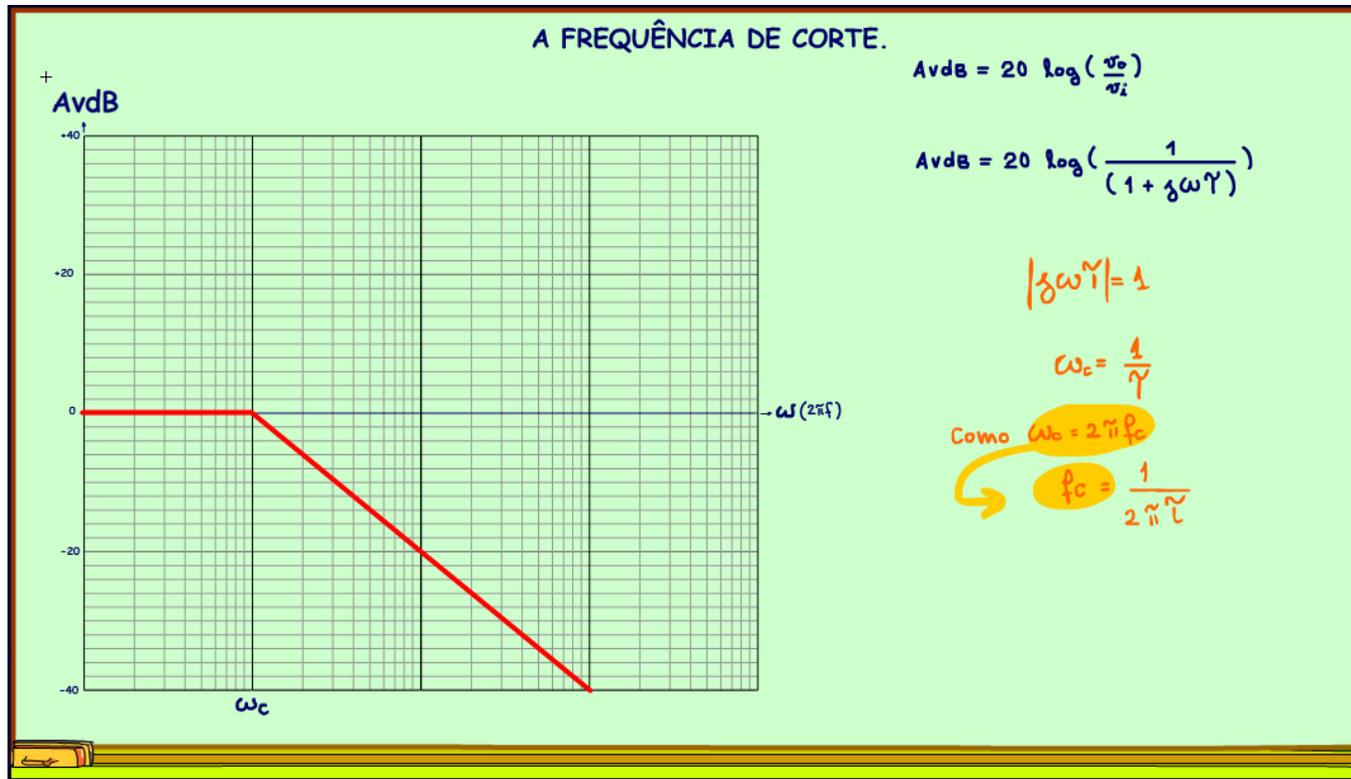


Figura 53

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Para o zero a regra é exatamente a mesma.

Pronto isso é tudo sobre as curvas de BODE, agora é só praticar, vamos lá!

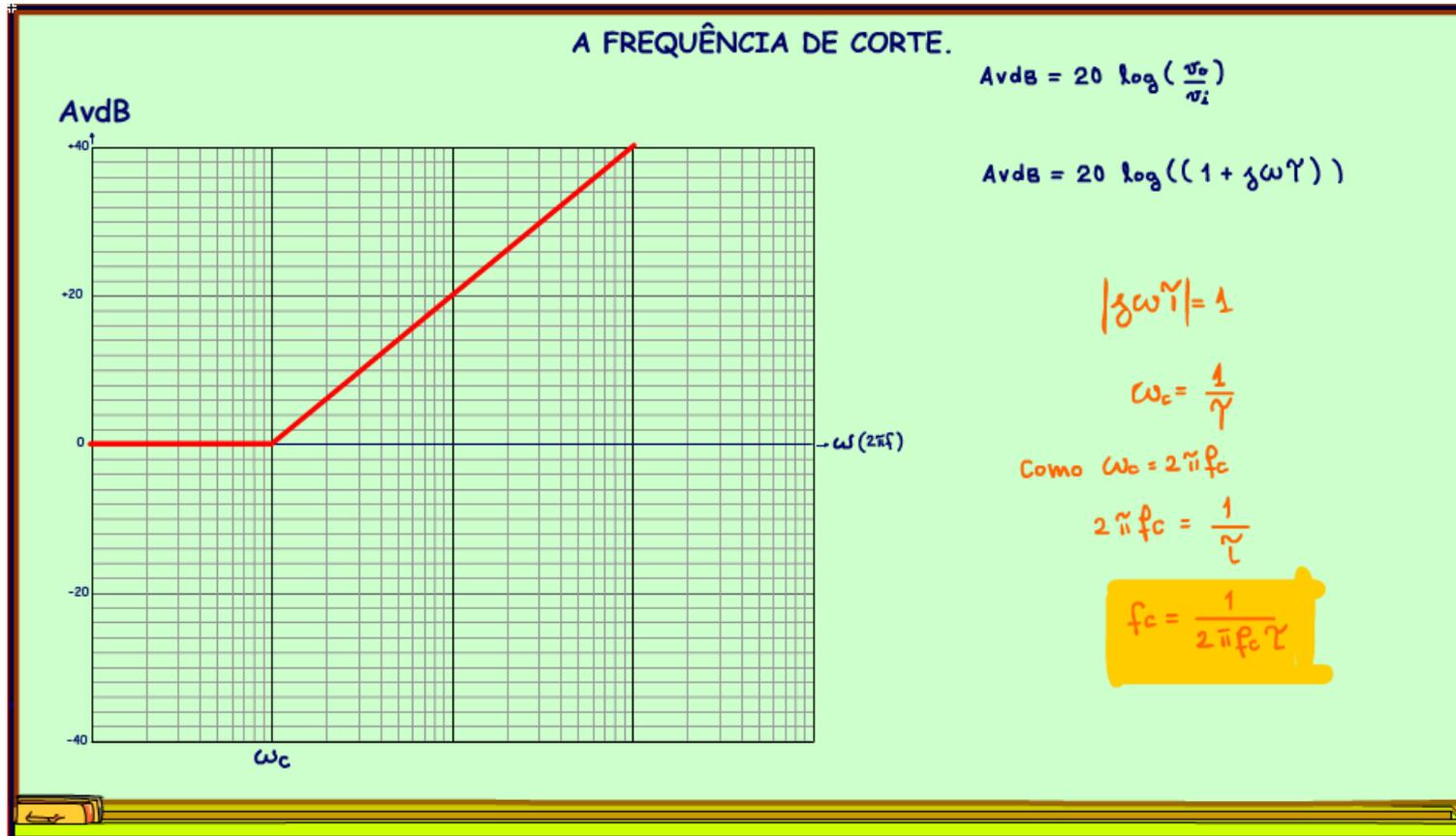


Figura 54

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

### 1.8 EXEMPLO 01:

Agora vamos a melhor parte, a prática, você vai ver o método funcionando, e vai cair prá trás de tão simples, vou começar pelo circuito da figura, um conhecido circuito RC.

A questão é: Desenhe o gráfico de BODE para esse circuito?

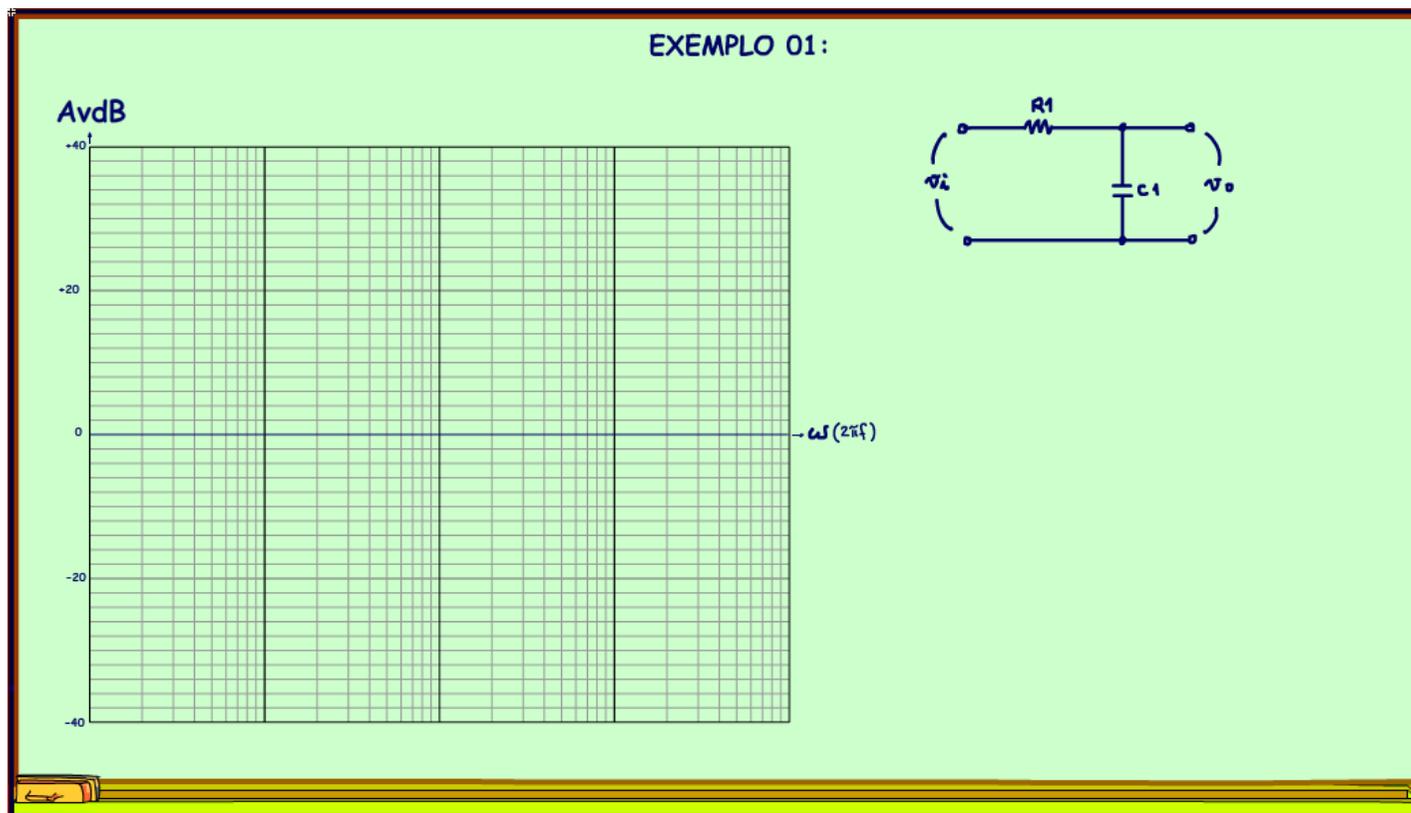


Figura 55

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Para levantar o gráfico de BODE eu vou precisar determinar o ganho, que é a tensão de saída em relação a tensão de entrada, levantar a curva de BODE, ou o gráfico de BODE deve passar sempre pela análise do circuito em ac.

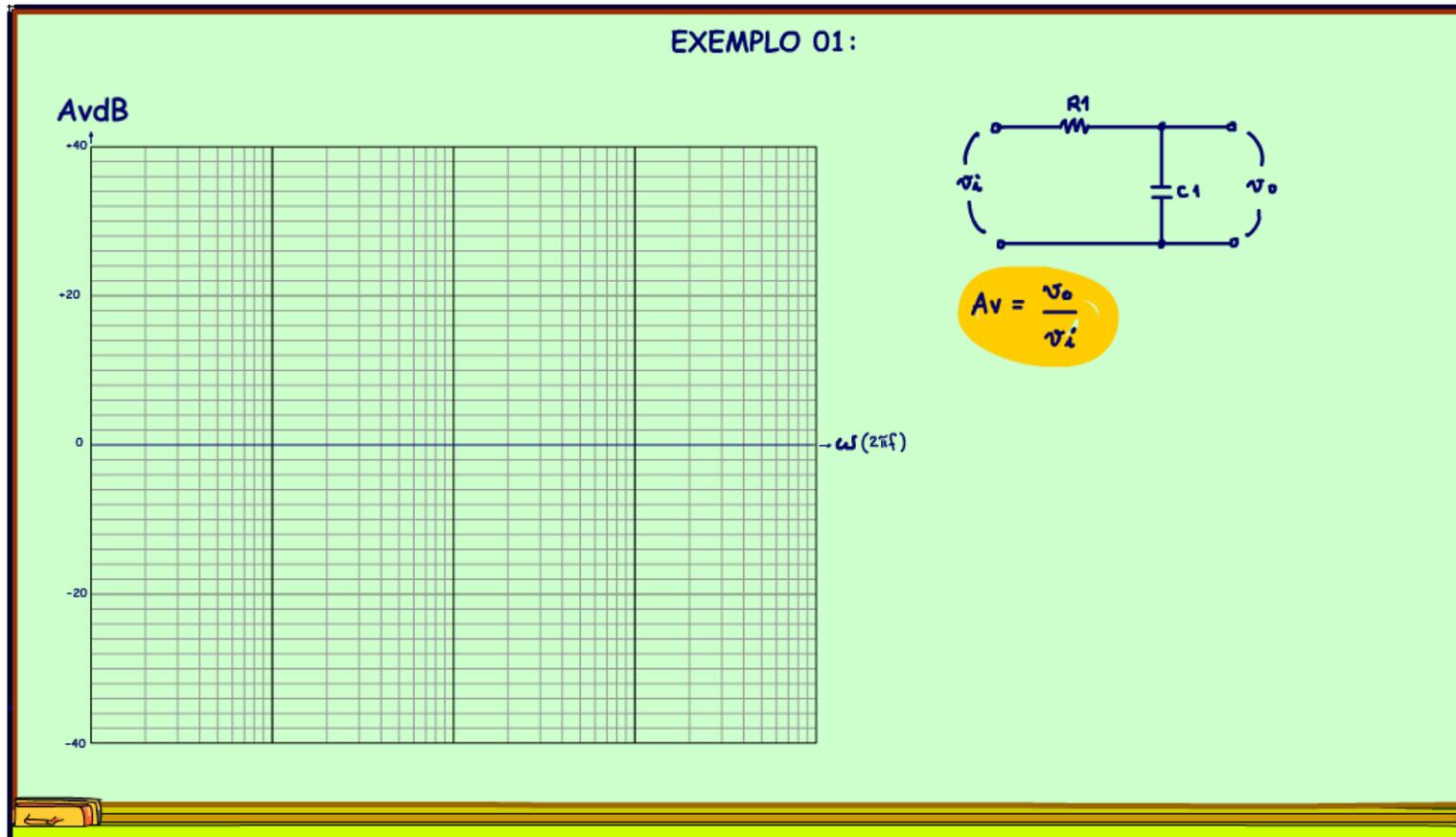


Figura 56

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Para analisar em ac você de passar o circuito para o plano das impedâncias, como você sempre fez, o capacitor fica igual a um sobre  $j2\pi fC$ .

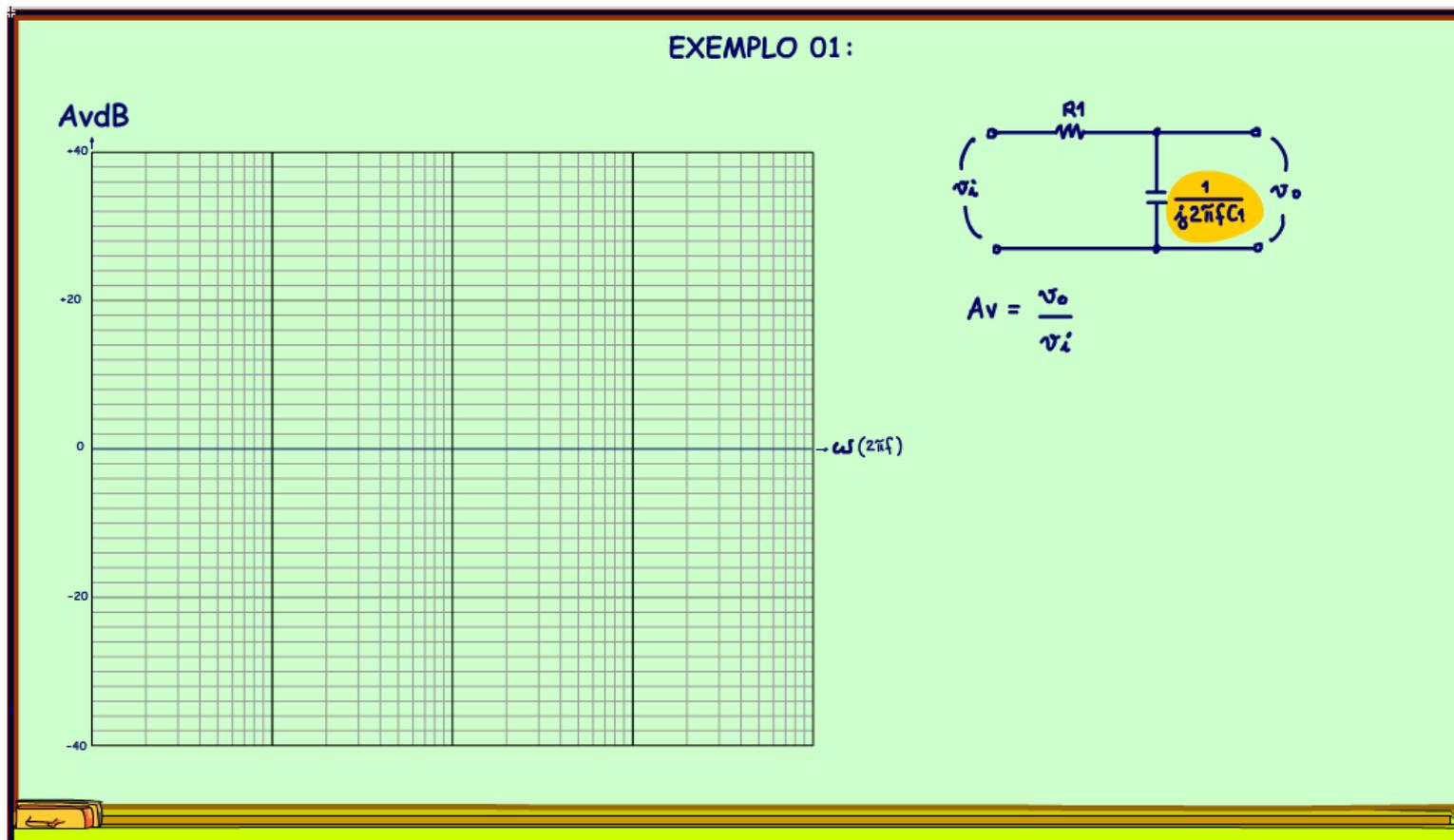


Figura 57

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Para simplificar as letrinhas, vou escrever a velocidade angular "w" no lugar do 2pif, fica mais simples você não acha?

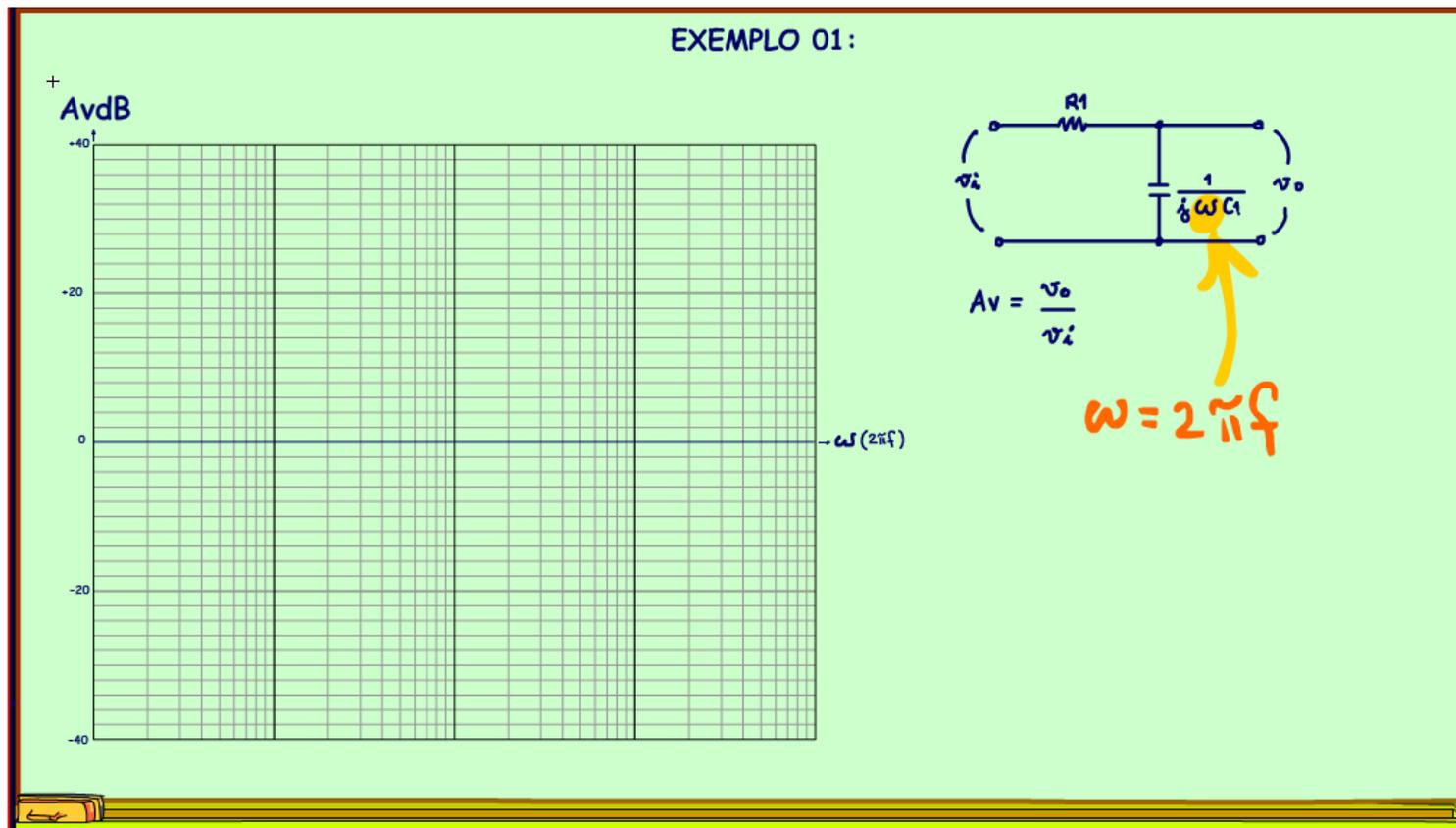


Figura 58

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Agora é só usar o divisor de tensão para determinar a tensão de saída em função da tensão de entrada.

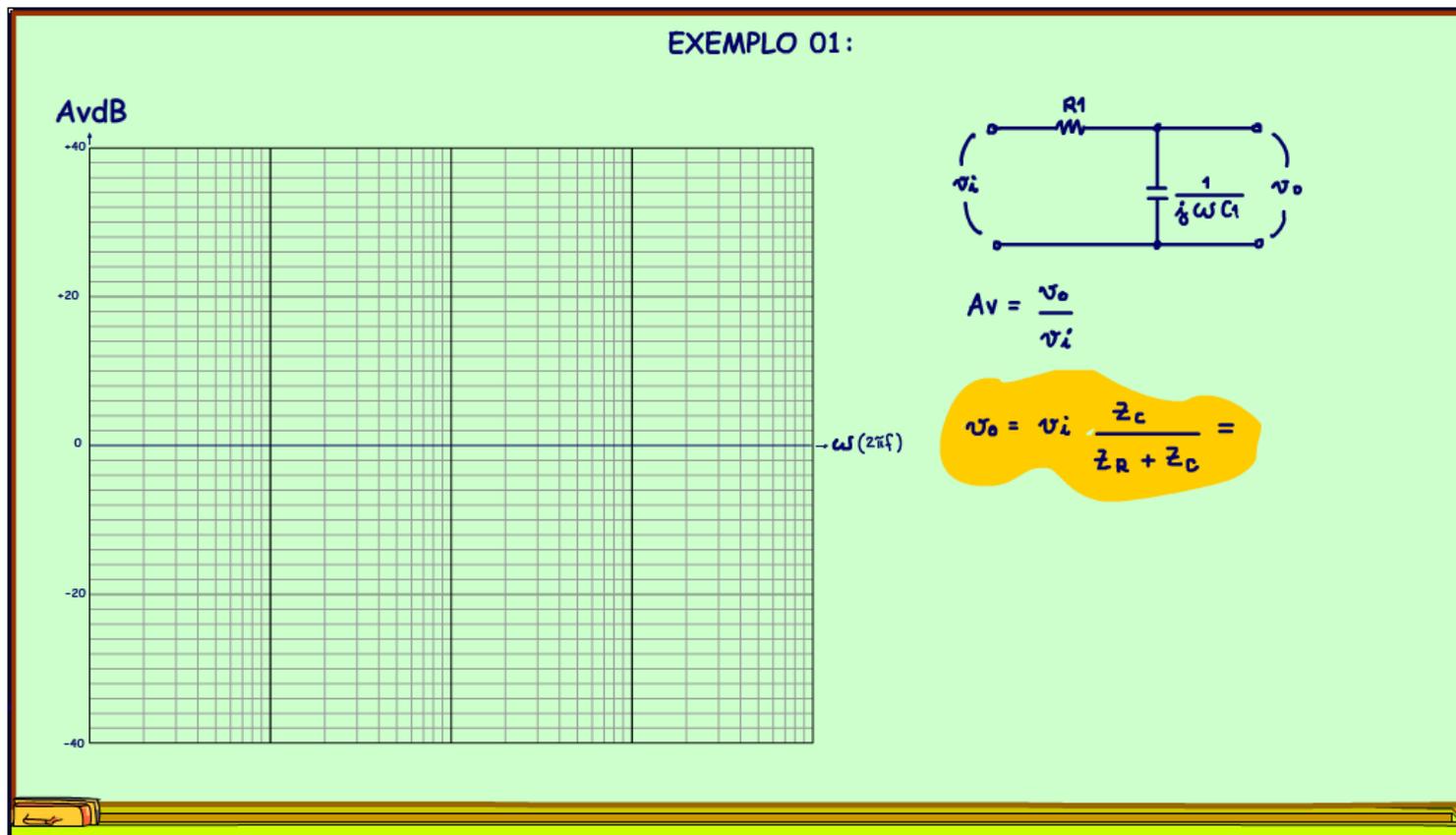


Figura 59

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

A tensão de saída é igual a tensão de entrada multiplicada pela impedância em paralelo com a saída, tudo isso dividido pela soma das impedâncias.

A impedância em paralelo com a saída é o capacitor.

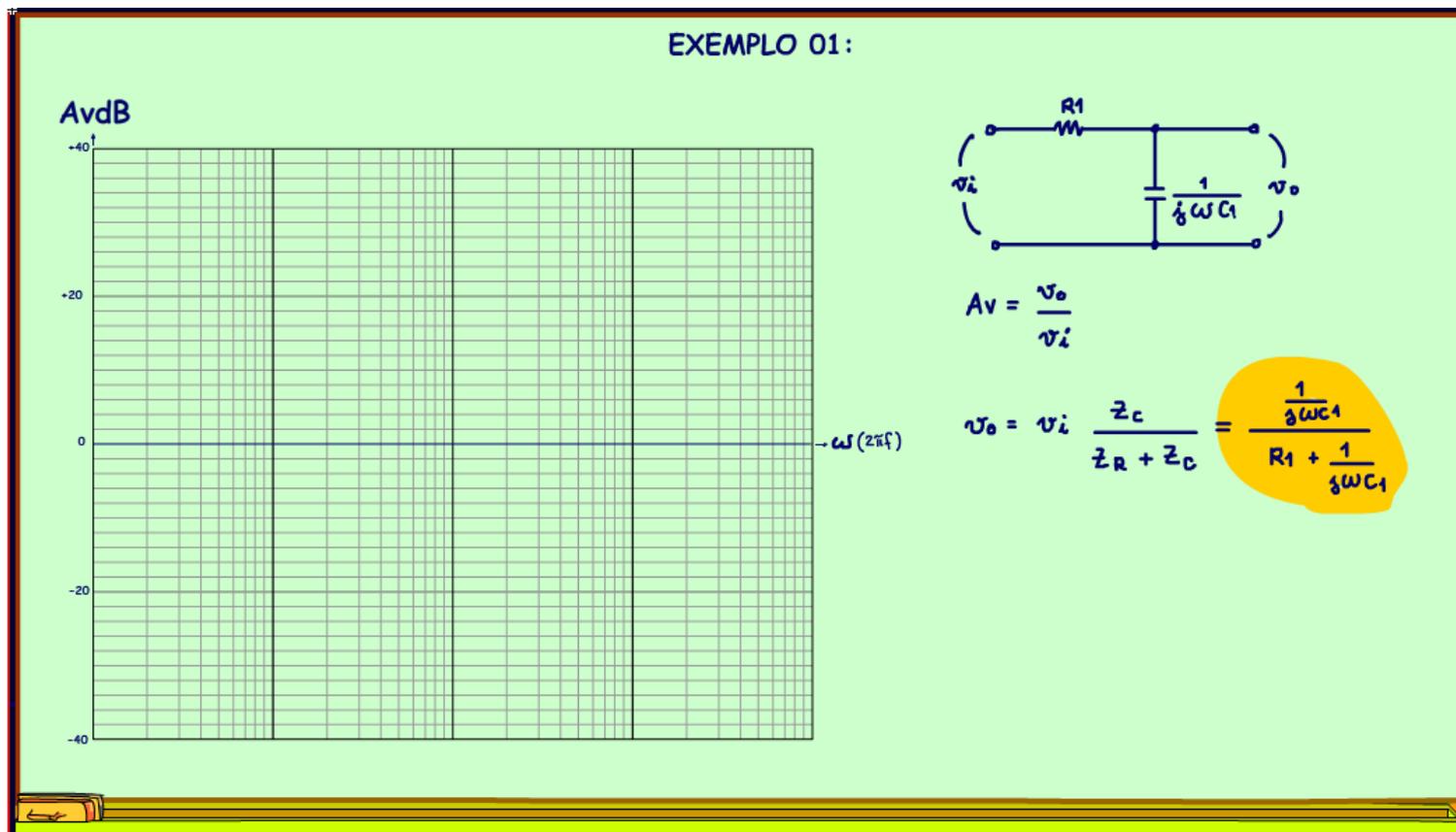


Figura 60

### BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Pronto o circuito está analisado, mas agora é preciso simplificar ao máximo para gerar os termos polos e zeros, então não vai ser o desenho da curva de bode o maior problema e sim a análise do circuito ac, e para isso só uma solução praticar.

Primeiro eu já vou separar a tensão de entrada  $v_i$  e colocar sobre a tensão  $v_o$ , essa é a equação do ganho, você sempre vai fazer isso.

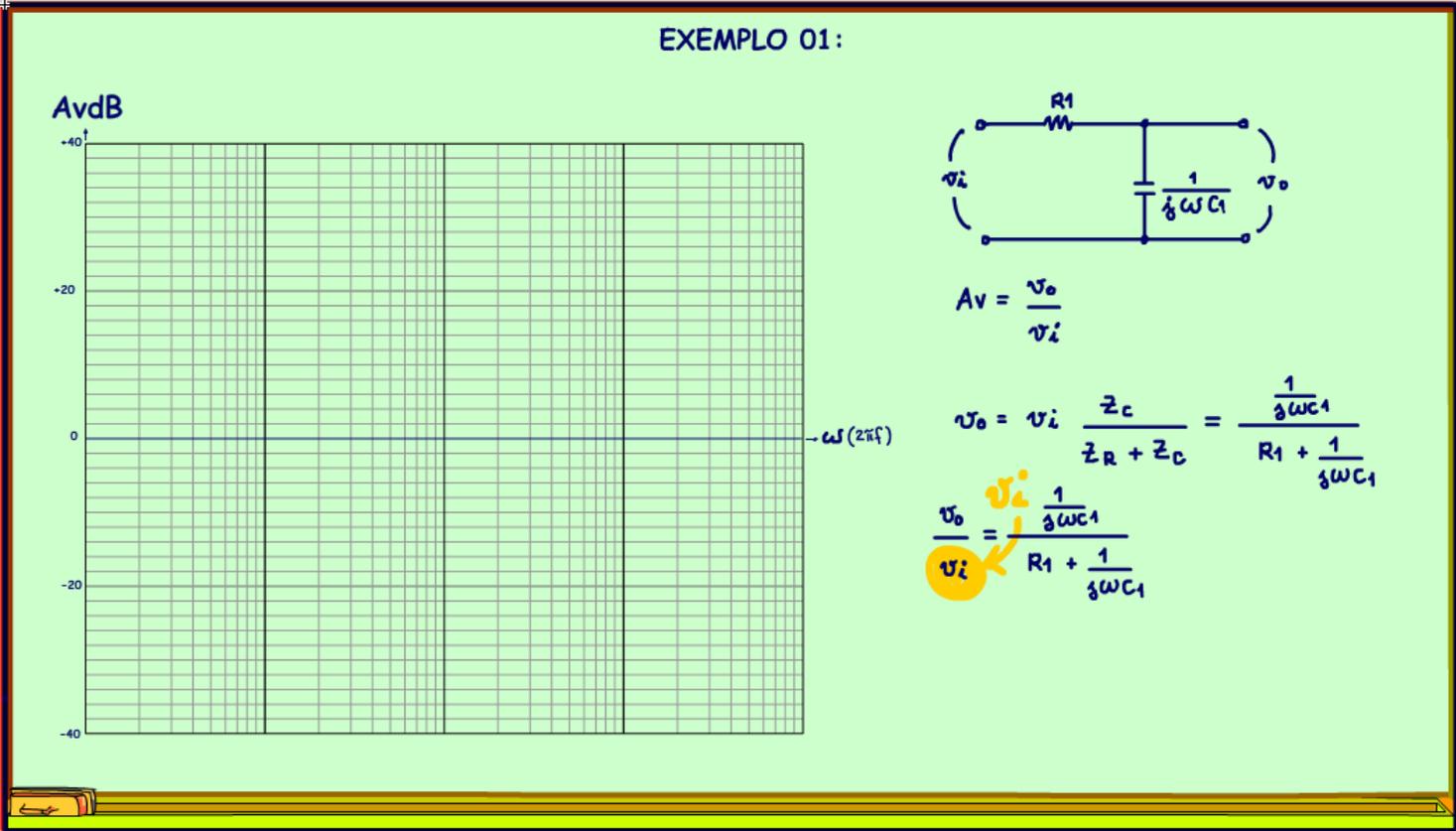


Figura 61

### BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Nesse circuito vou escrever o numerador multiplicando o denominador invertido, divisão de frações simples, inverter o denominador é fazer igual a um sobre o termo entre parênteses.

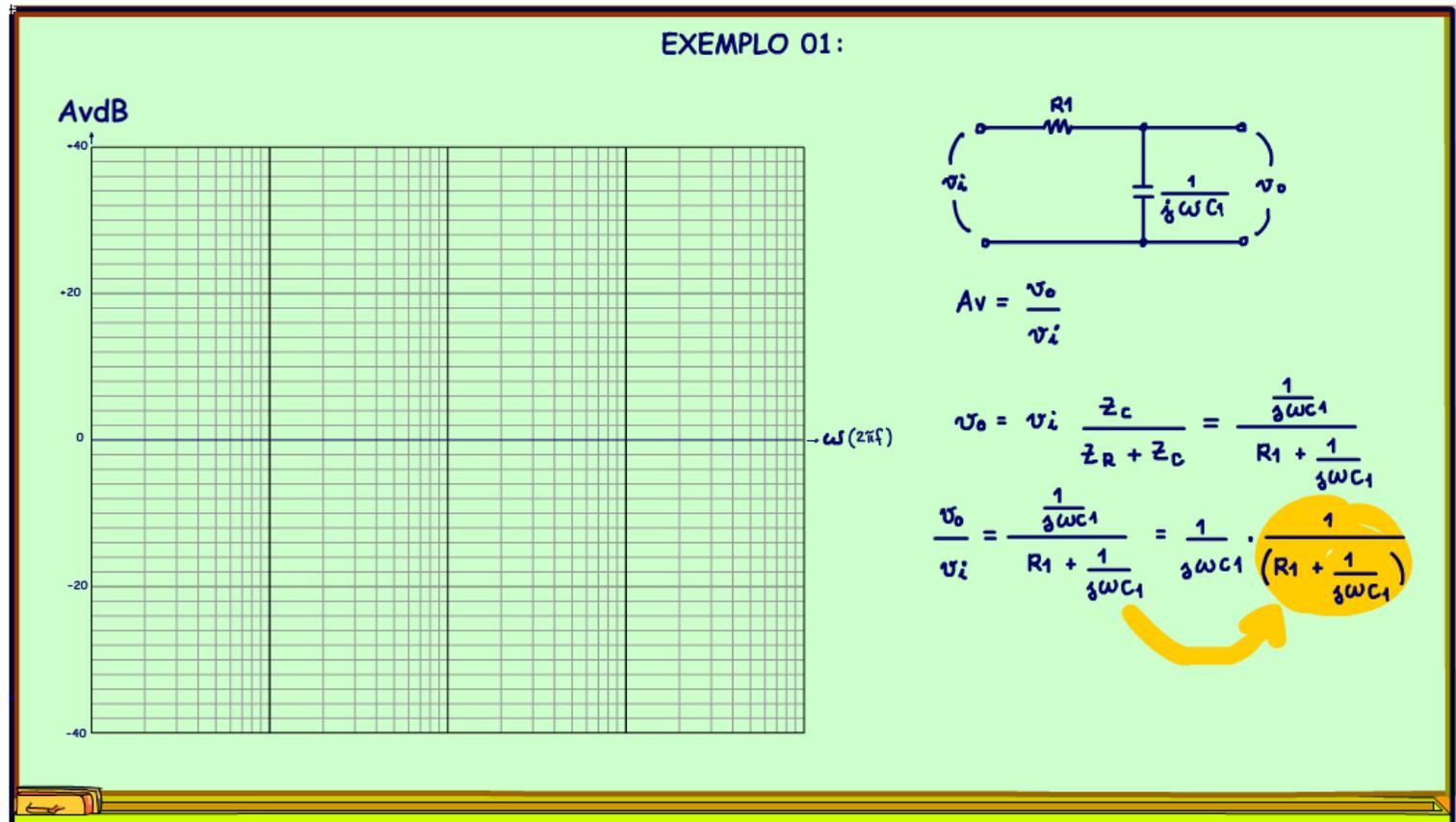


Figura 62

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Agora é só passar o  $j\omega C$  para dentro dos parênteses.

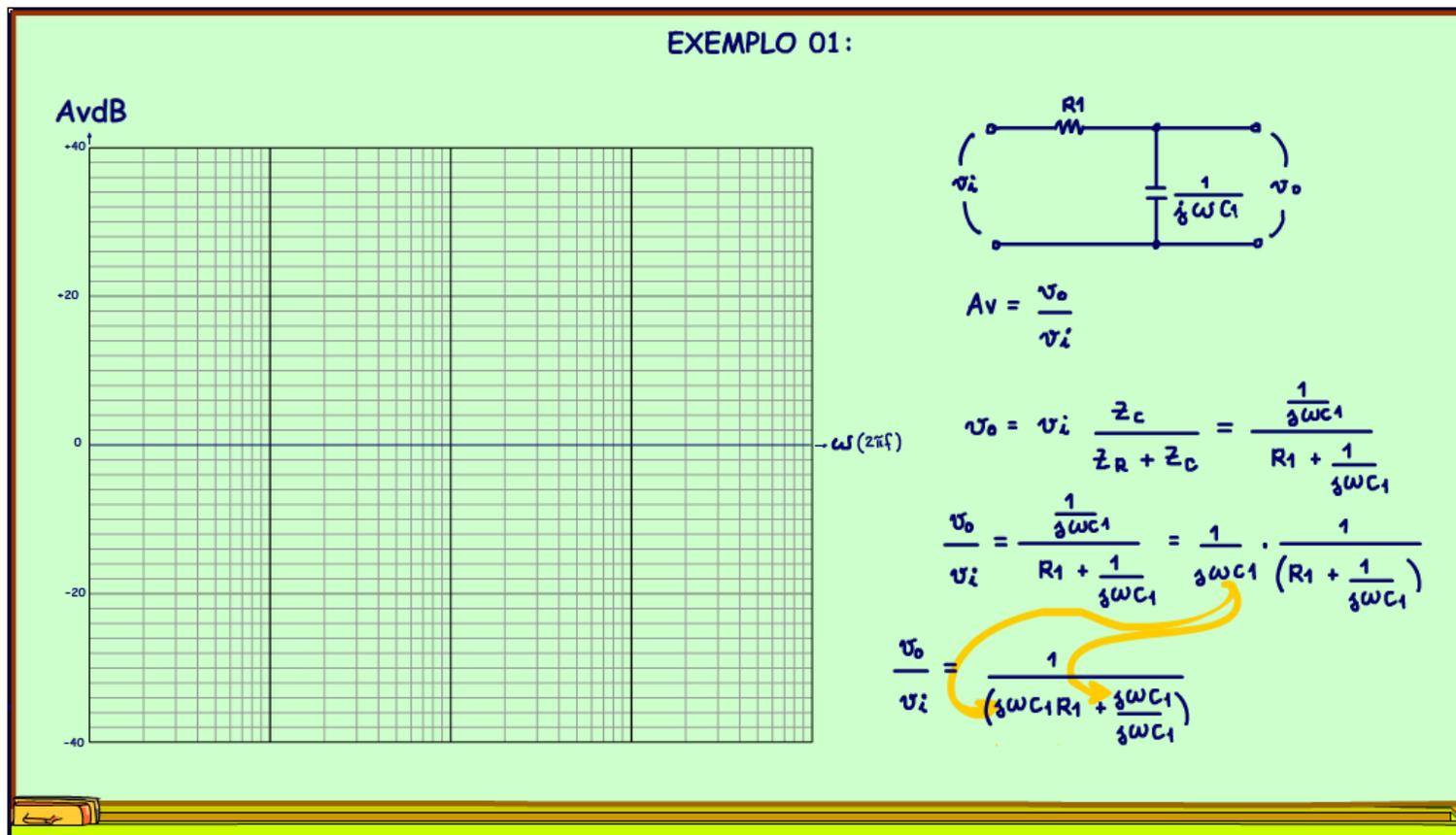


Figura 63

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Veja como apareceu uma simplificação mágica.

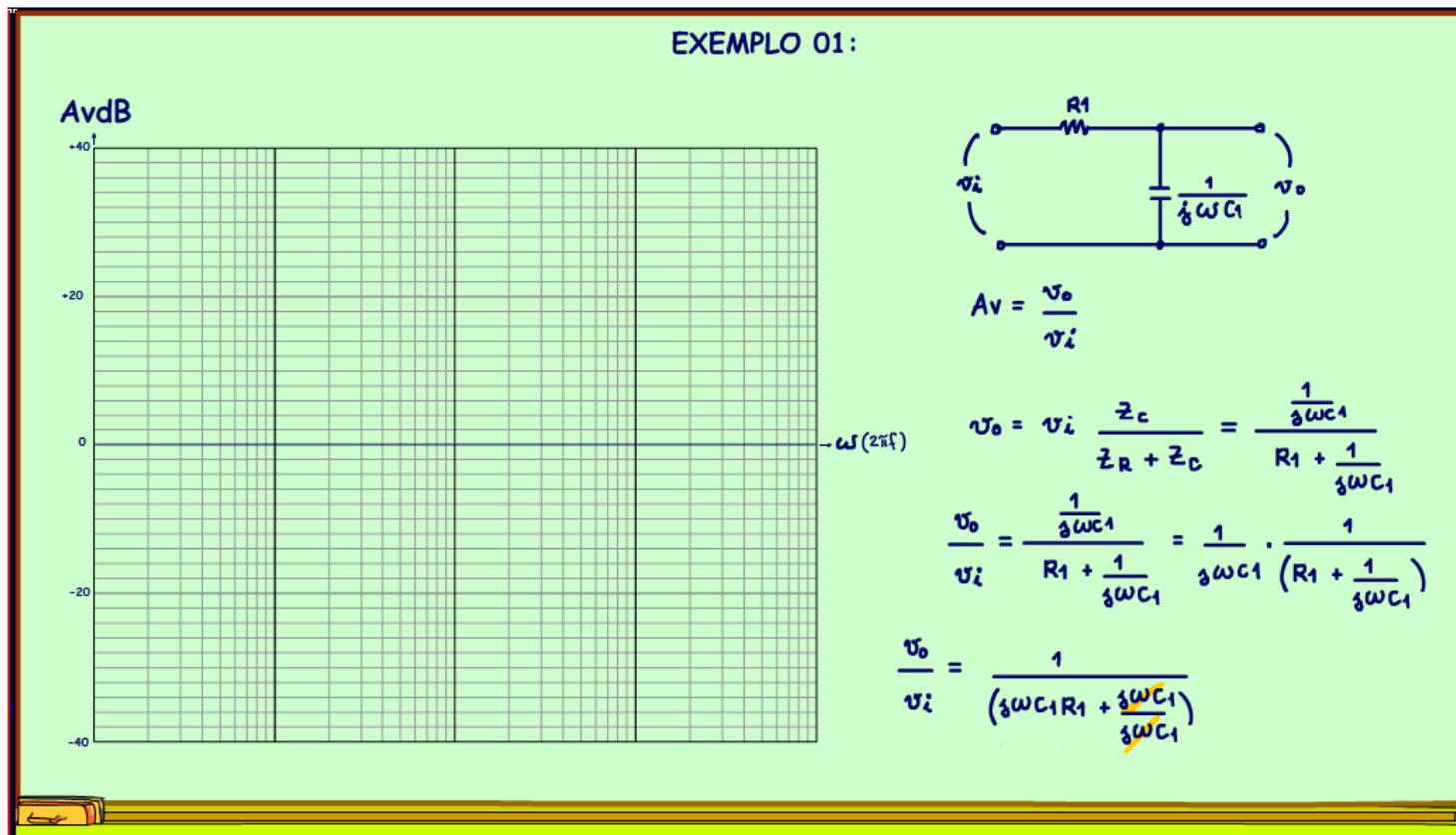


Figura 64

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

E pronto aí está a equação com o polo e tudo mais, que coisa fantástica essa matemática.

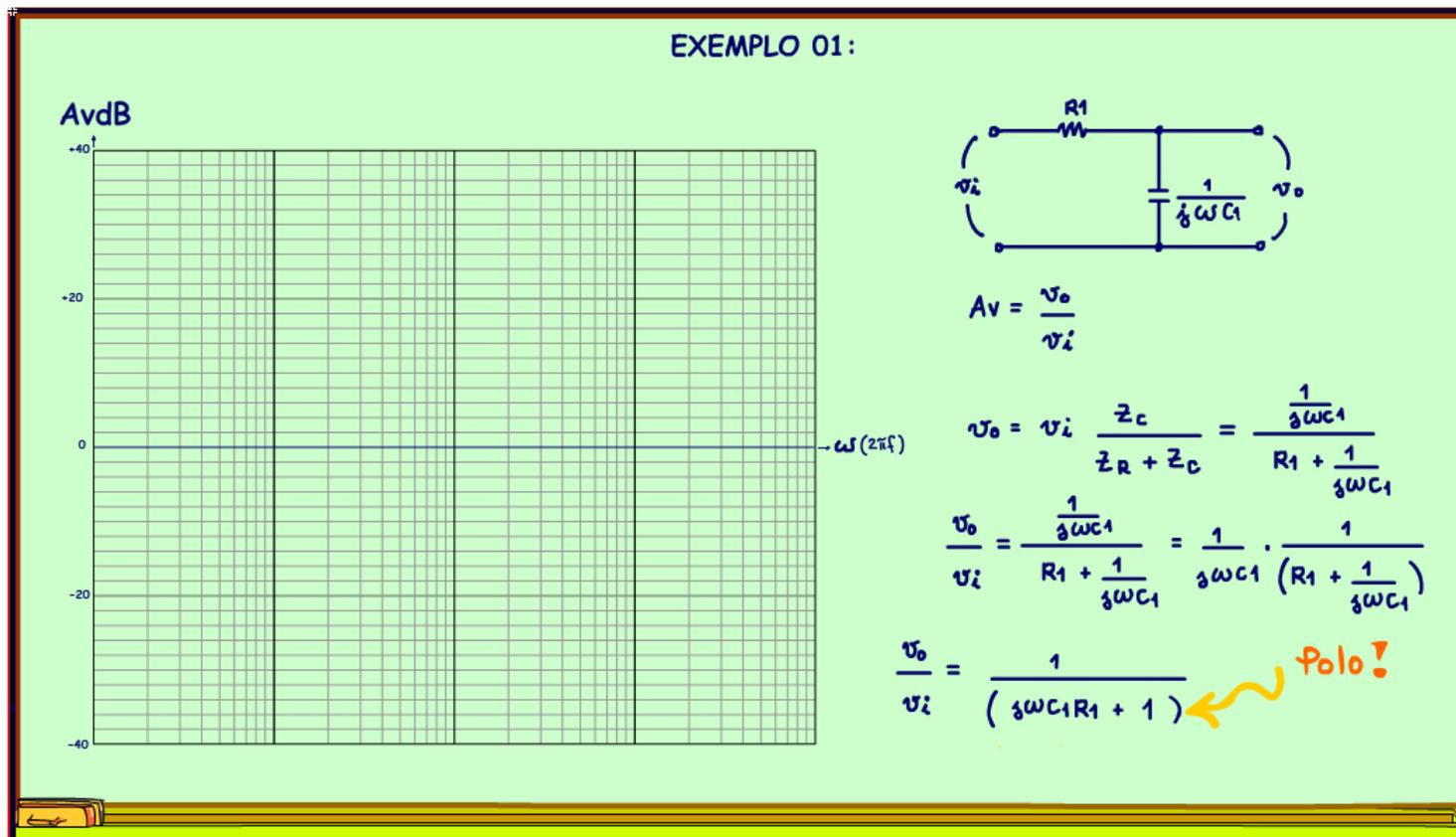


Figura 65

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Essa é a solução desse circuito.

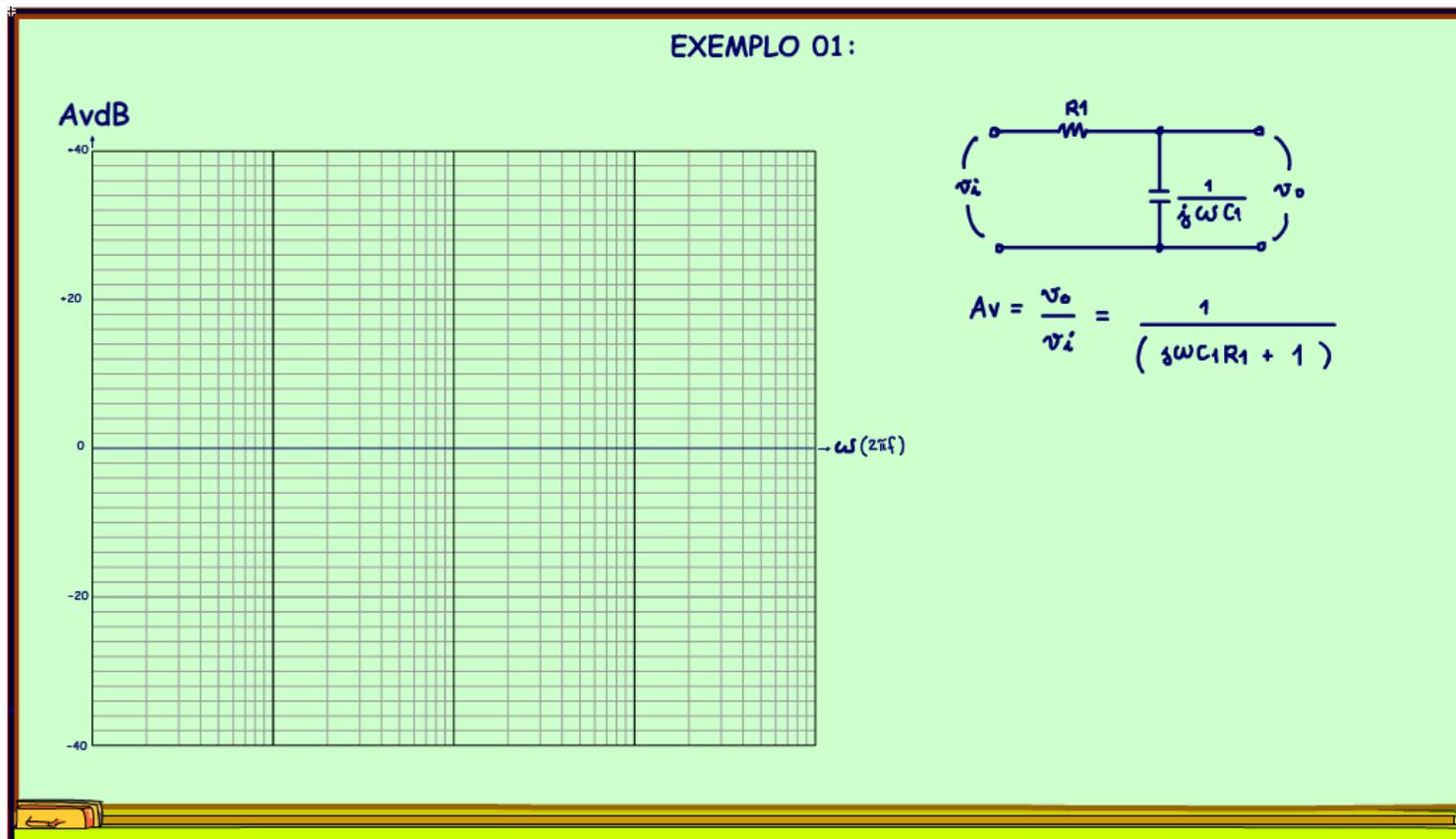


Figura 66

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Agora é só determinar a velocidade angular  $\omega_c$  na frequência de corte, e a frequência de corte, veja na figura.

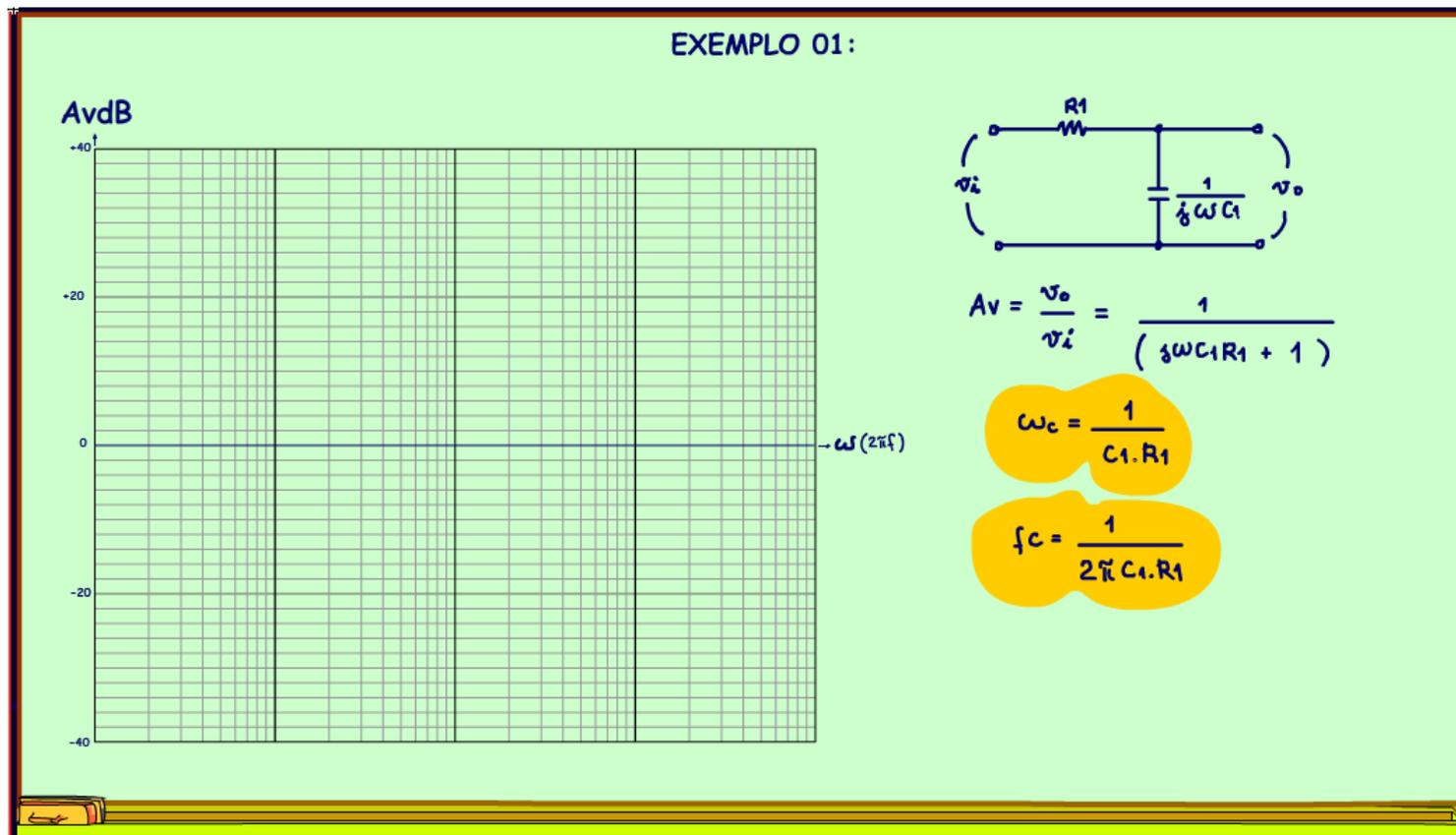


Figura 67

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Vou desenhar a curva de BODE veja que simples, é só usar o padrão.

Nesse caso só tem um polo na velocidade angular igual a um sobre  $C_1 R_1$ , então a frequência de corte vai ser um sobre  $2\pi C_1 R_1$ , tenho certeza que você já tinha visto isso antes.

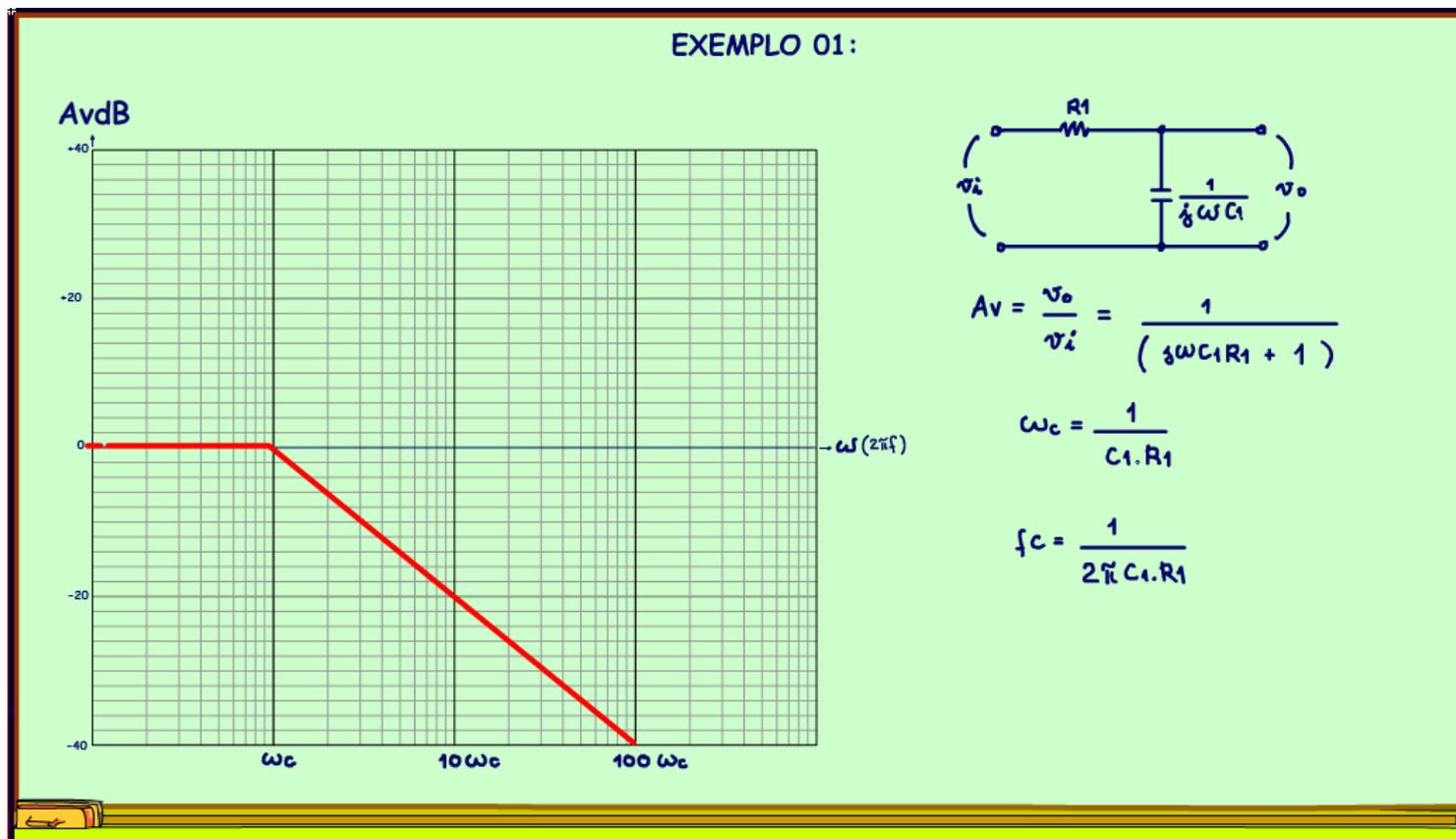


Figura 68

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Esse é um filtro passa baixo RC, um dos mais conhecidos.

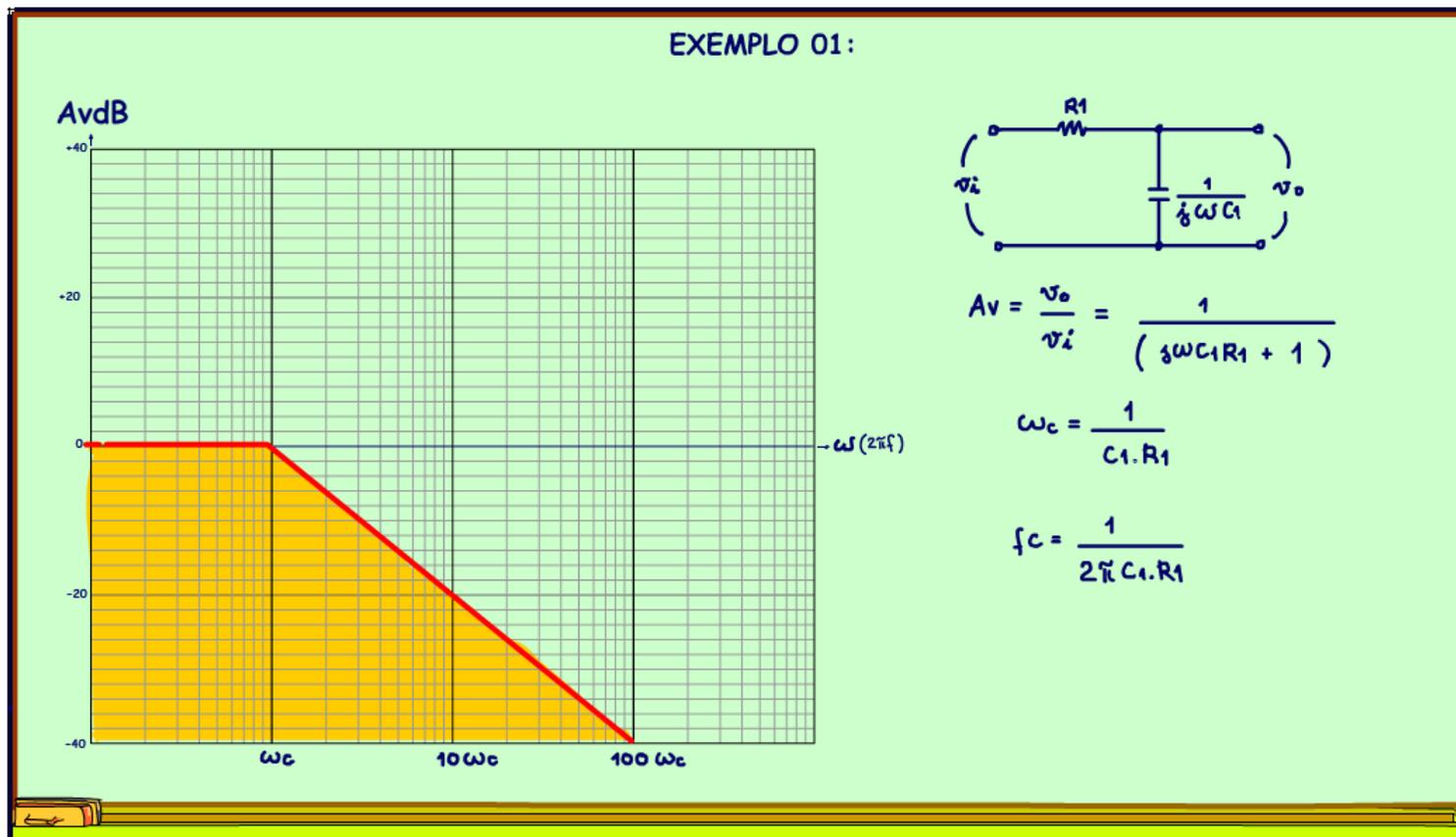


Figura 69

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

### 1.9 EXEMPLO 2:

Agora vou simplesmente inverter o capacitor e a resistência, será que vai mudar muito o gráfico?

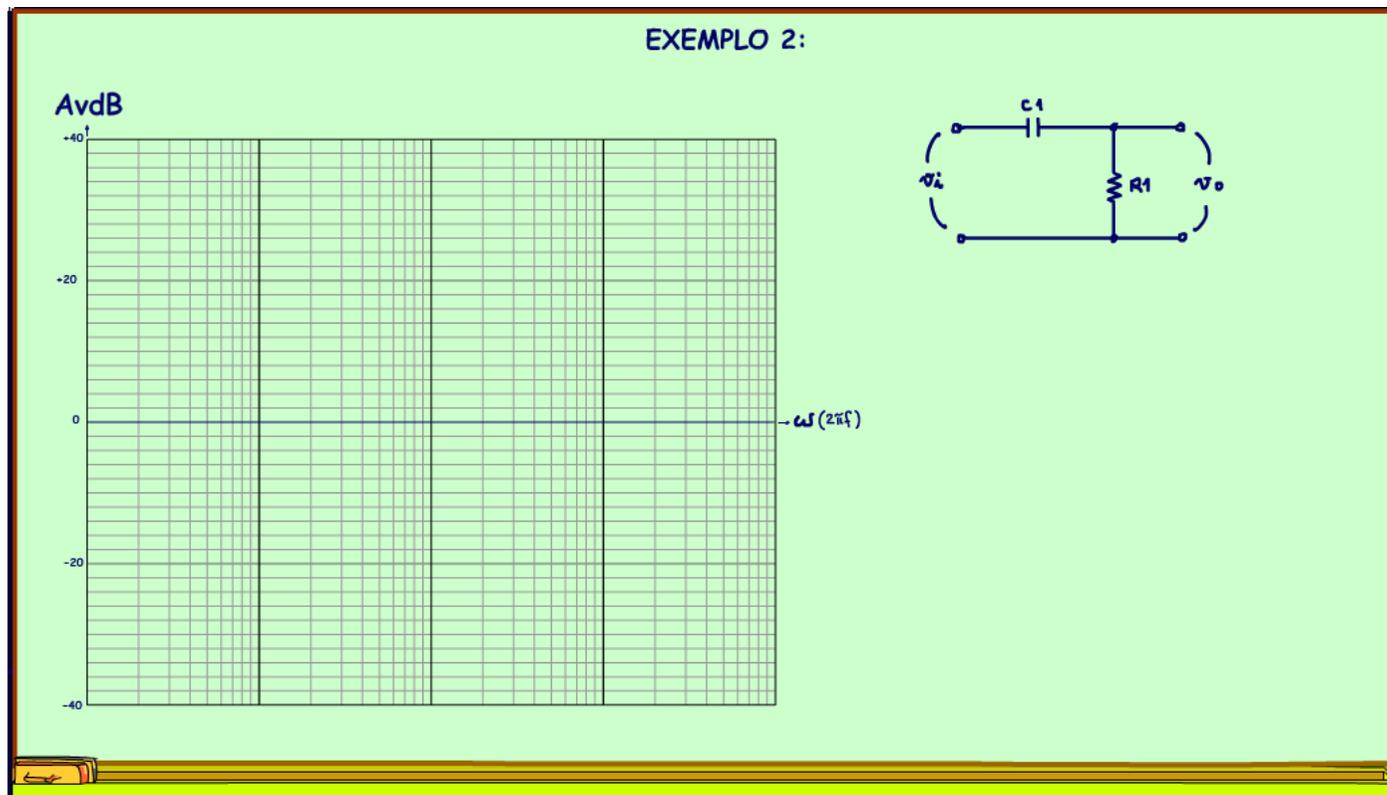


Figura 70

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Para solucionar primeiro você deve passar para o plano das impedâncias.

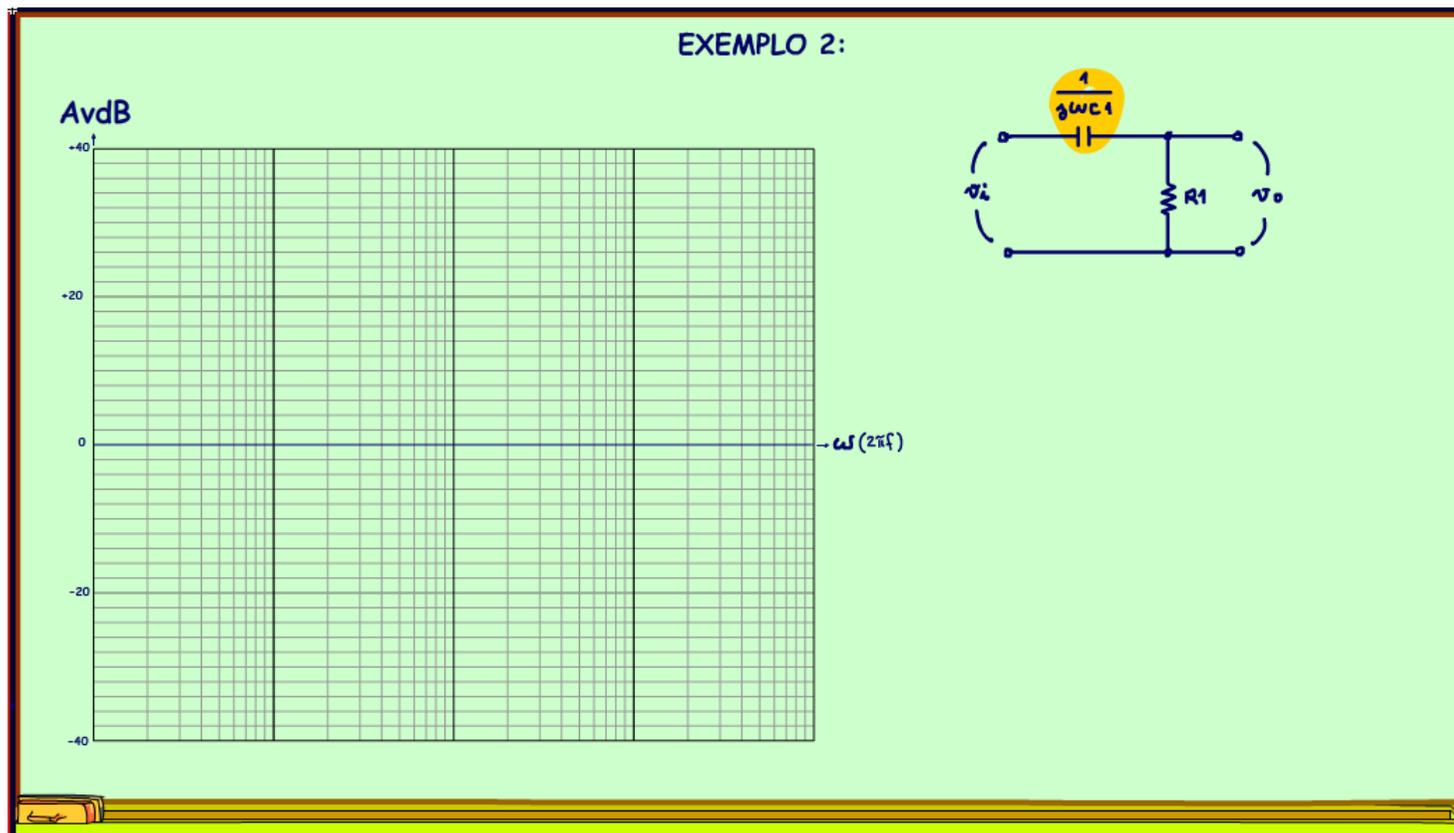


Figura 71

### BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Agora é só usar o divisor de tensão como foi feito antes, na maioria dos casos vai ser esse o mecanismo para analisar esse tipo de circuito. A impedância em paralelo com a saída agora é a resistência.

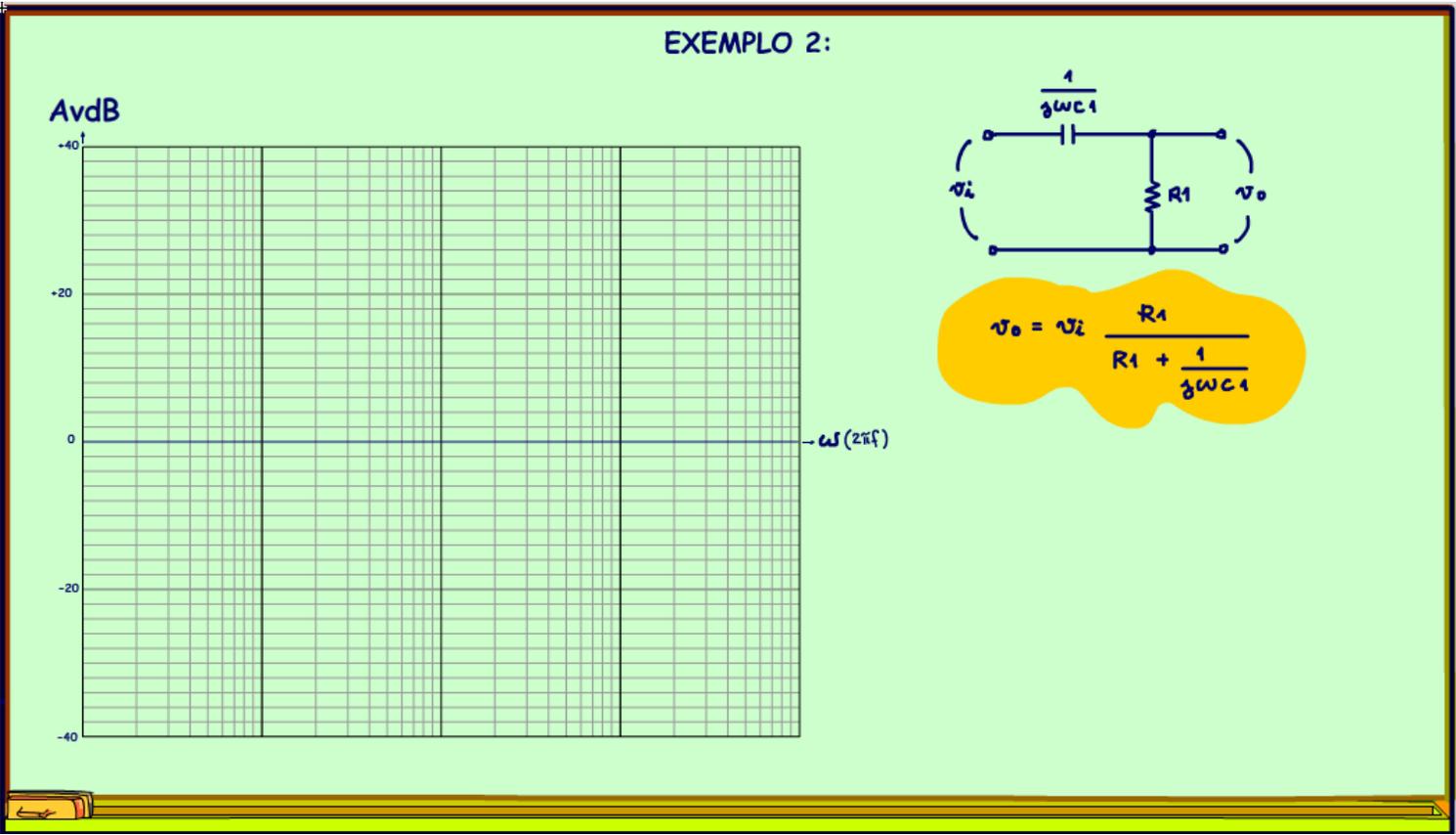


Figura 72

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Antes de continuar já vou escrever a equação do ganho, veja como os passos vão se repetindo.

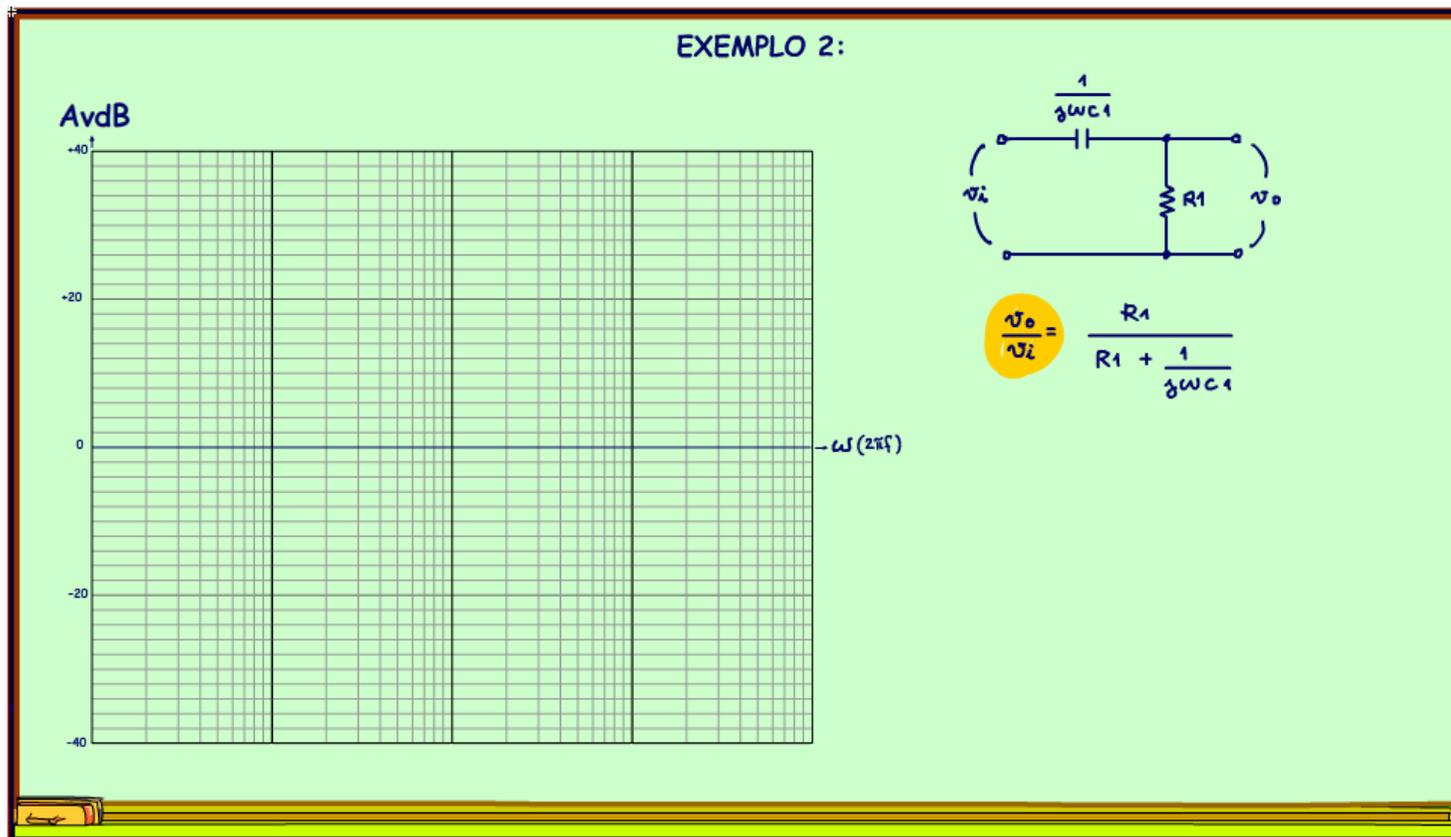


Figura 73

**BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)**

Agora vou somar as frações do denominador, o mínimo múltiplo comum é  $j\omega C_1$ .

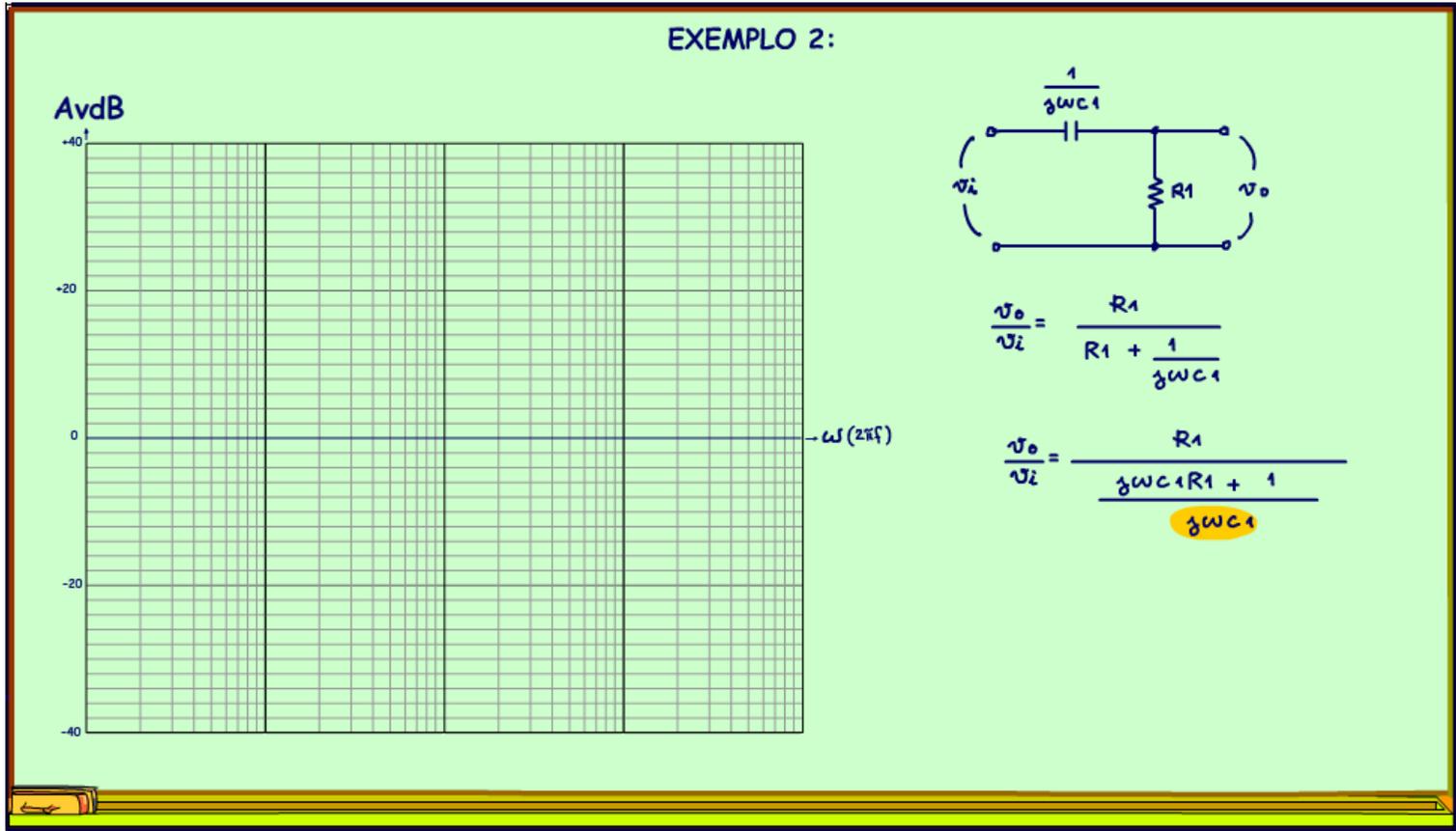


Figura 74

### BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Que multiplicado na primeira parcela fica como na figura, a segunda parcela fica igual a um, lembra da soma de frações.

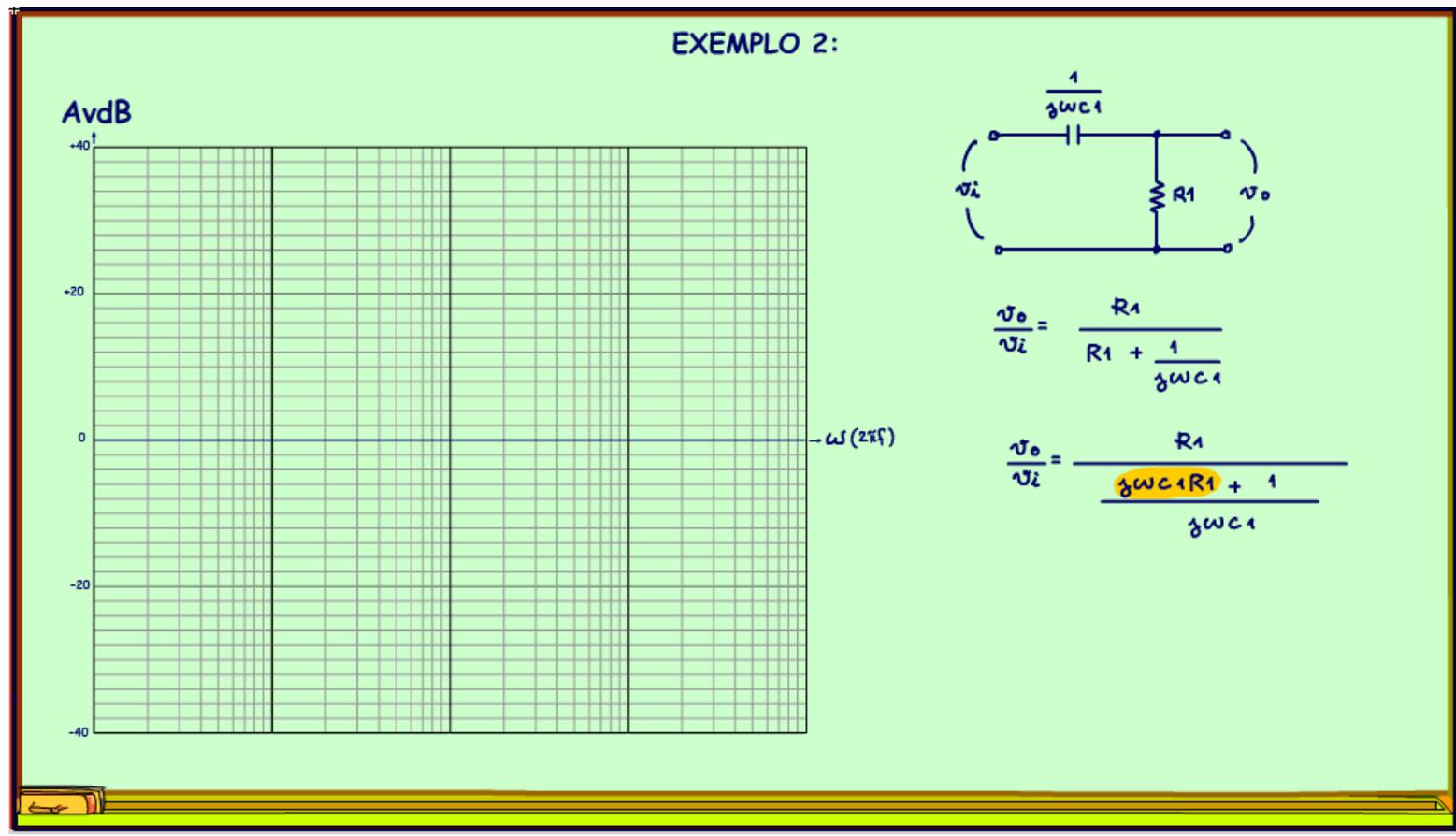


Figura 75

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Agora é o produto de frações, o numerador R1 multiplicado pelo denominador invertido, ao inverter o  $j\omega C1$  passa para cima.

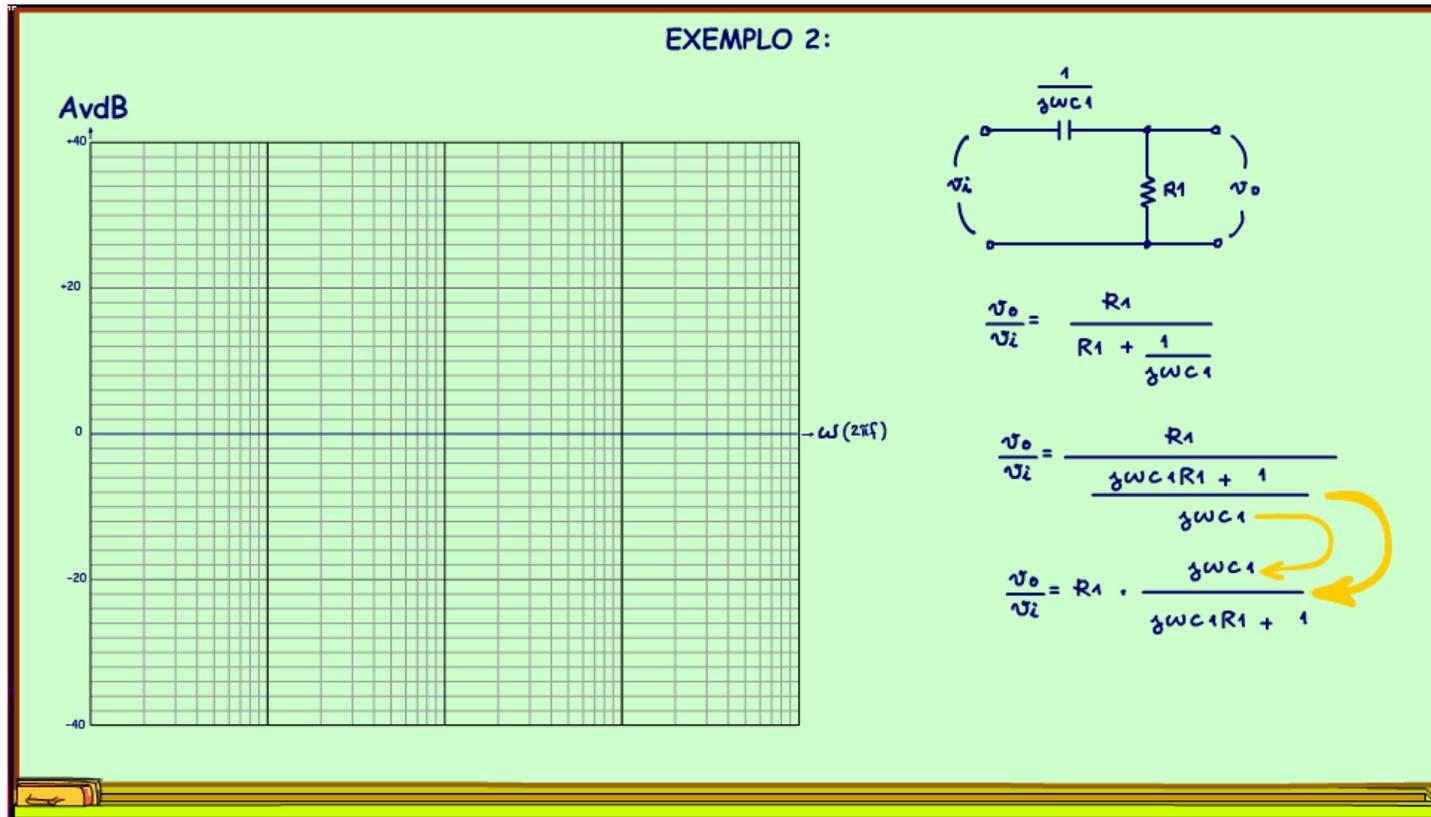


Figura 76

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Agora é só fazer o produto.

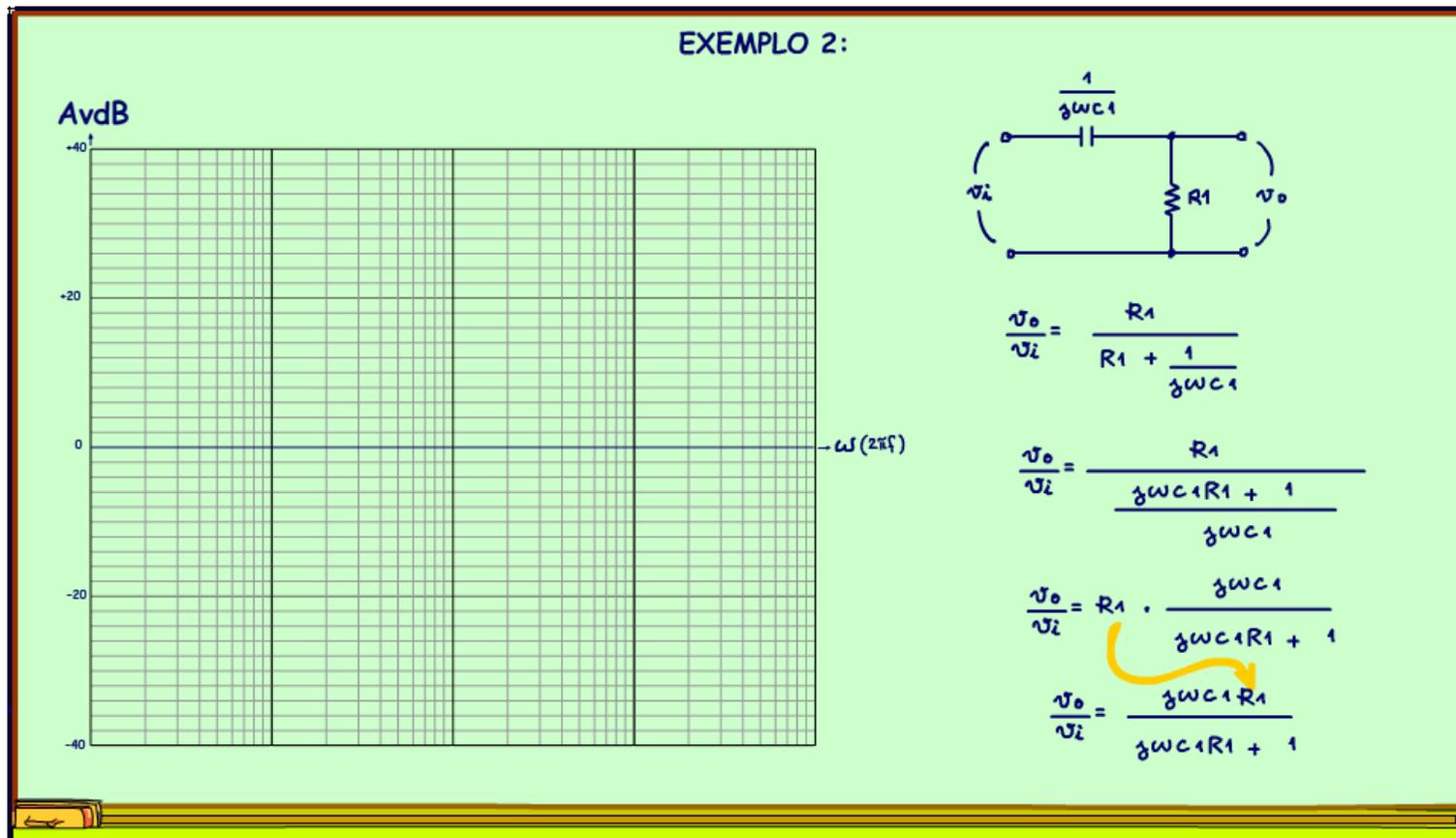


Figura 77

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

E pronto chegamos a equação final, você consegue identificar os polos e zeros?

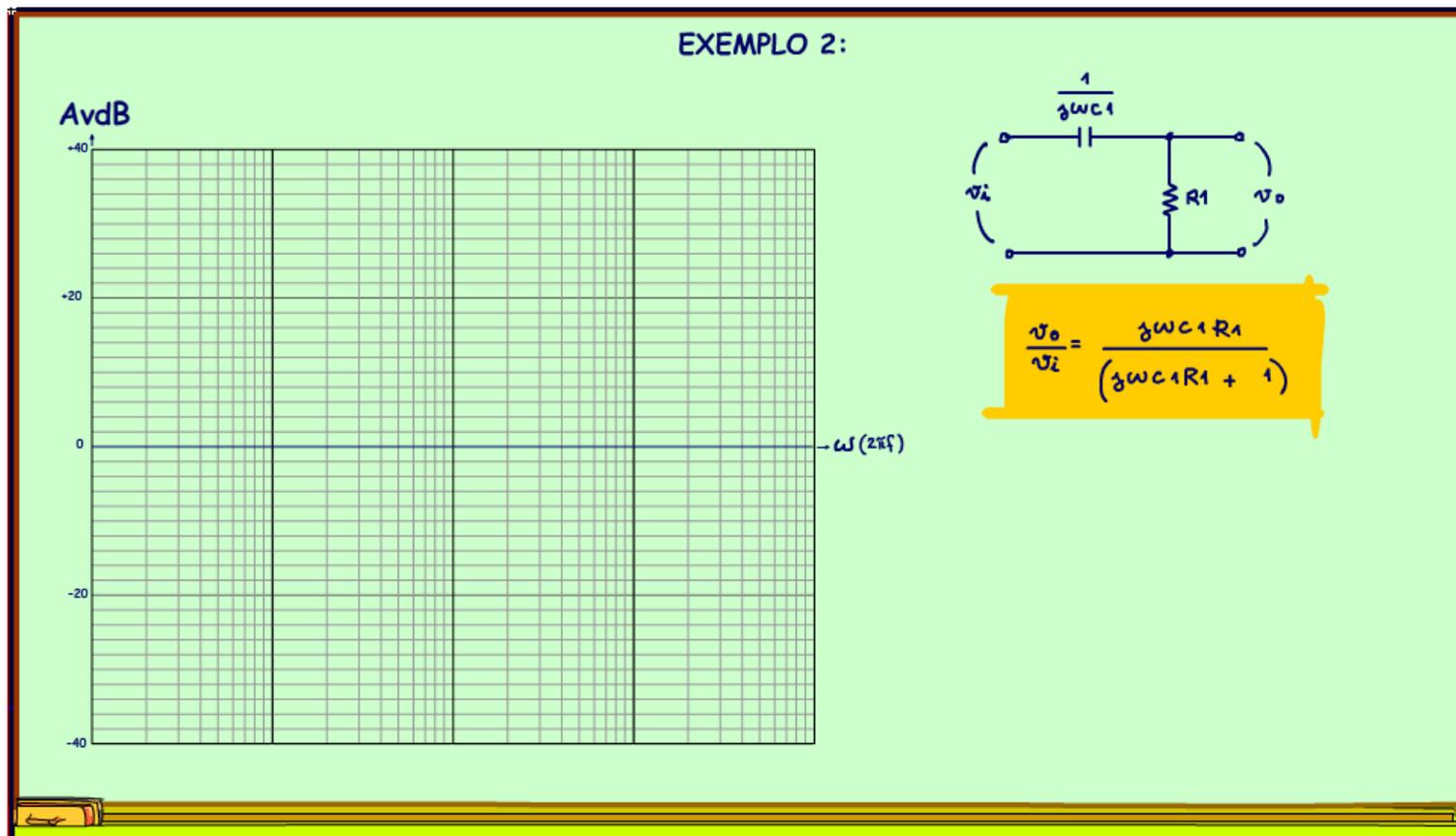


Figura 78

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Tem um polo com a velocidade angular na frequência de corte igual a um sobre R1 C1, igual o polo do circuito anterior.

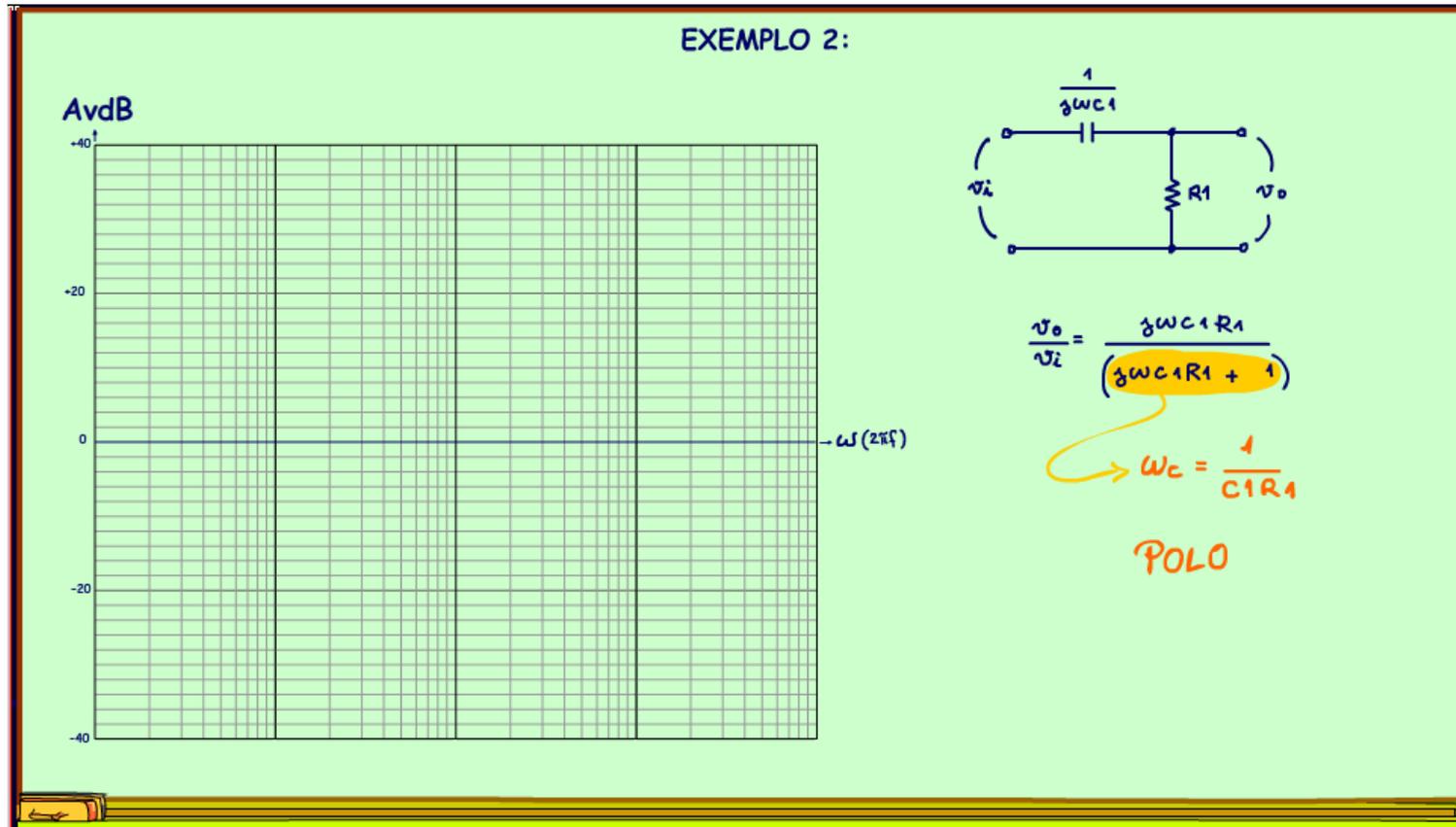


Figura 79

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

E tem um zero na origem, com velocidade angular na frequência de corte igual a um sobre R1 C1, a mesma do polo.

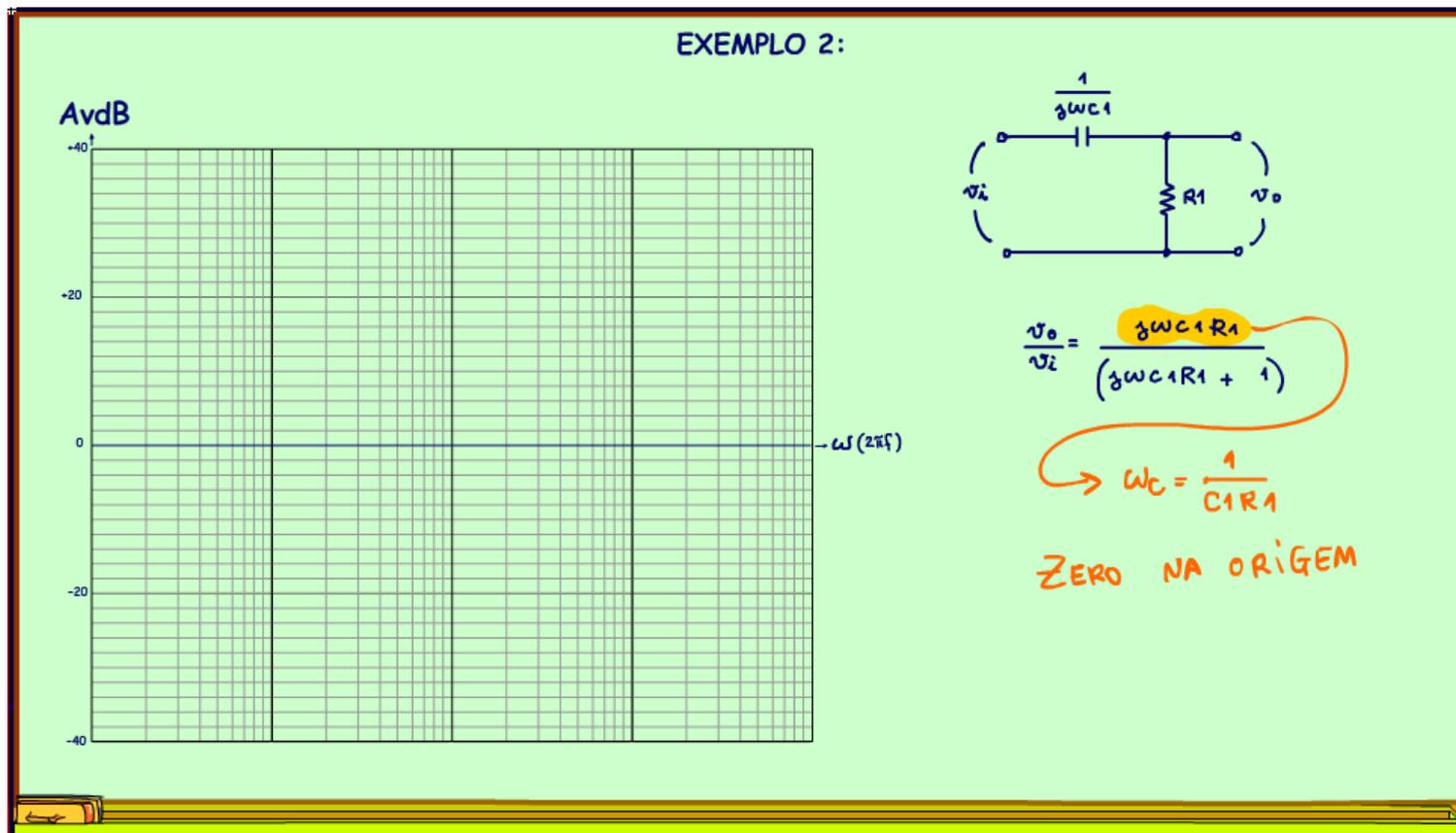


Figura 80

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Agora você vai ver a mágica acontecer, vou desenhar os dois gráficos, primeiro o polo em vermelho na frequência de corte com velocidade angular igual a um sobre C1R1.

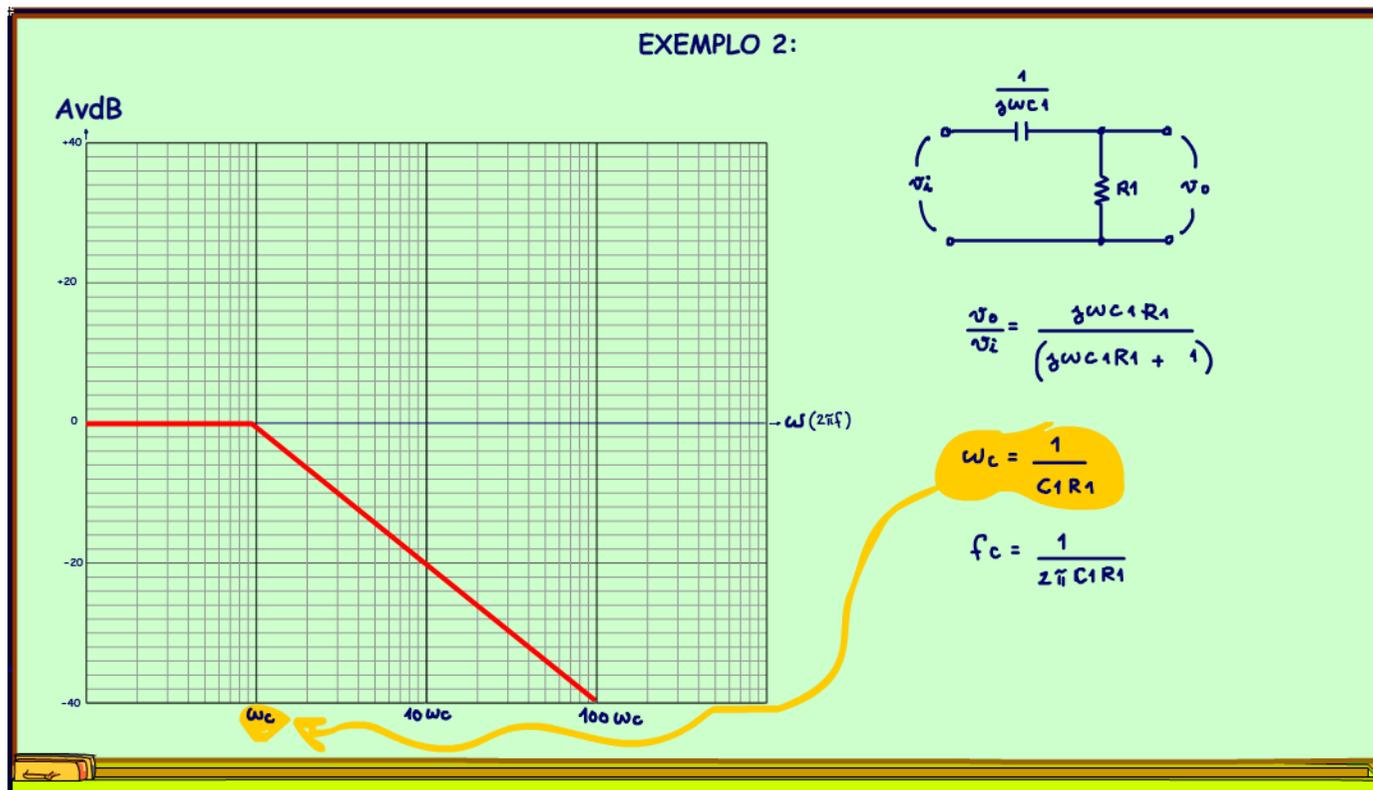


Figura 81

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Agora vou desenhar o gráfico padrão em verde para o zero na origem, lembra a curva inclinada que sobe sempre e passa por zero exatamente na velocidade angular da frequência de corte, que é a mesma do polo, a inclinação mais 20 db, é só usar os modelinhos.

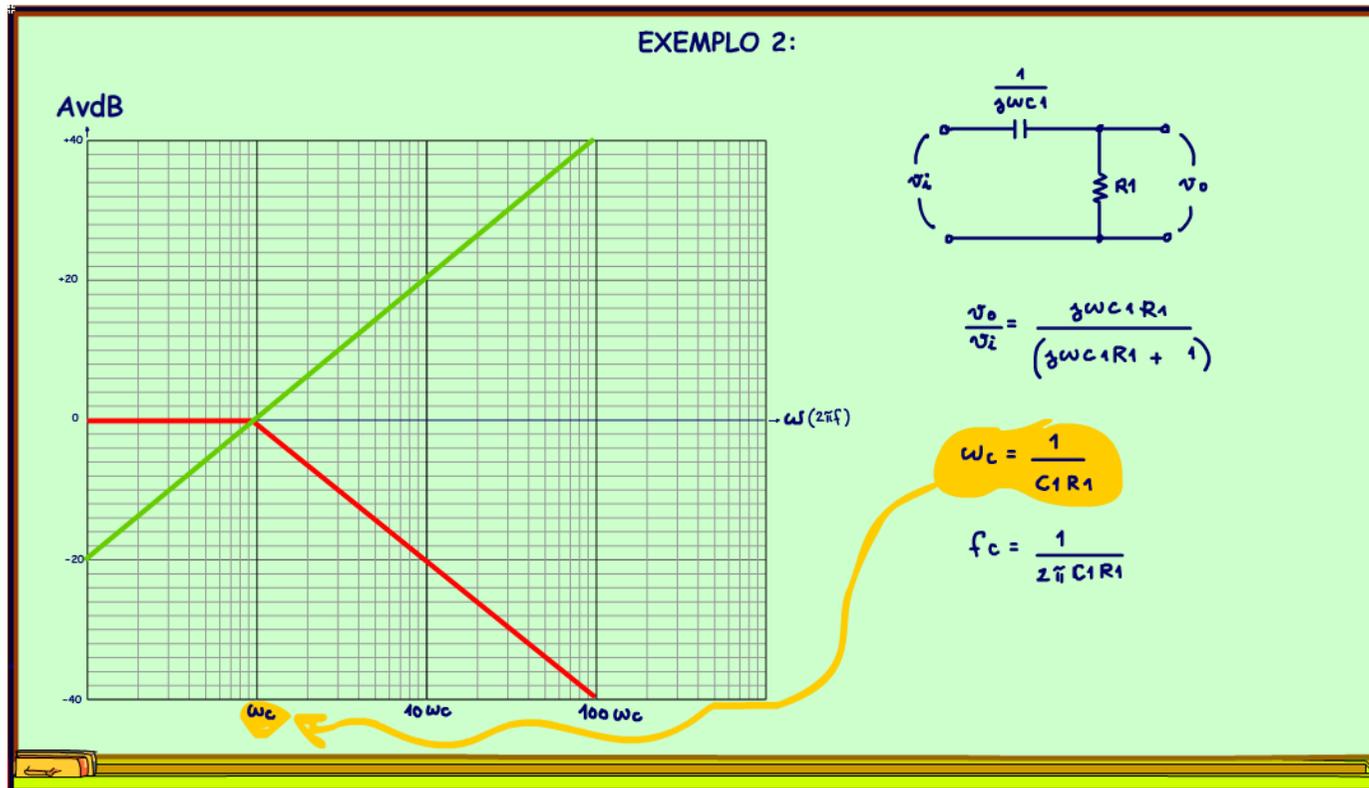


Figura 82

**BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)**

Agora a mágica final, a resposta final do circuito é simplesmente a soma dos dois gráficos, ponto a ponto, então para as frequências antes da frequência de corte, o gráfico do polo em vermelho não soma nada, é zero o tempo todo, então, é só gráfico verde do zero na origem é vai influir no resultado.

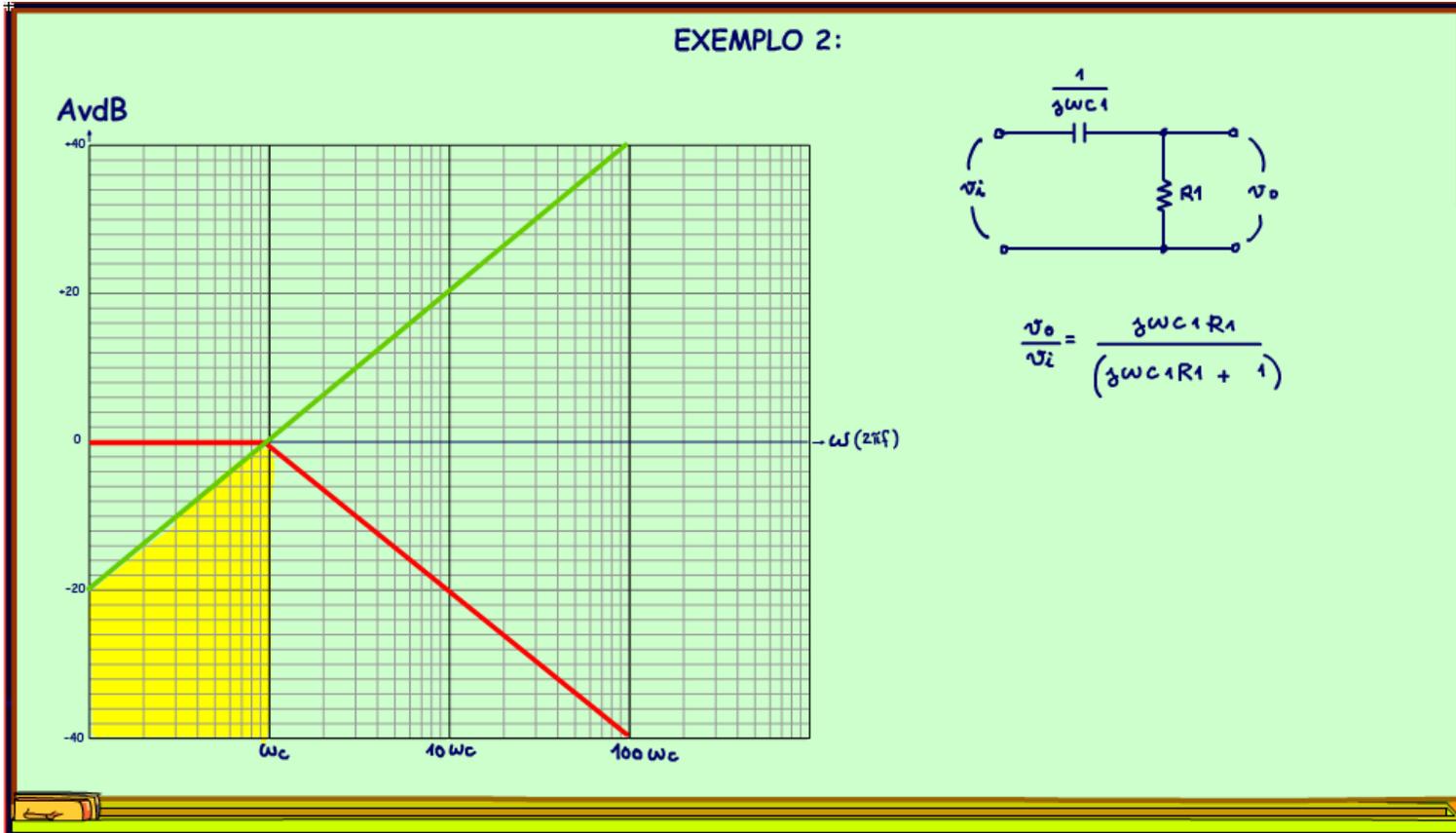


Figura 83

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Por exemplo, bem no início tem o valor zero do polo, menos 20db do zero e pronto a soma dá menos 20 db.

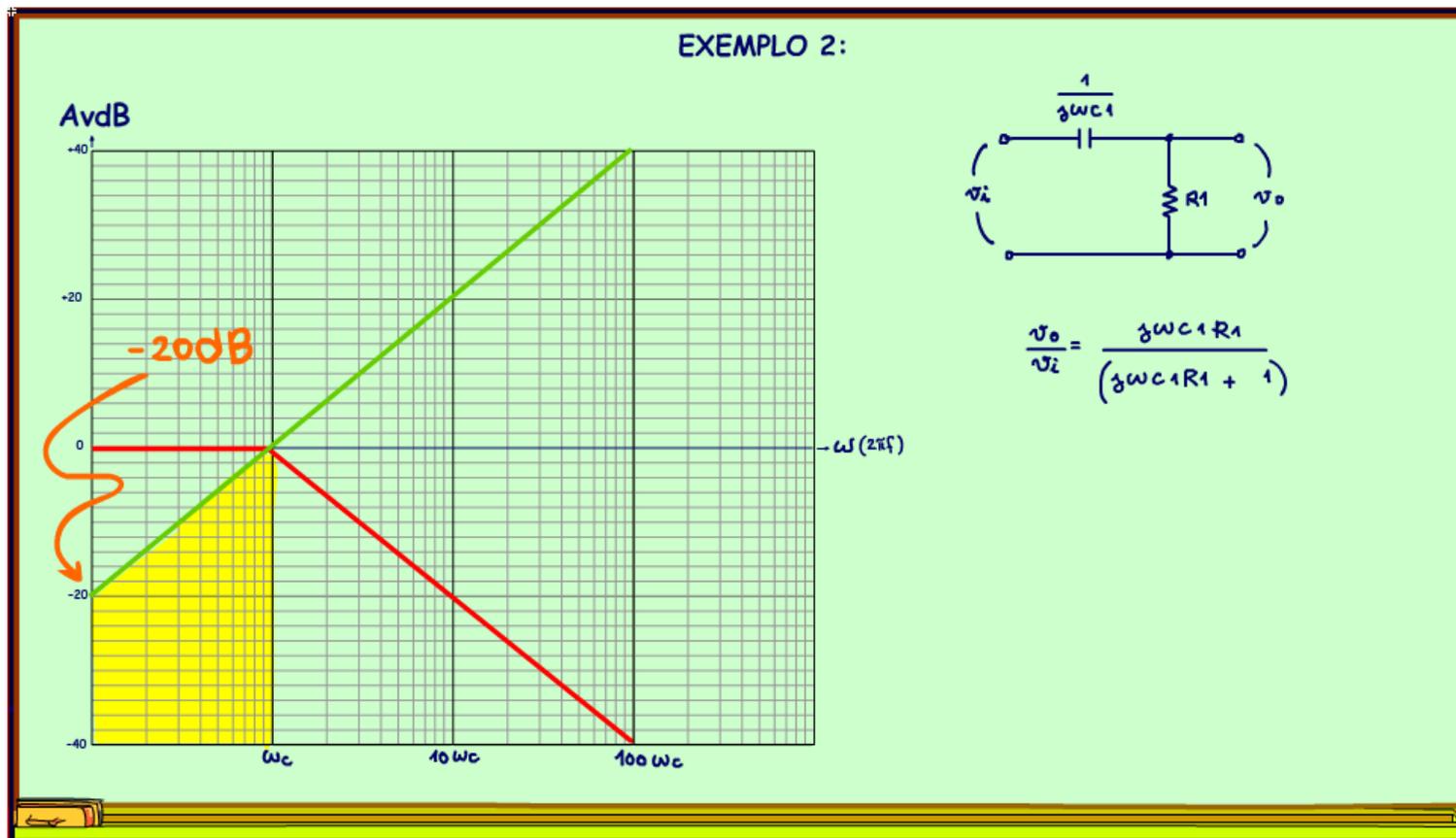


Figura 84

**BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)**

Veja o milagre acontecendo acima da frequência de corte, agora o polo desce -20 db por década, mas o zero puxa a curva para cima no mesmo ritmo, resultado é zero.

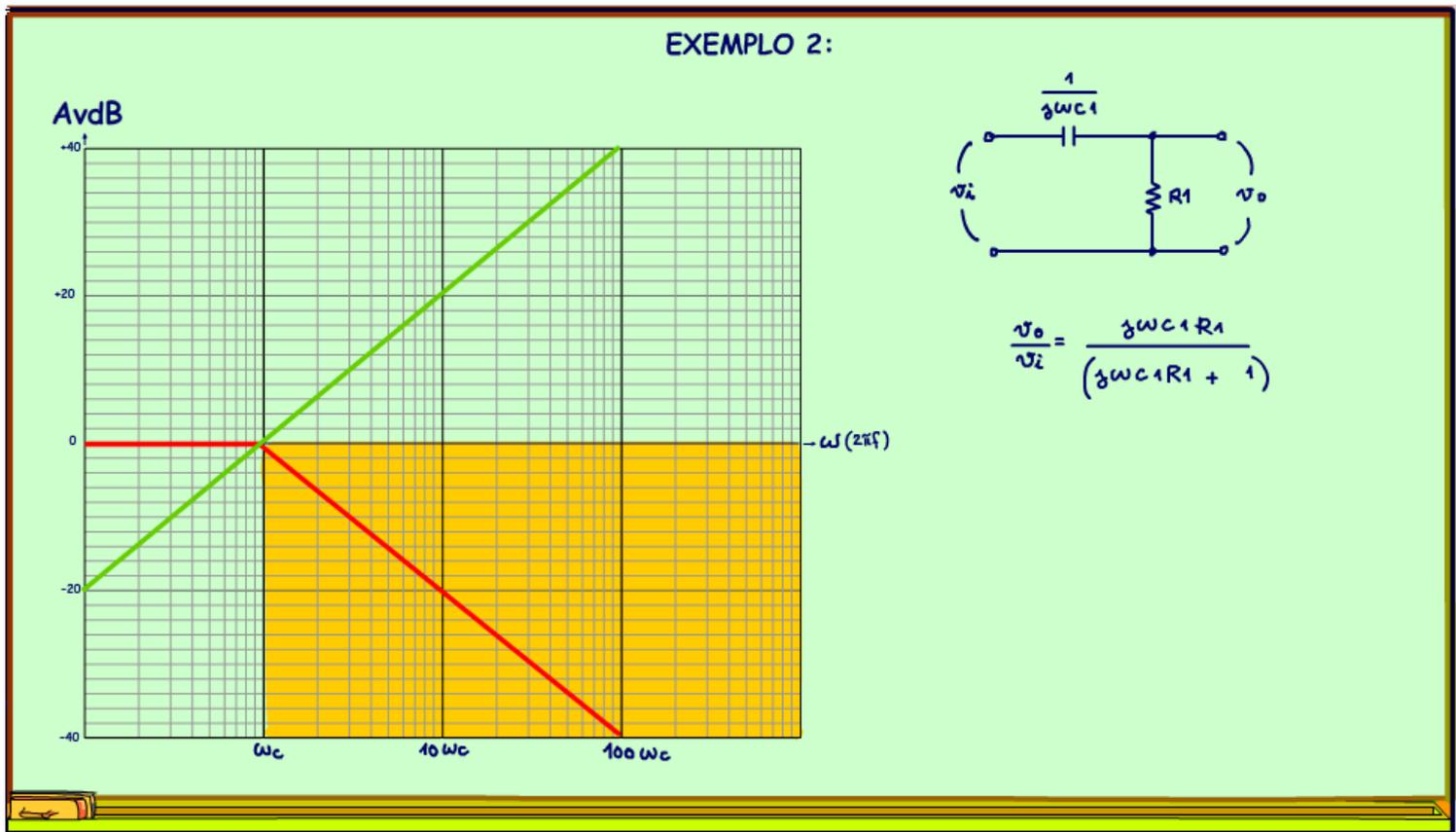


Figura 85

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Então a solução é muito simples de computar, é só somar os polos e zeros das curvas, nesse circuito abaixo da frequência de corte o sinal de saída é atenuado, e acima se mantém firme, esse é um filtro passa alto.

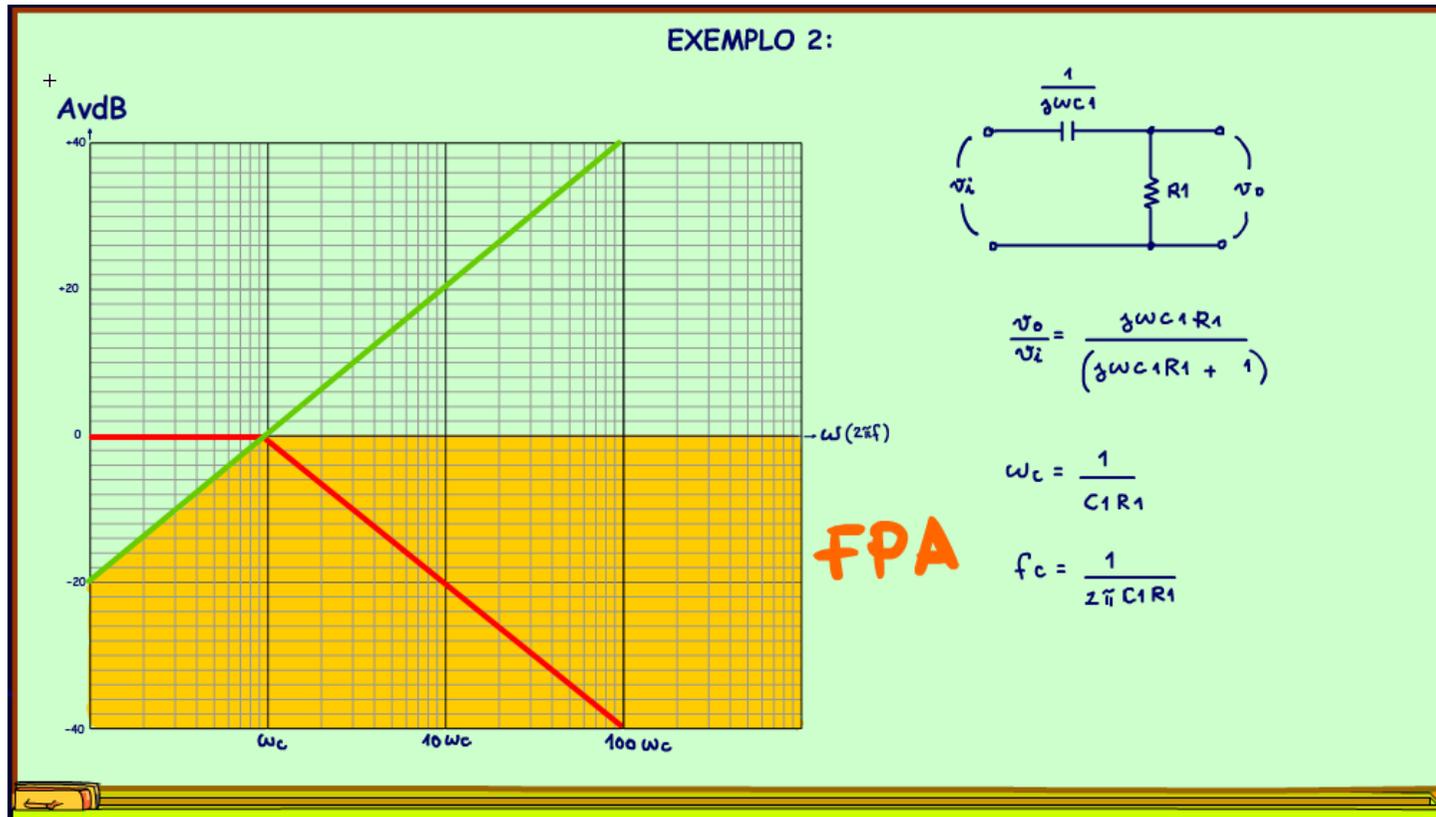


Figura 86

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

### 1.10 EXEMPLO 3:

E agora depois de duzentos anos eu vou responder ao seguidor José Tavares, vou mostrar a análise e levantar a curva de transferência do circuito sugerido por ele, o circuito da figura.

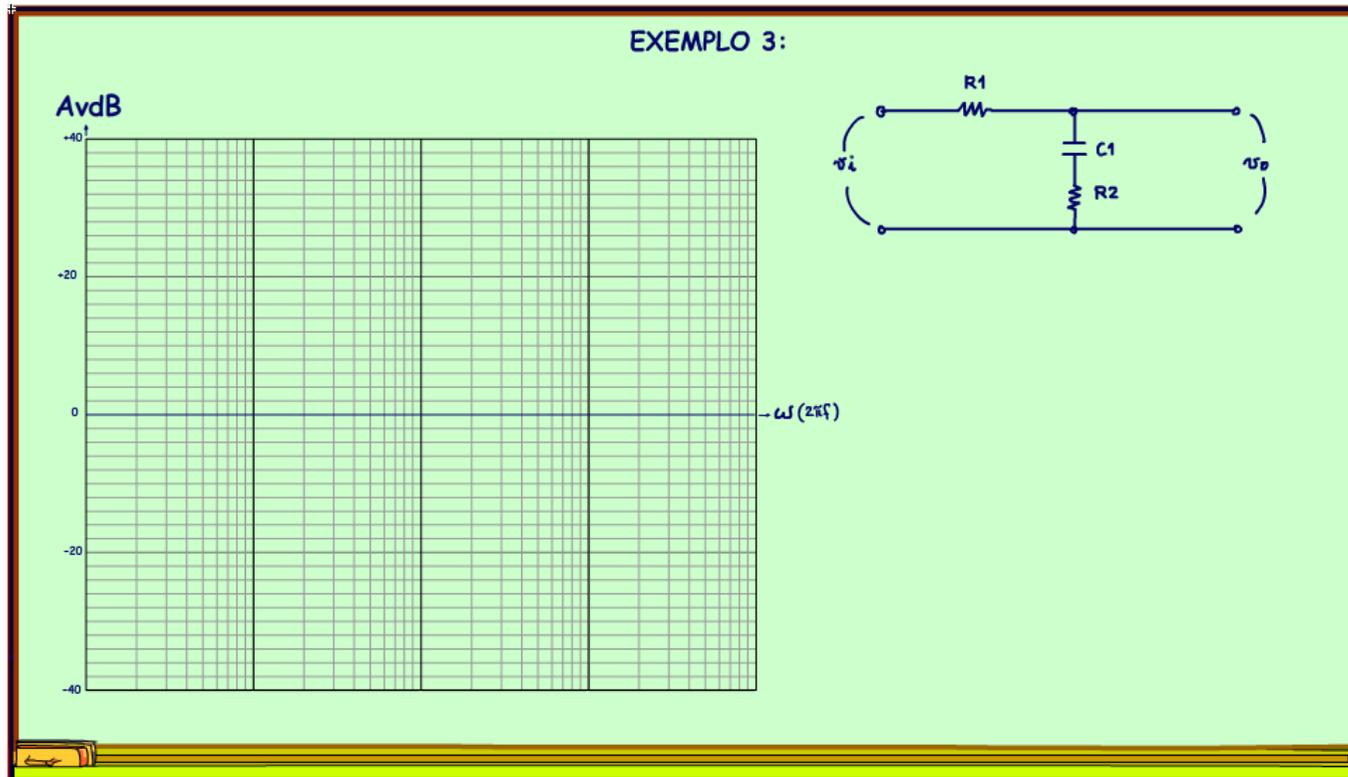


Figura 87

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Você já sabe o primeiro passo, passar para o plano das impedâncias, eu preciso dos jotas para os zero e polos das equações.

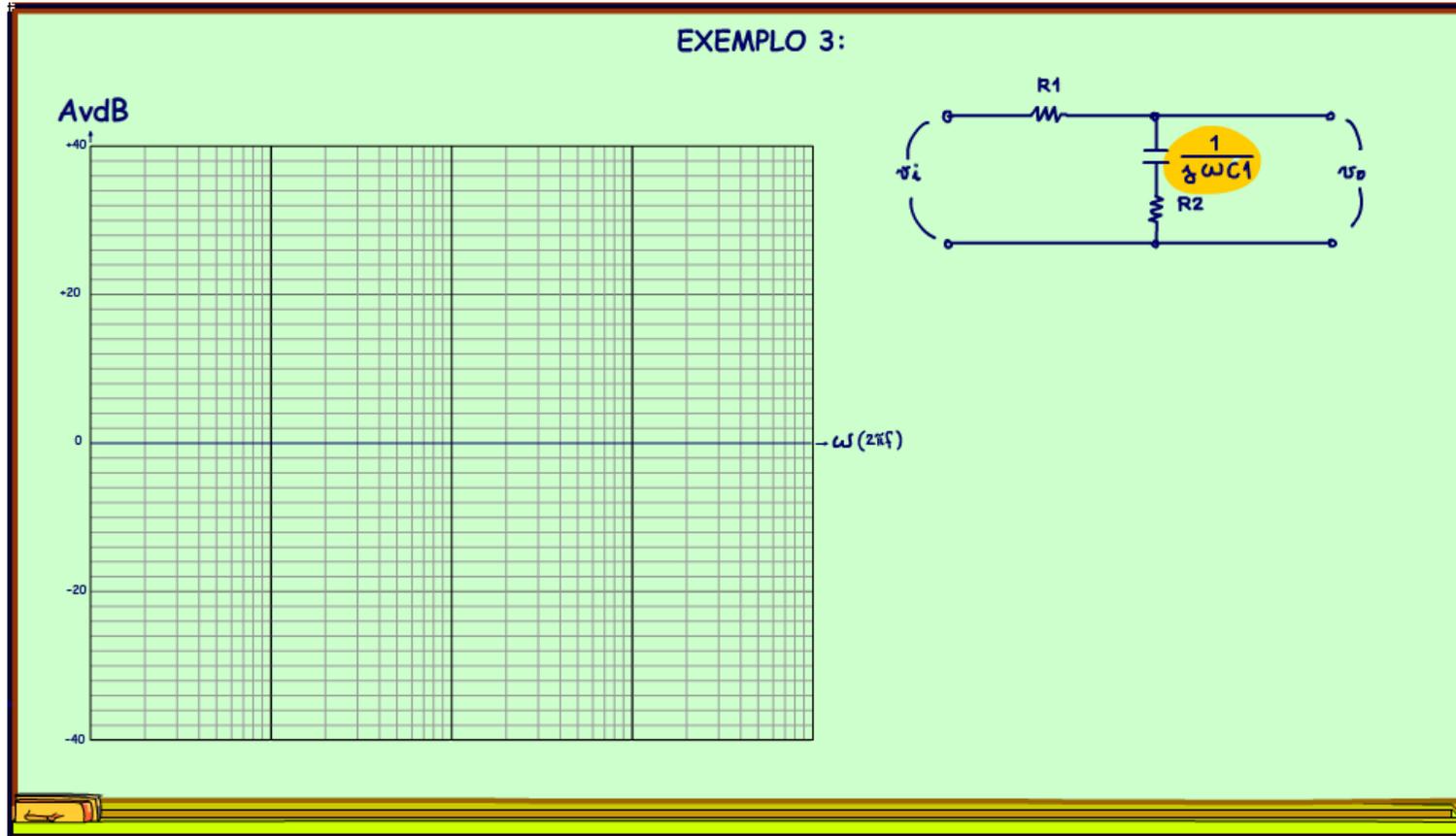


Figura 88

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

A solução é similar, já vou adiantando e vou escrever a equação em função de  $\omega$  sobre  $v_i$  o ganho de tensão.

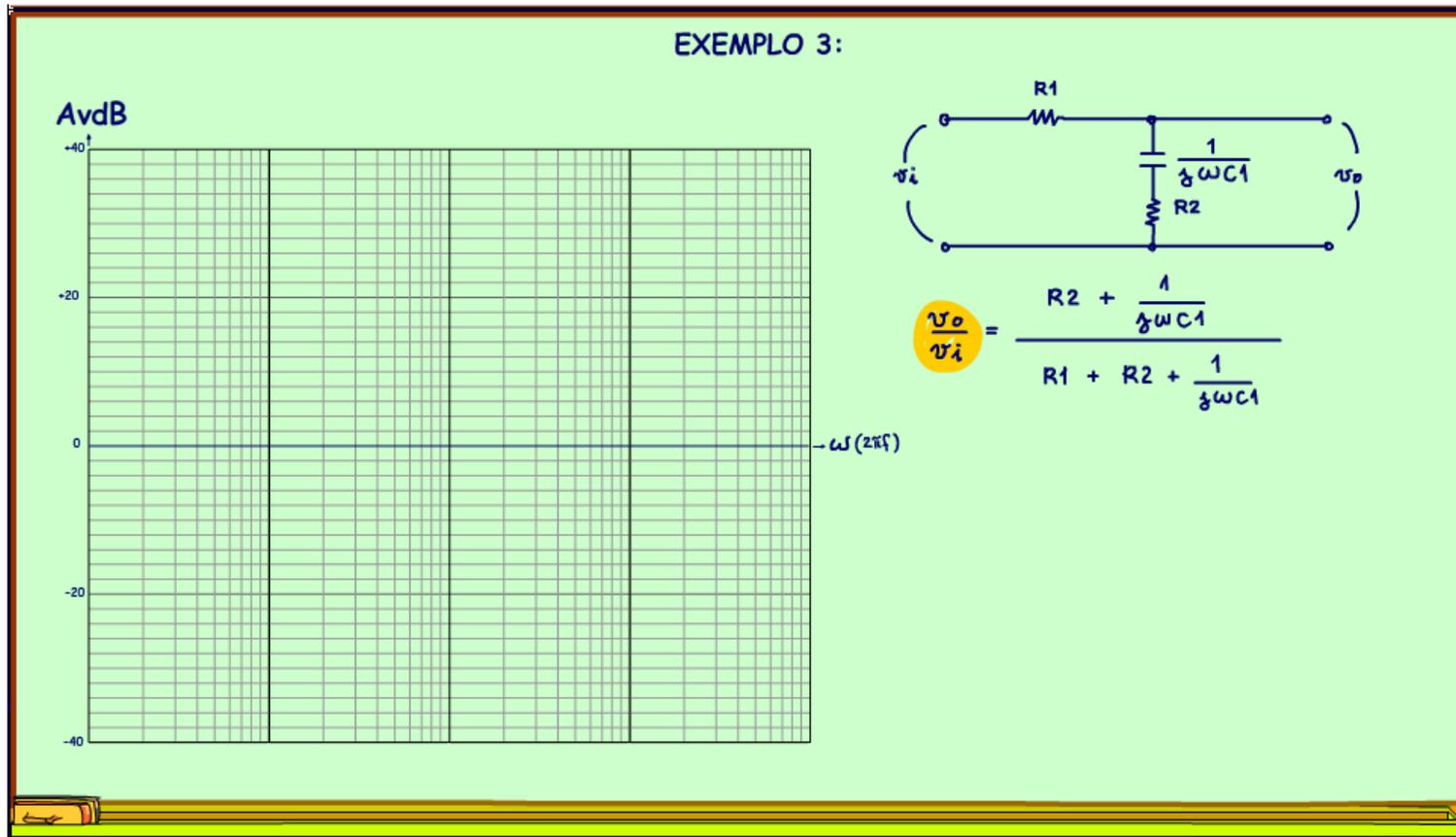


Figura 89

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Vou usar novamente o divisor de tensão, mas cuidado a impedância em paralelo com a saída agora é a soma de R2 com C1.

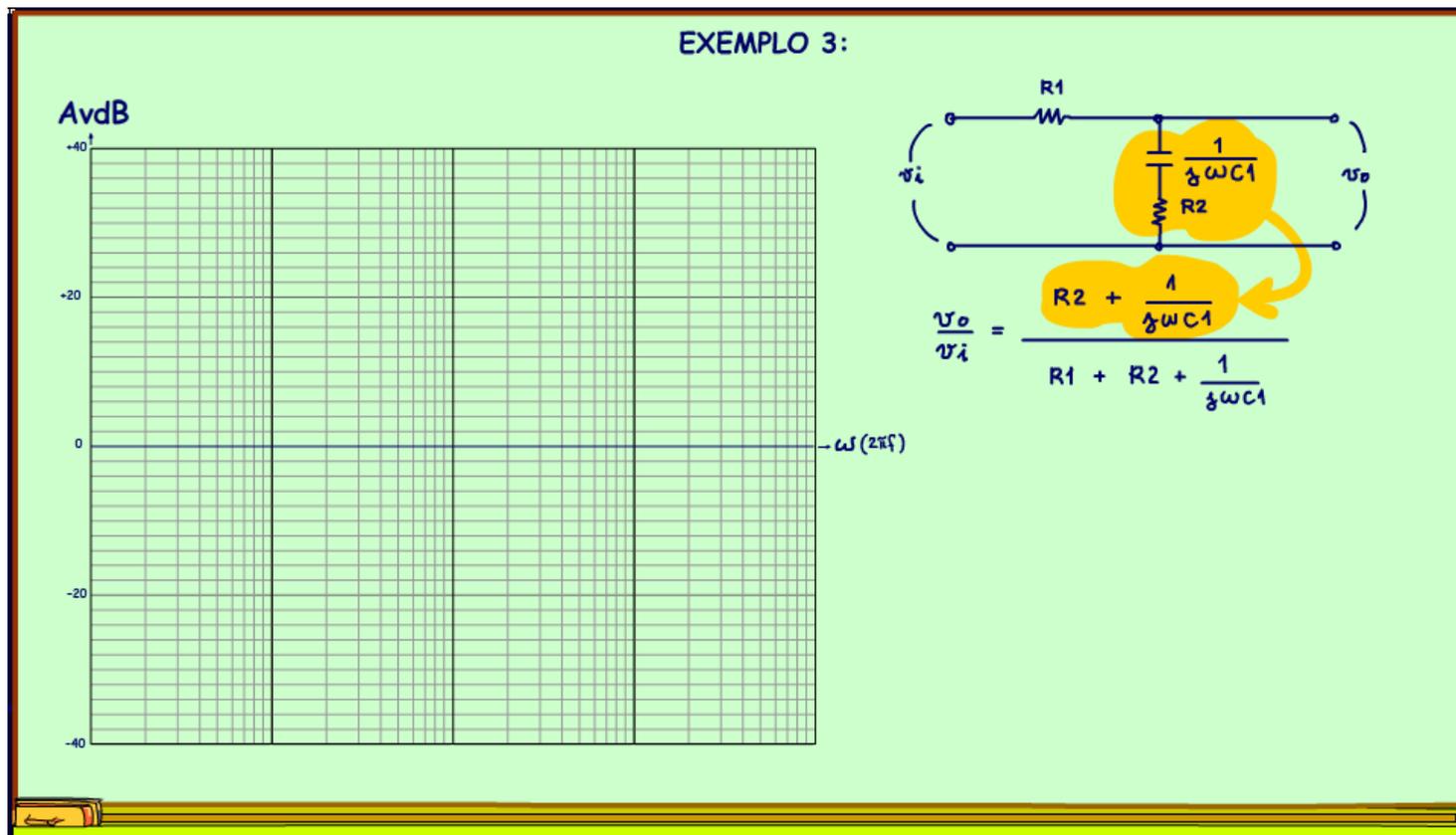


Figura 90

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

No denominador a soma de R1 com a impedância em paralelo, simples assim.

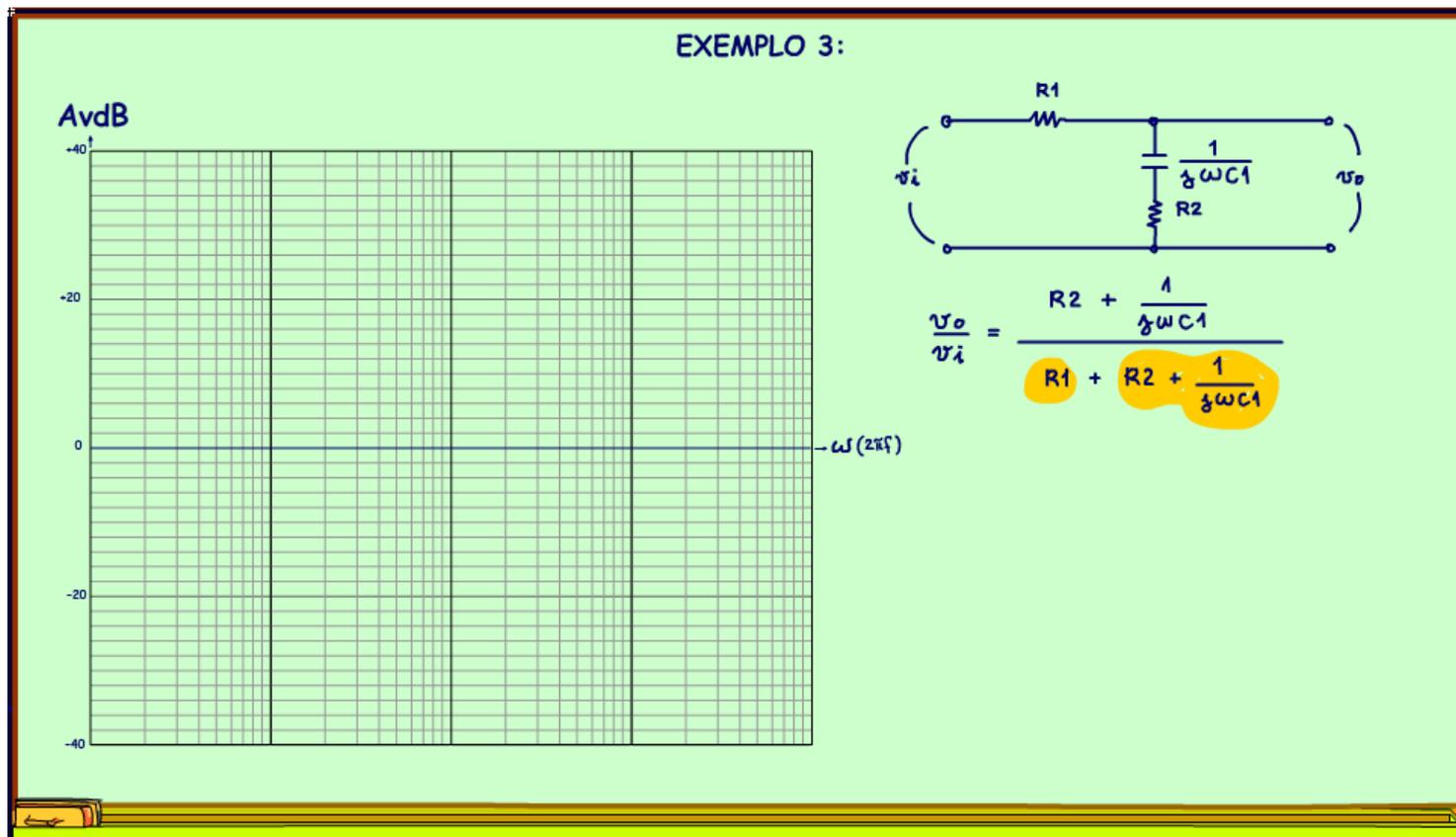


Figura 91

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Agora é matemática, e pode ter mais de uma forma de resolver, eu vou primeiro somar a fração do numerador, já fizemos isso antes, viu como as operações vão se repetindo, então tem que praticar.

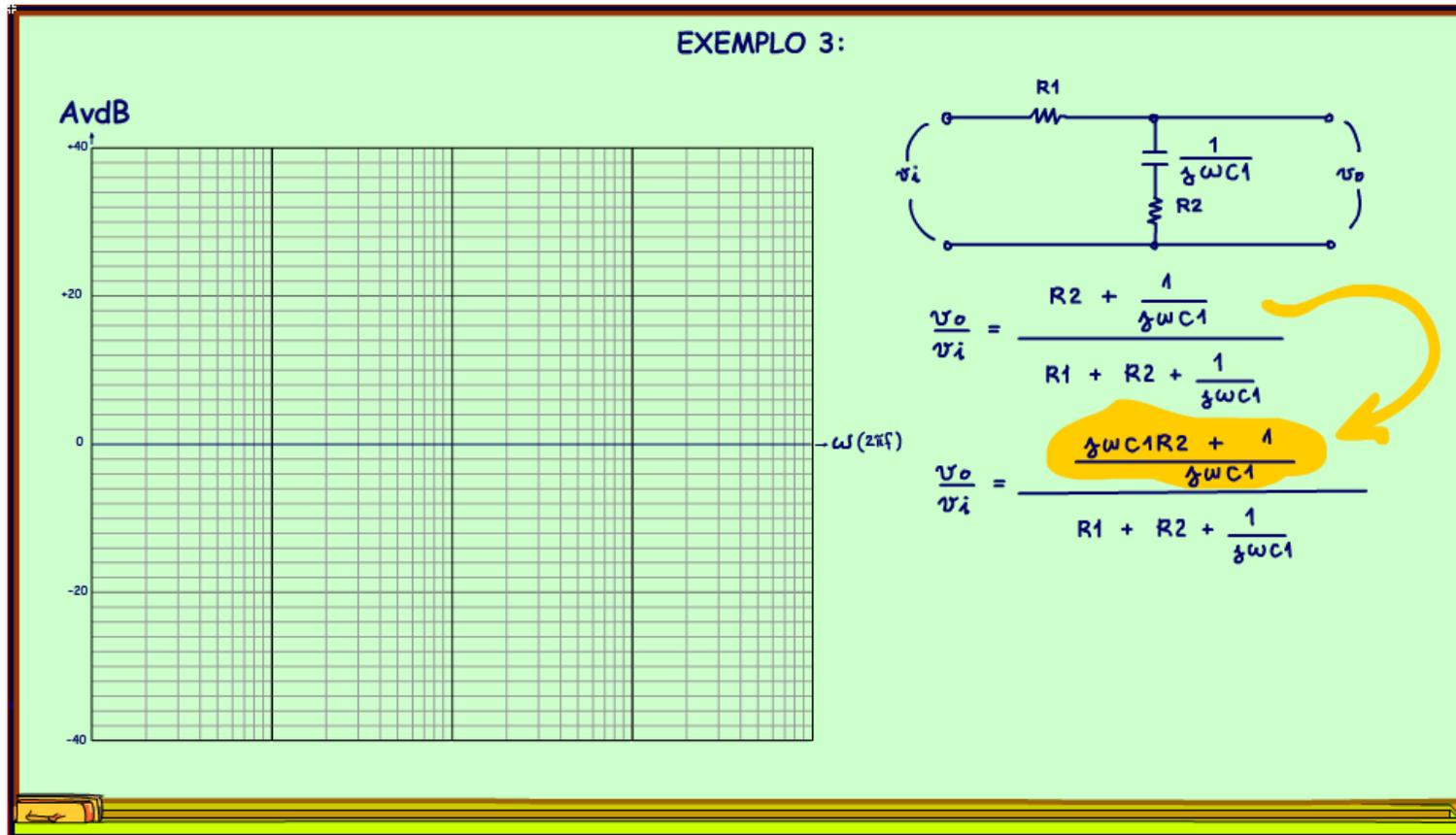
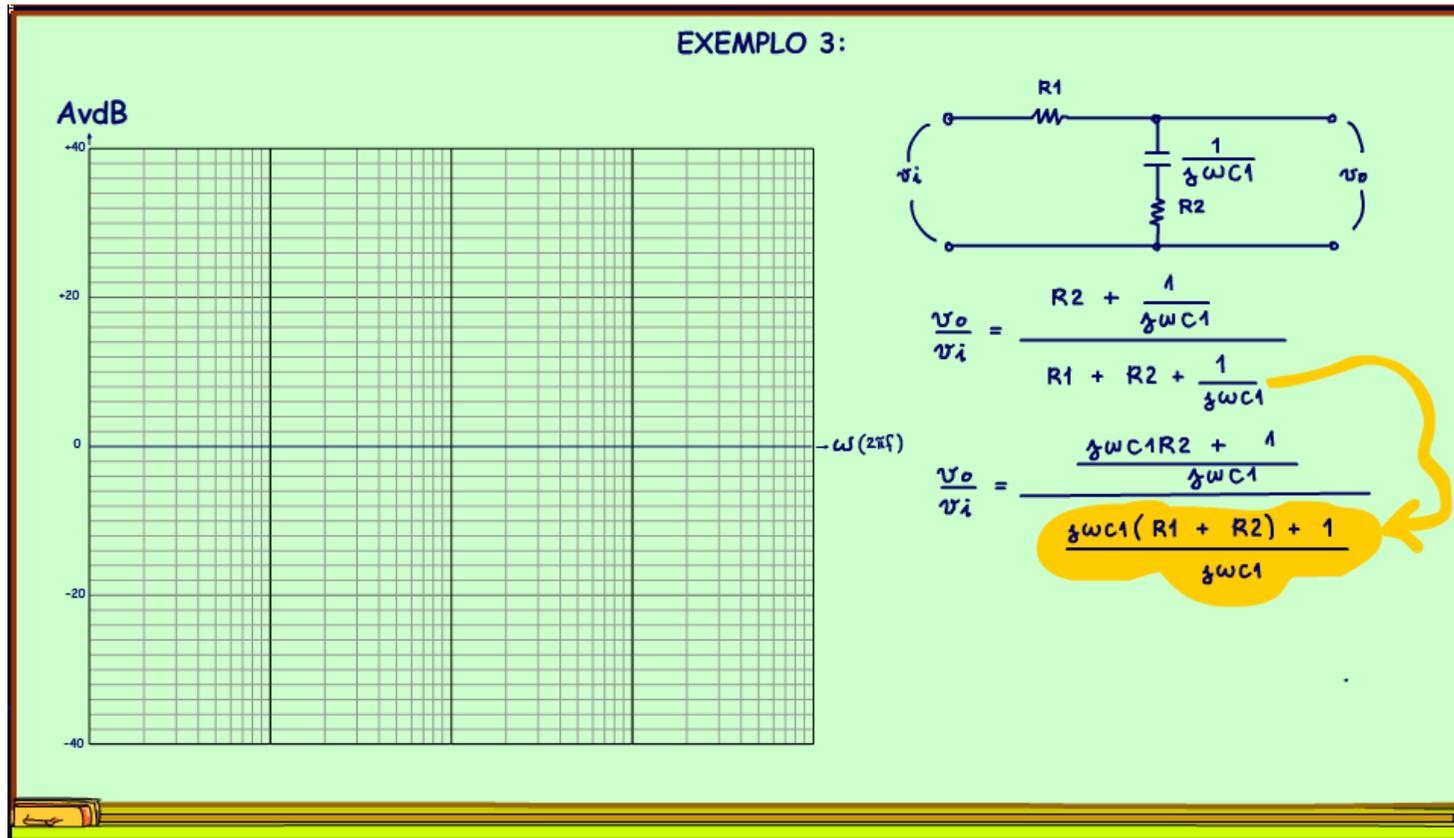


Figura 92

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Vou fazer o mesmo no denominador, o mínimo múltiplo comum vai multiplicar R1 mais R2, por isso ficou entre parênteses.



## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Agora a divisão de frações, o numerador multiplicando o denominador invertido, tudo se repetindo, divisão de frações lá do primário.

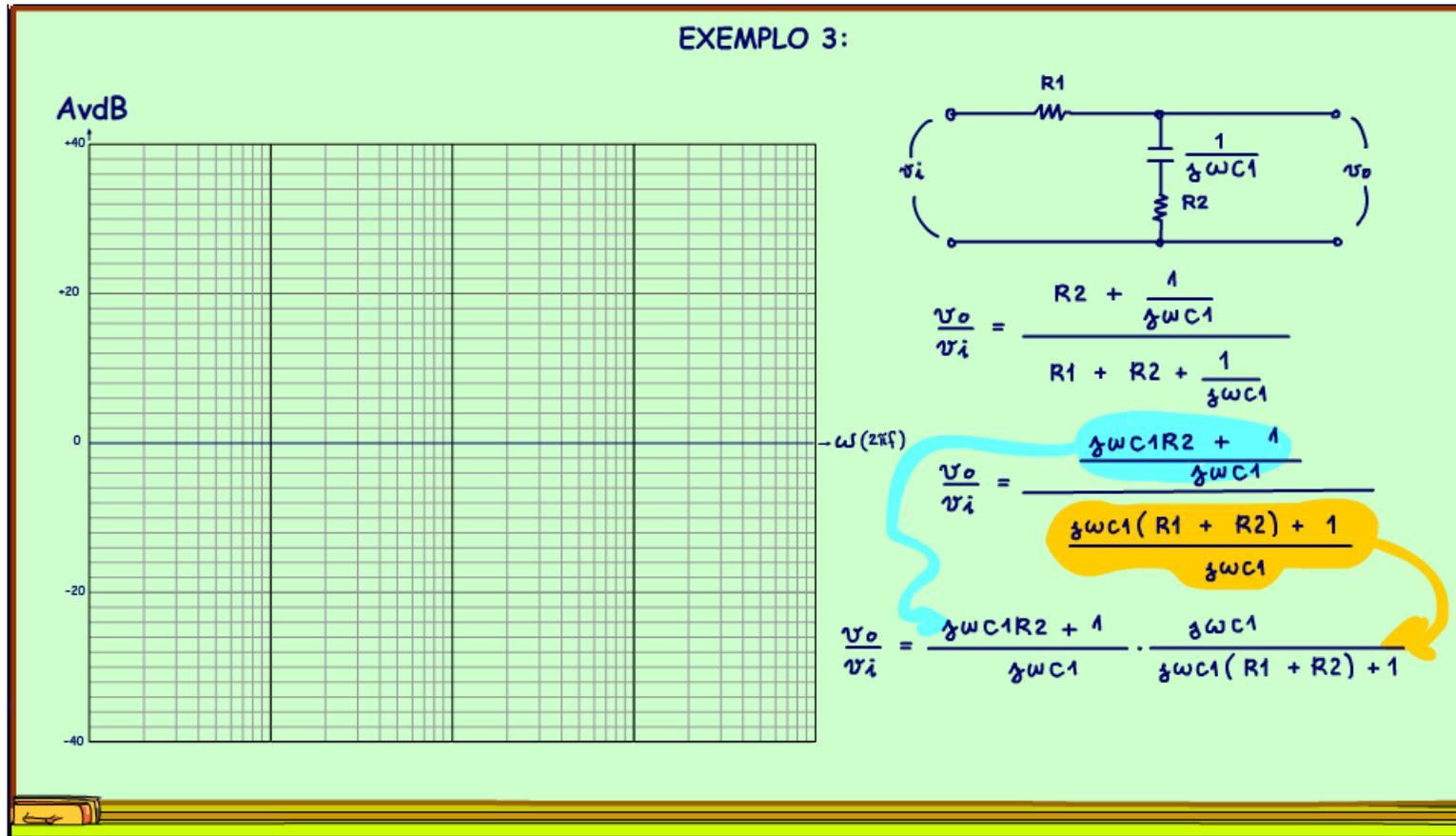


Figura 94

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Vocês conseguem ver a simplificação ali?

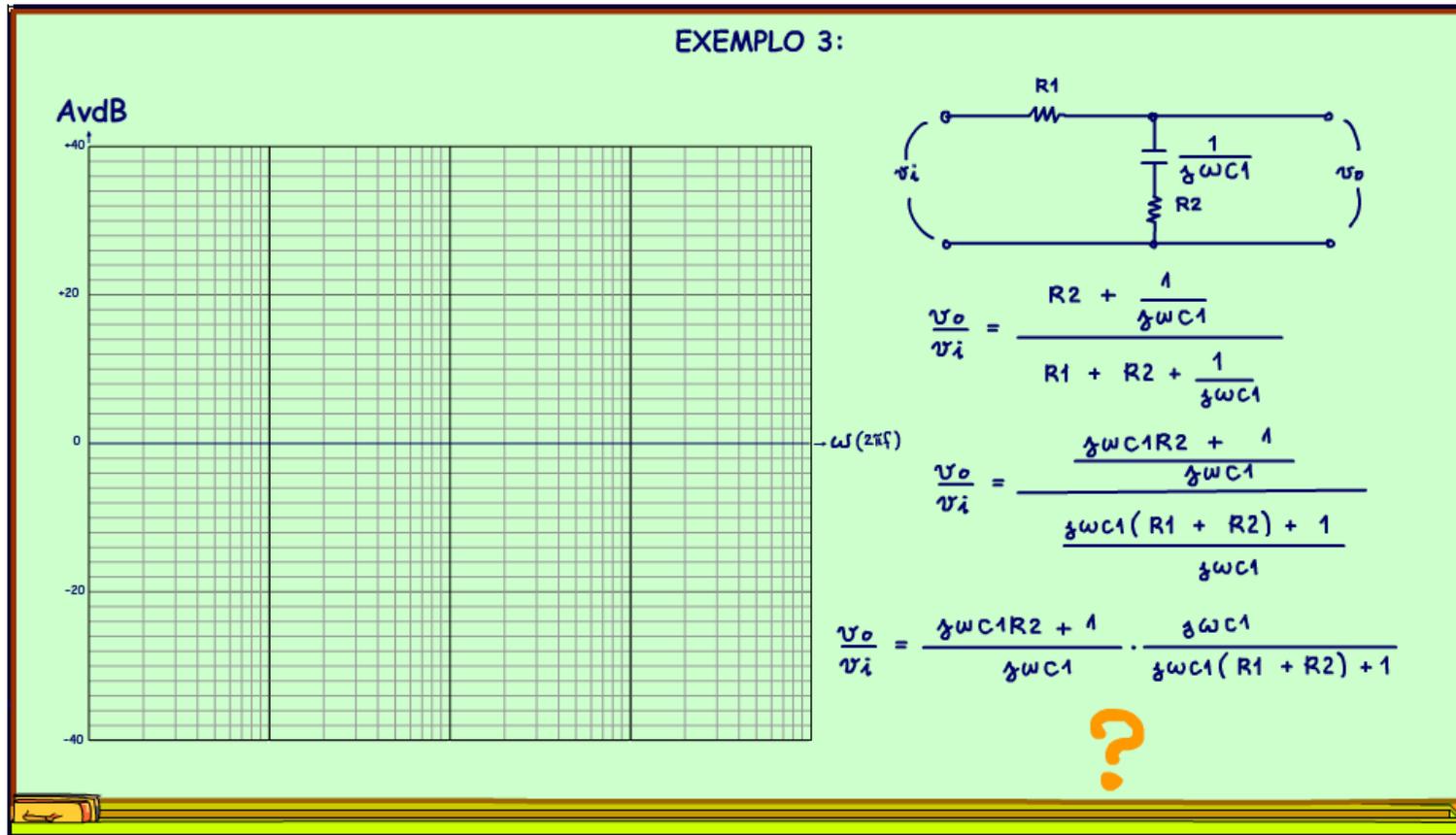


Figura 95

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Sim, o  $j\omega c1$  na primeira fração, simplifica com o  $j\omega c1$  da segunda fração.

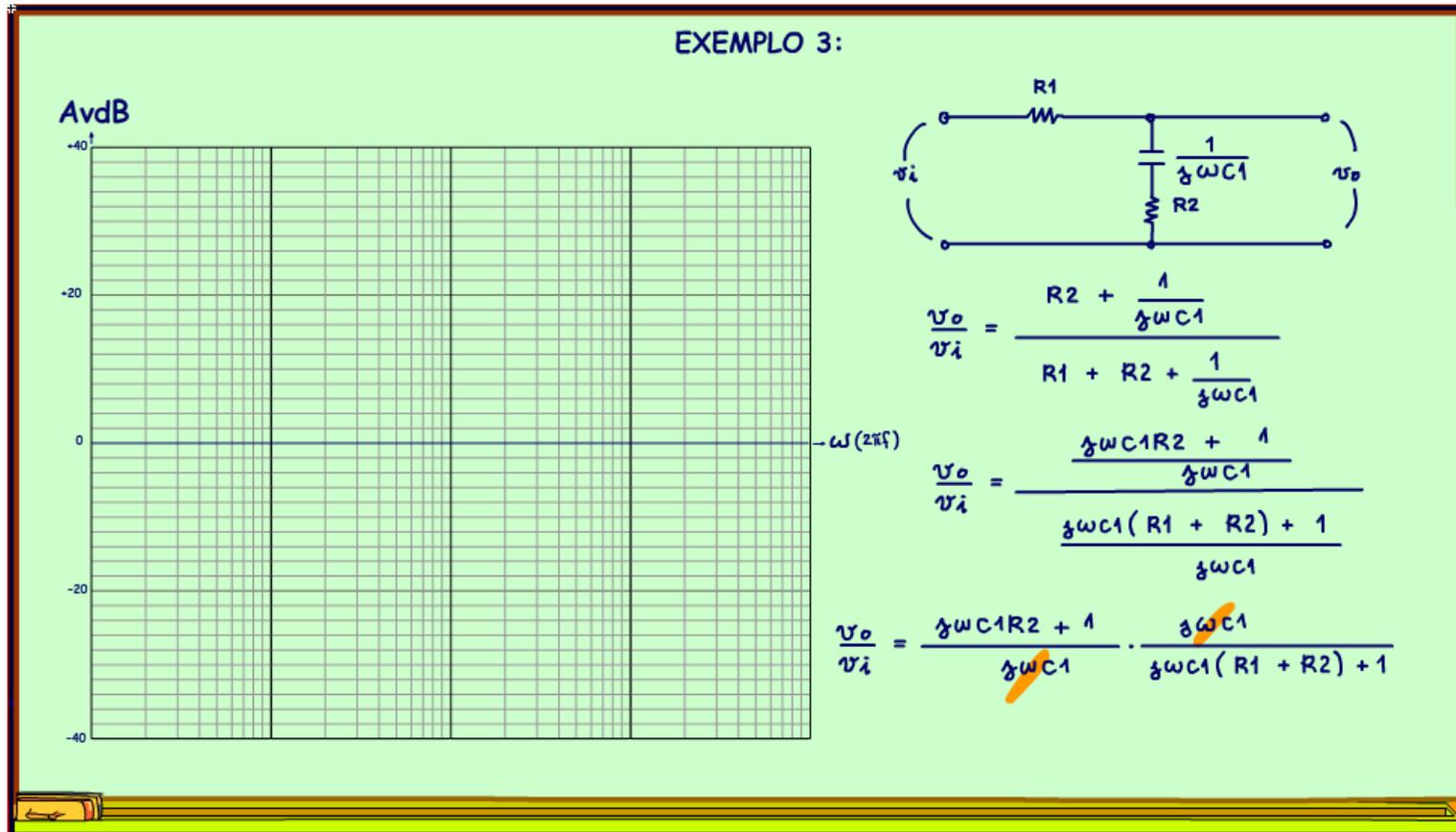


Figura 96

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

E pronto a mágica aconteceu, temos uma equação bem do jeitinho que precisamos para desenhar a curva de BODE, você até já está identificando os polos e zeros!

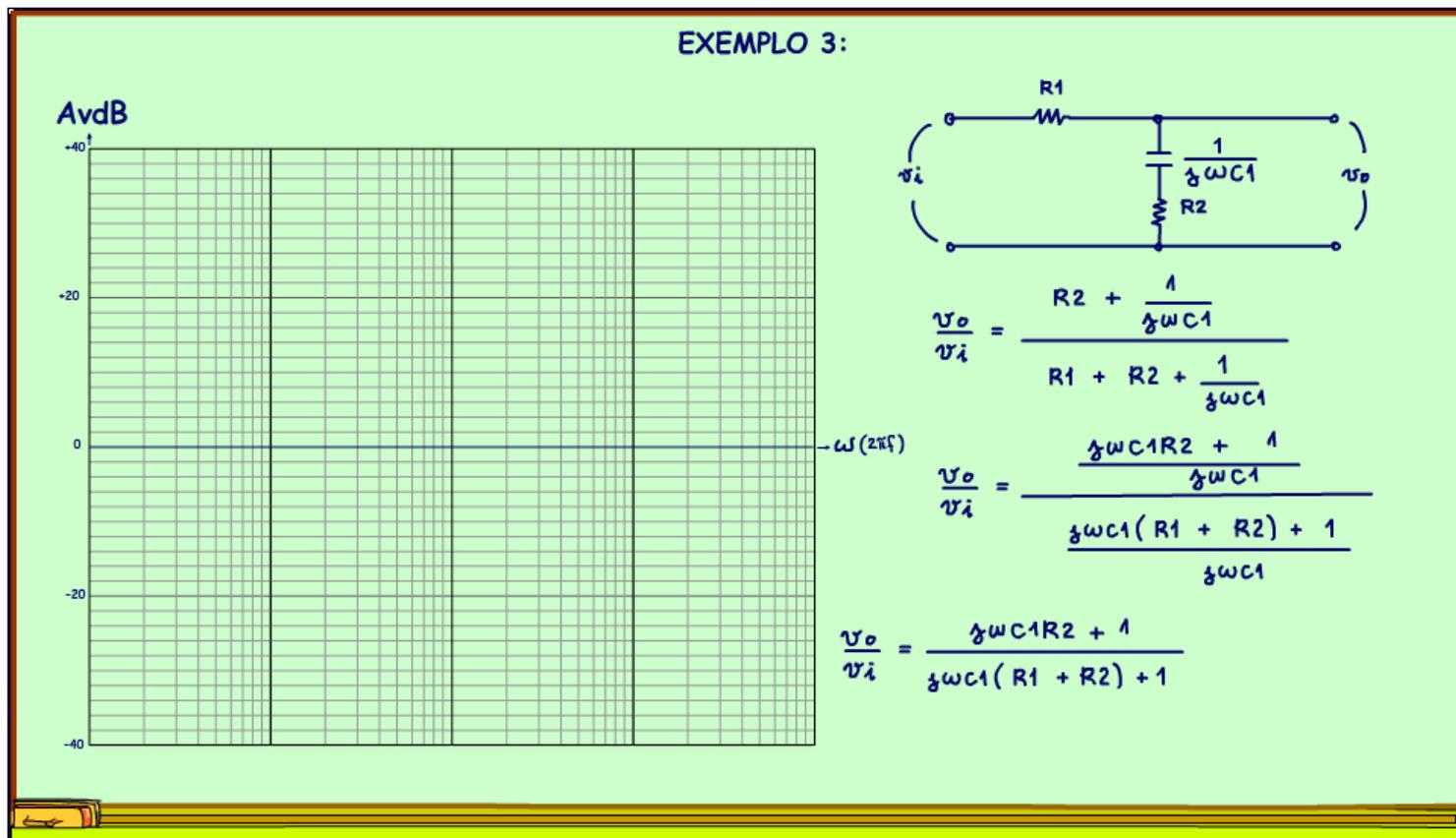


Figura 97

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Pronto essa é a solução do circuito.

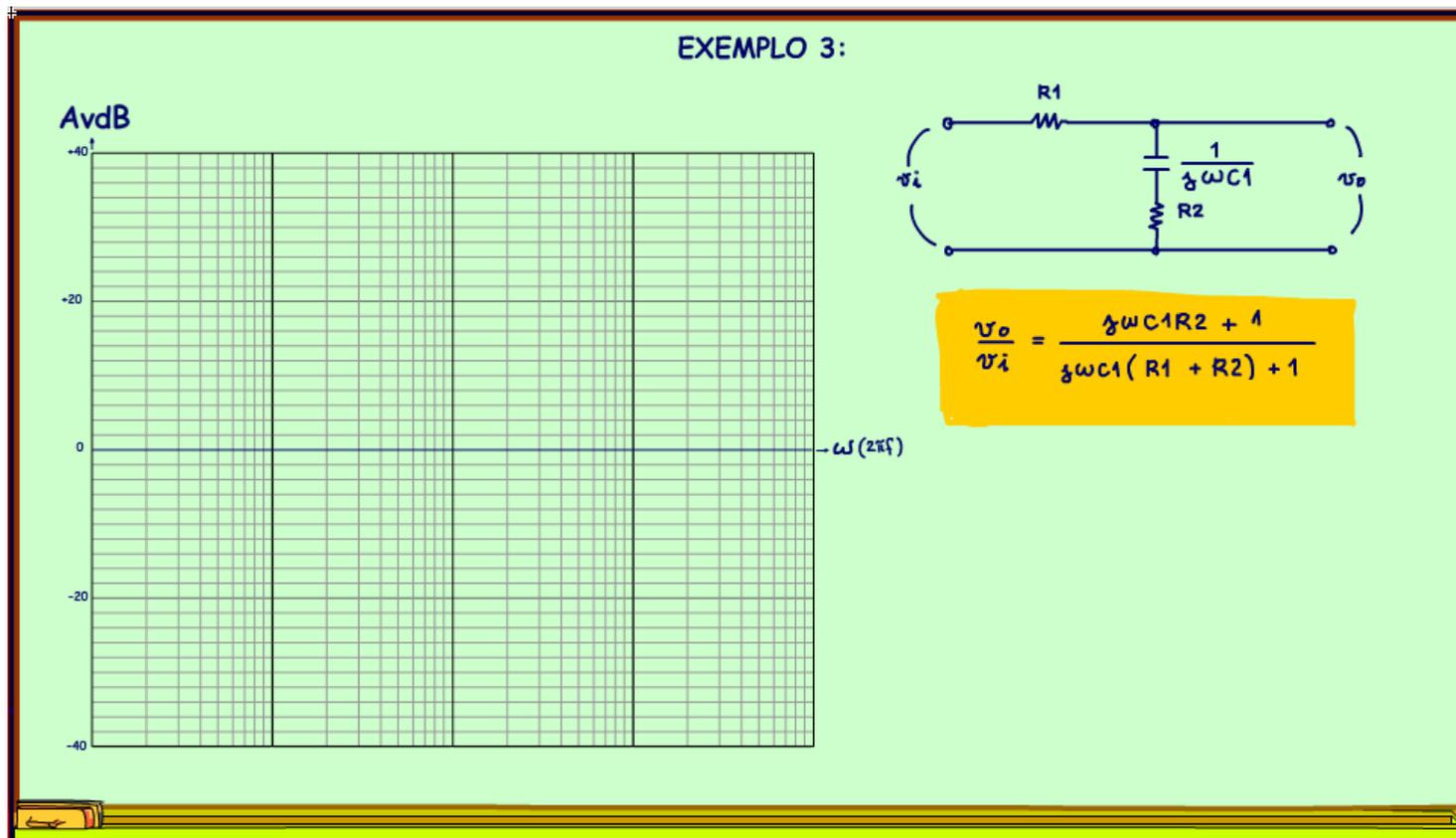


Figura 98

### BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Uma equação com um polo.

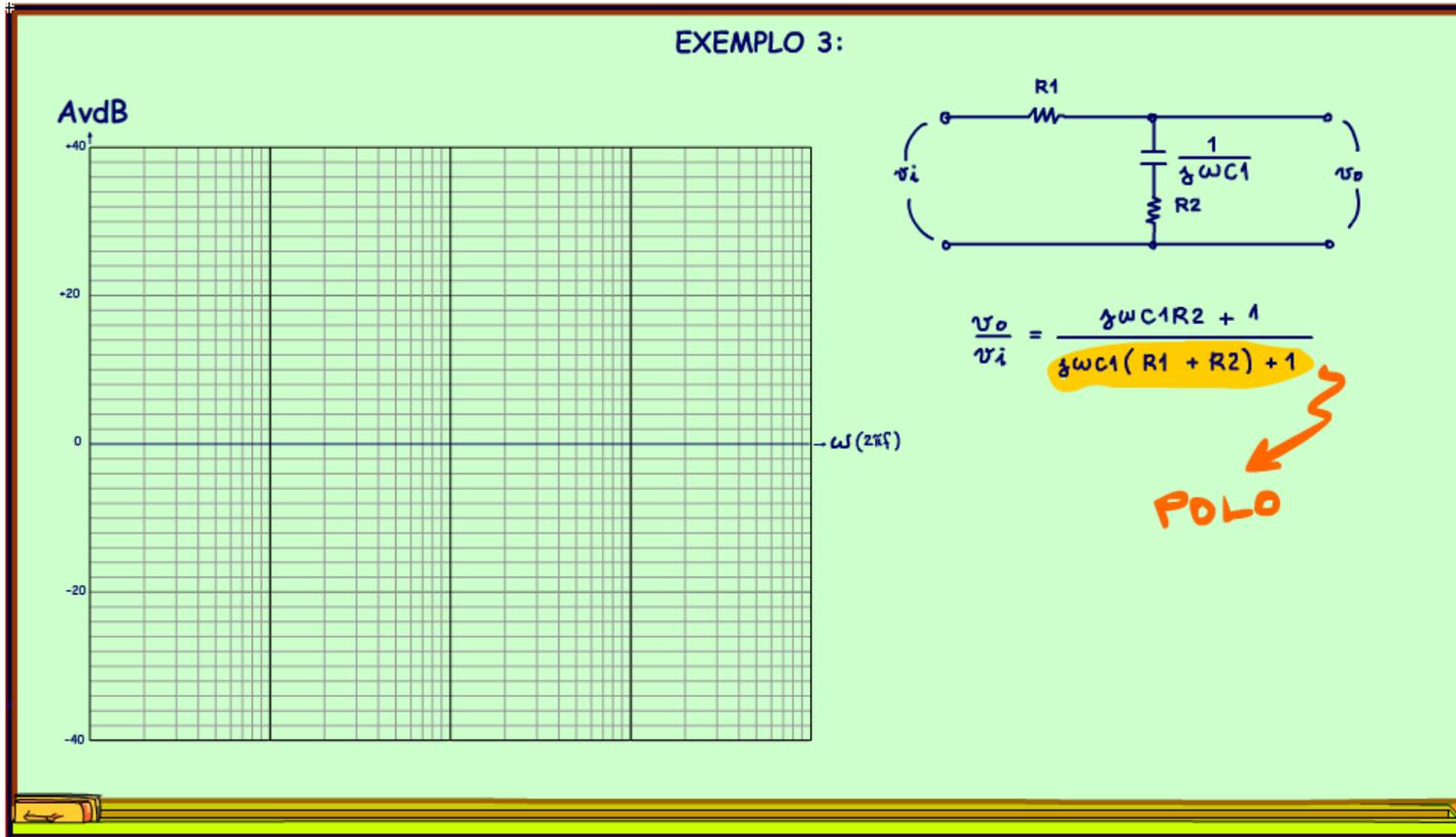


Figura 99

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

E um zero.

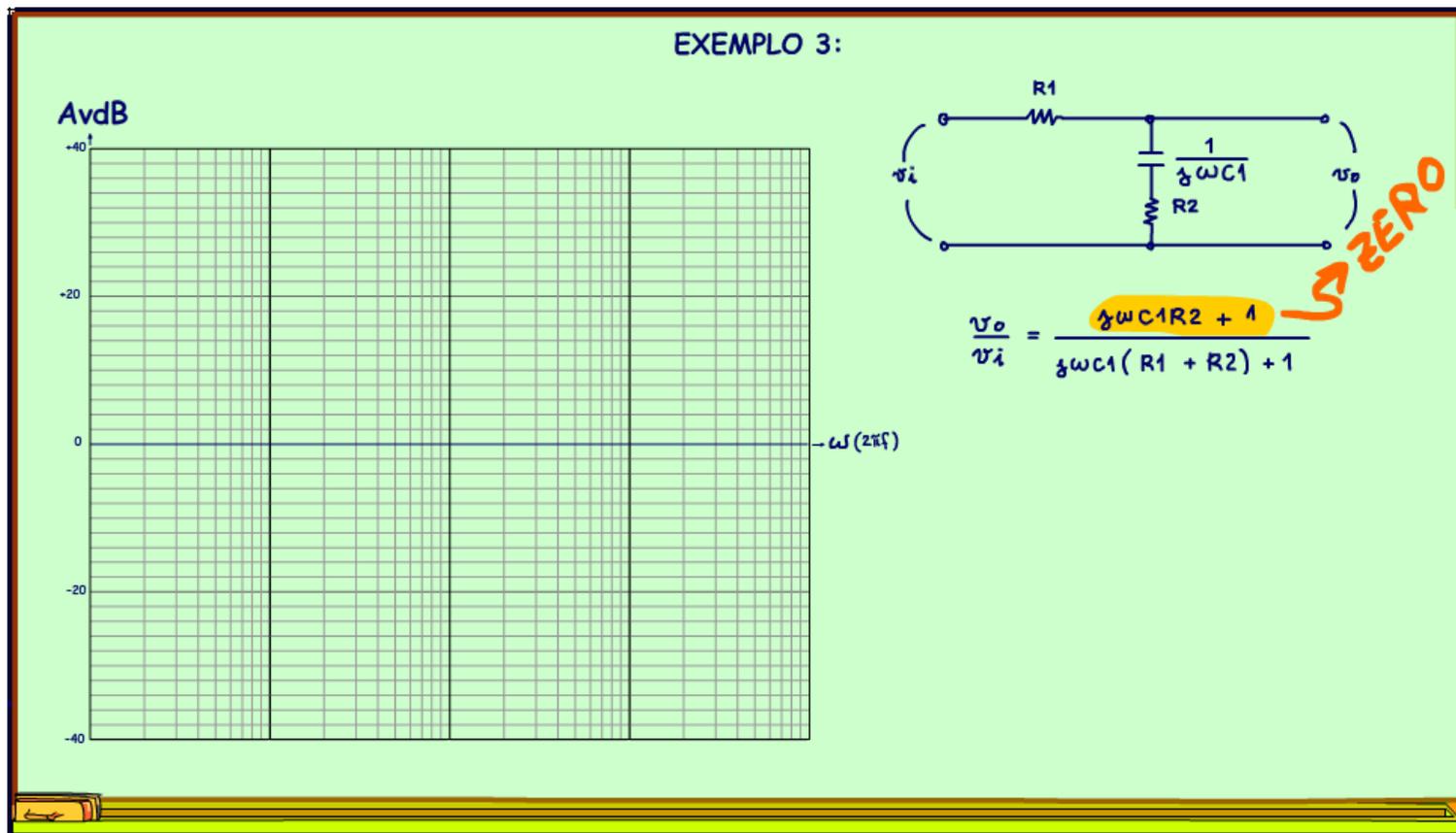


Figura 100

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

A velocidade angular na frequência de corte do polo é dada por um sobre C1 que multiplica R1 mais R2.

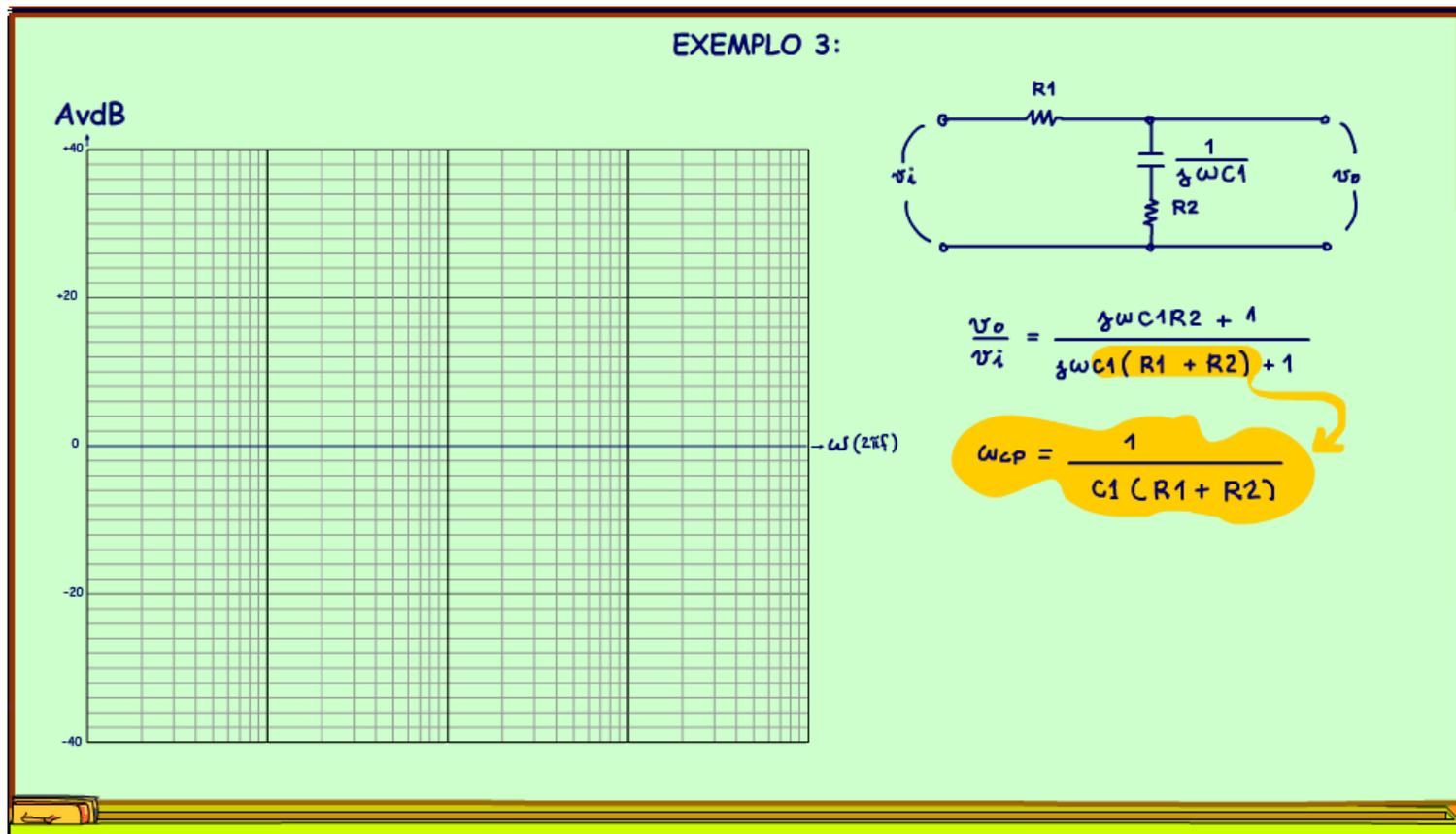


Figura 101

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Viu como a constante de tempo pode ser bem diferente, vai depender só do circuito.

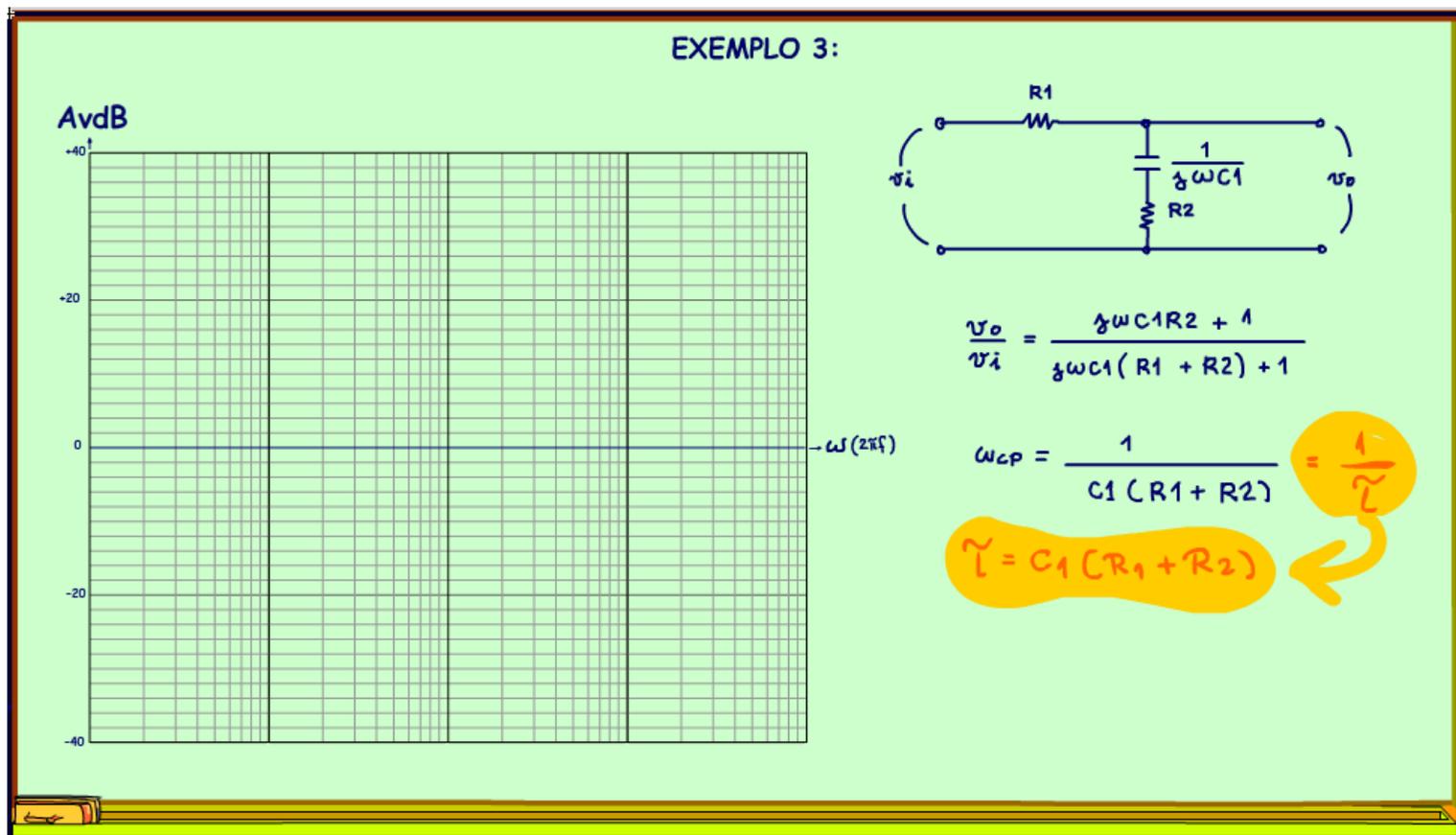


Figura 102

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Já a velocidade angular na frequência de corte do zero é igual a um sobre C1 vezes R2, mais normalzinha.

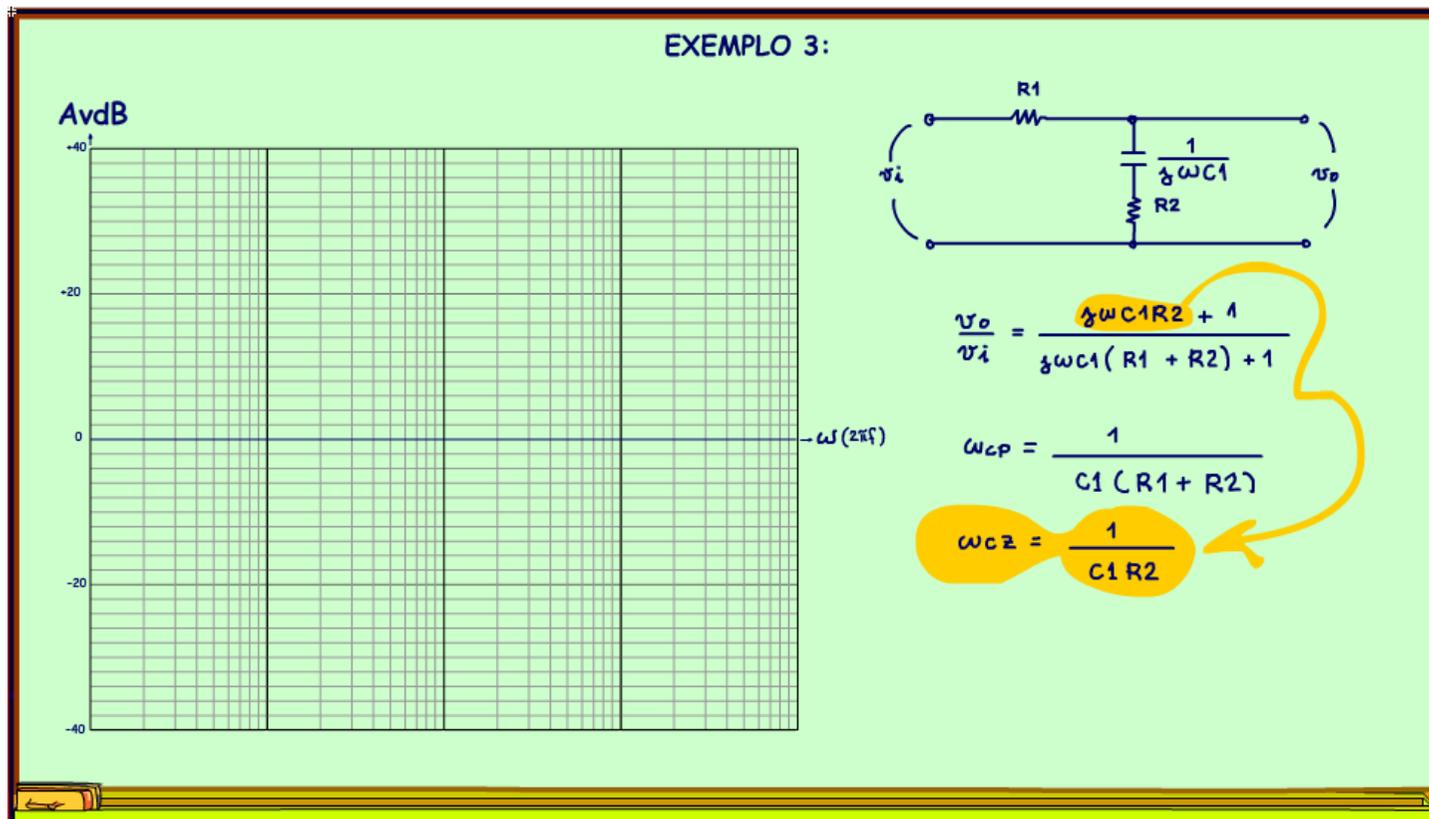


Figura 103

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Como eu não dei os valores não posso dizer o ponto exato que as velocidades angulares das frequências de cortes estarão localizadas, mas eu posso dizer que a velocidade angular da frequência de corte do polo é menor do que a velocidade angular da frequência de corte do zero.

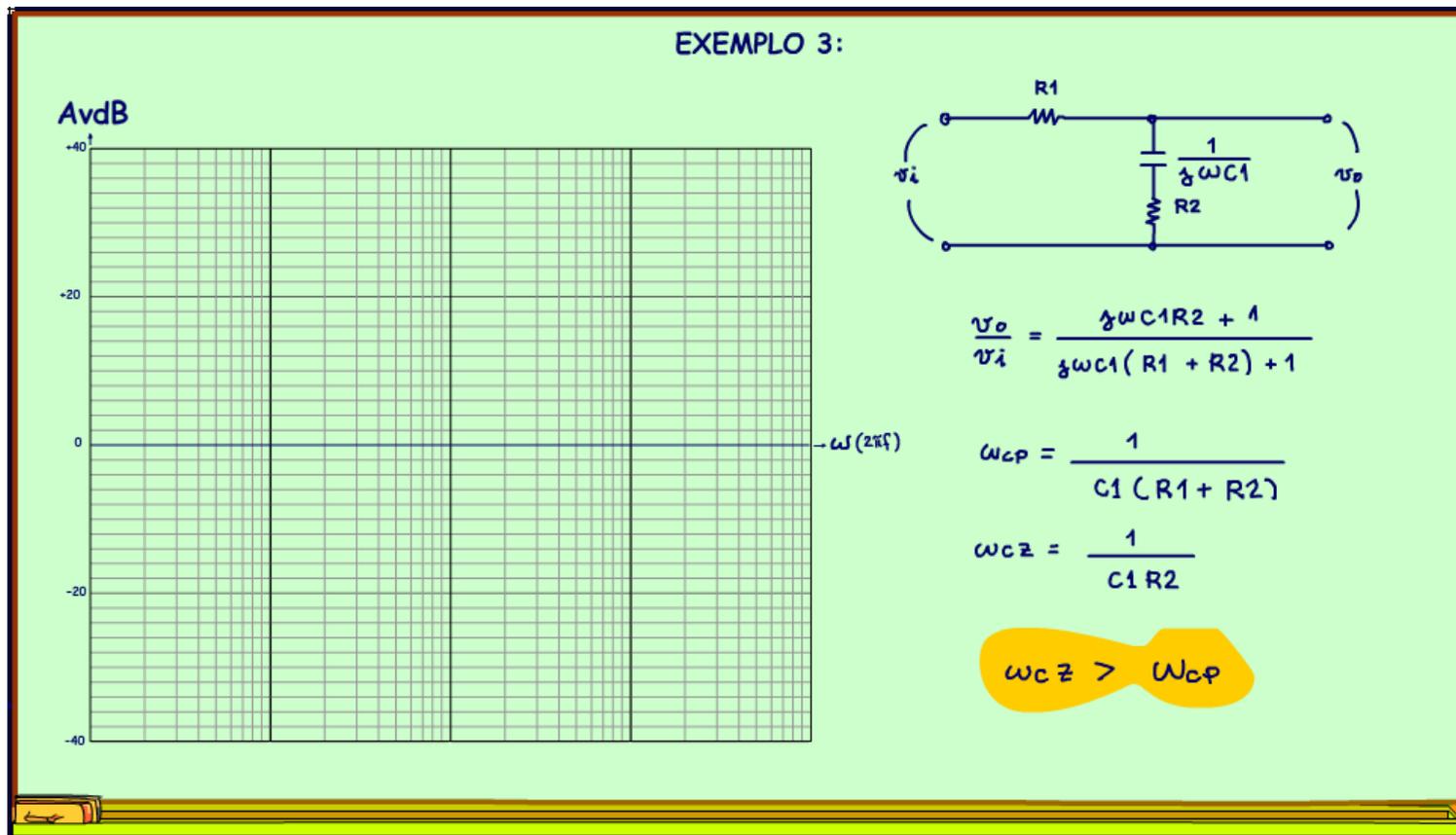


Figura 104

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Isso implica que no gráfico vou ter duas velocidades angulares nas frequências de cortes, a do polo mais à esquerda e a do zero mais à direita, no desenho eu posicionei assim para ressaltar o resultado.

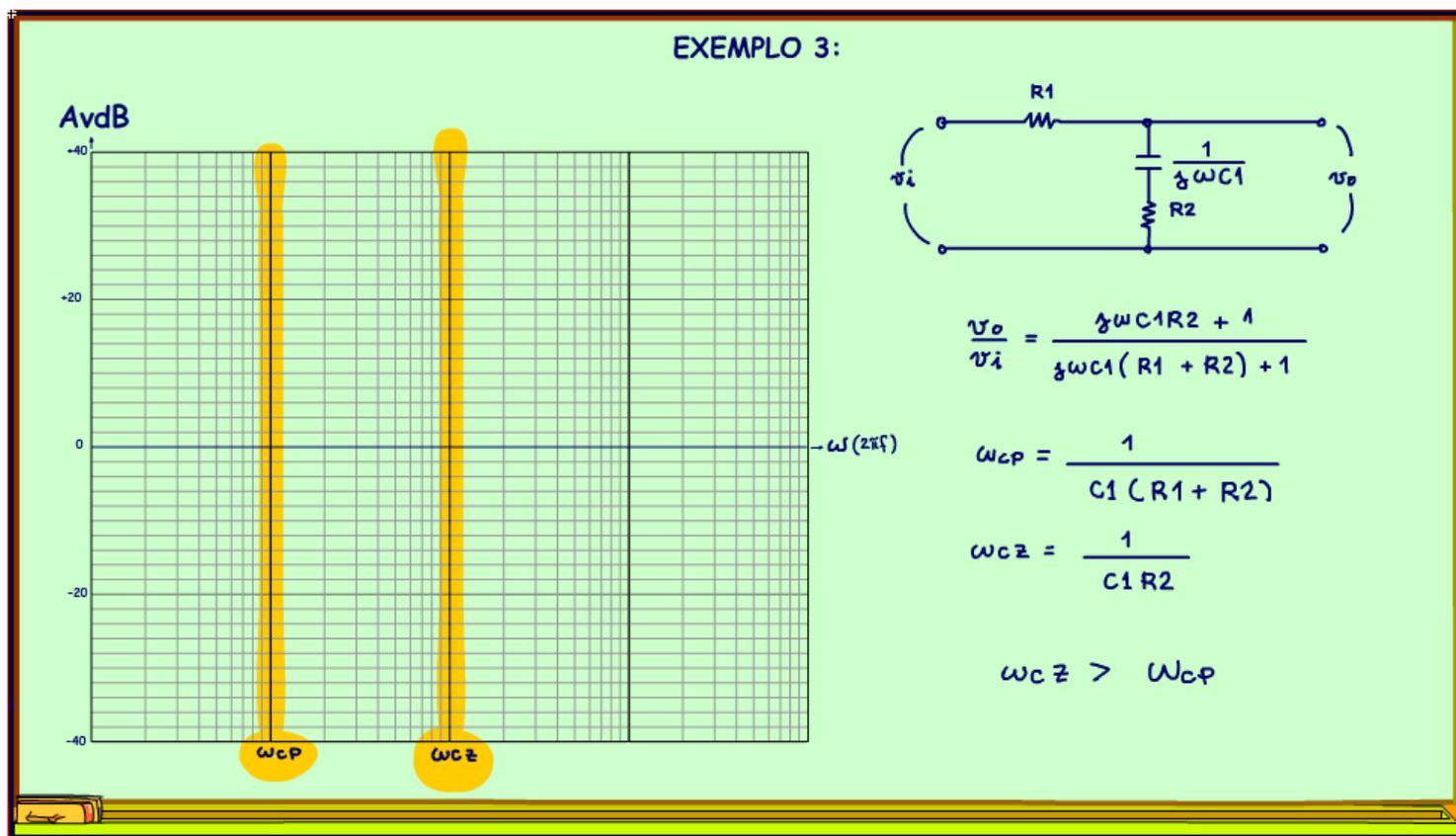


Figura 105

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Os gráficos você já sabe desenhar, é a parte mais fácil, não tem segredo, é só desenhar os gráficos padrões, primeiro em vermelho para o polo, quebrando na velocidade angular da frequência de corte do polo e descendo com inclinação de menos 20 db por década.

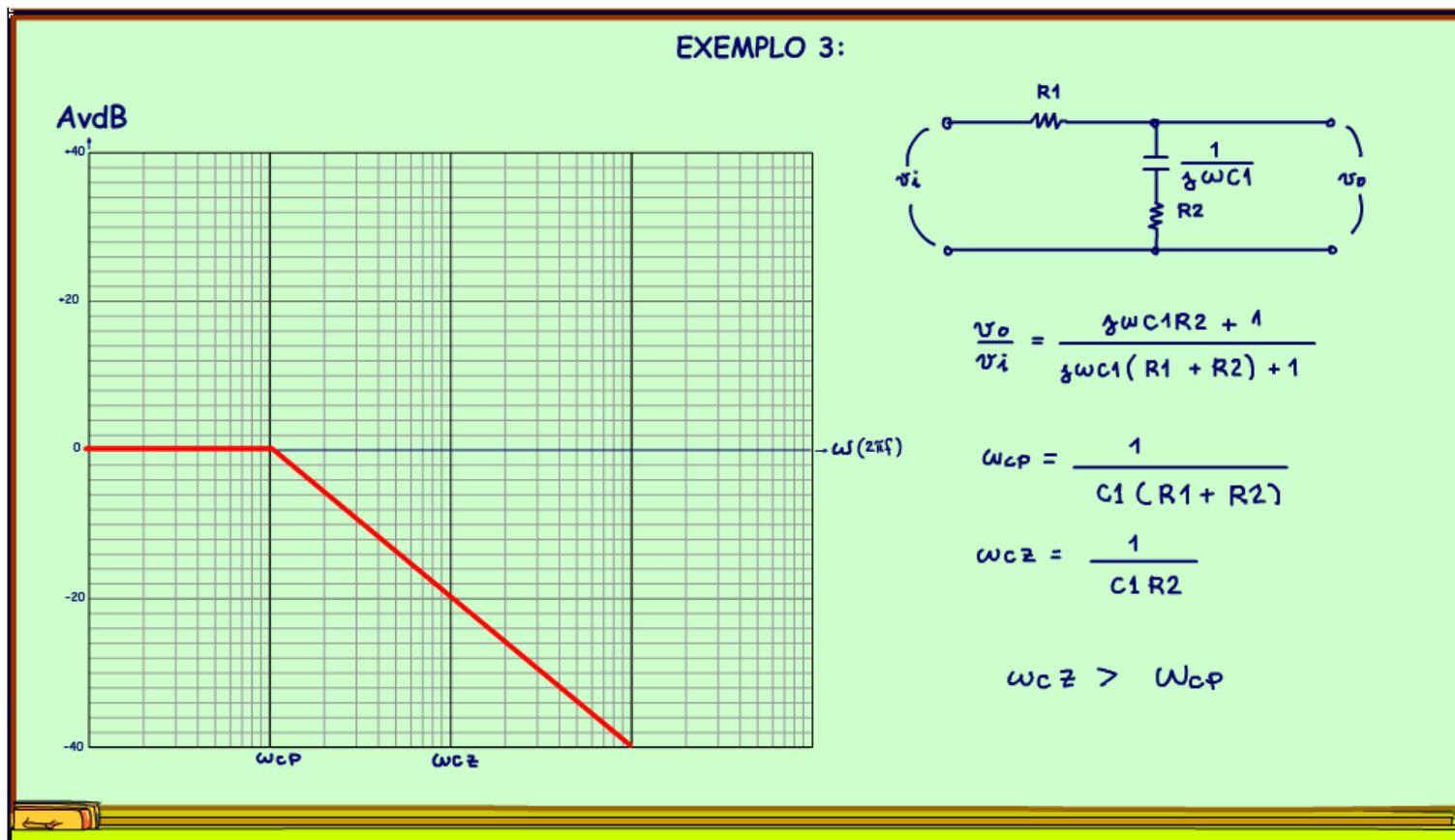


Figura 106

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Depois você desenha o zero quebrando na velocidade angular da frequência de corte do zero, e subindo com inclinação de mais 20 db por década, vou desenhar em verde.

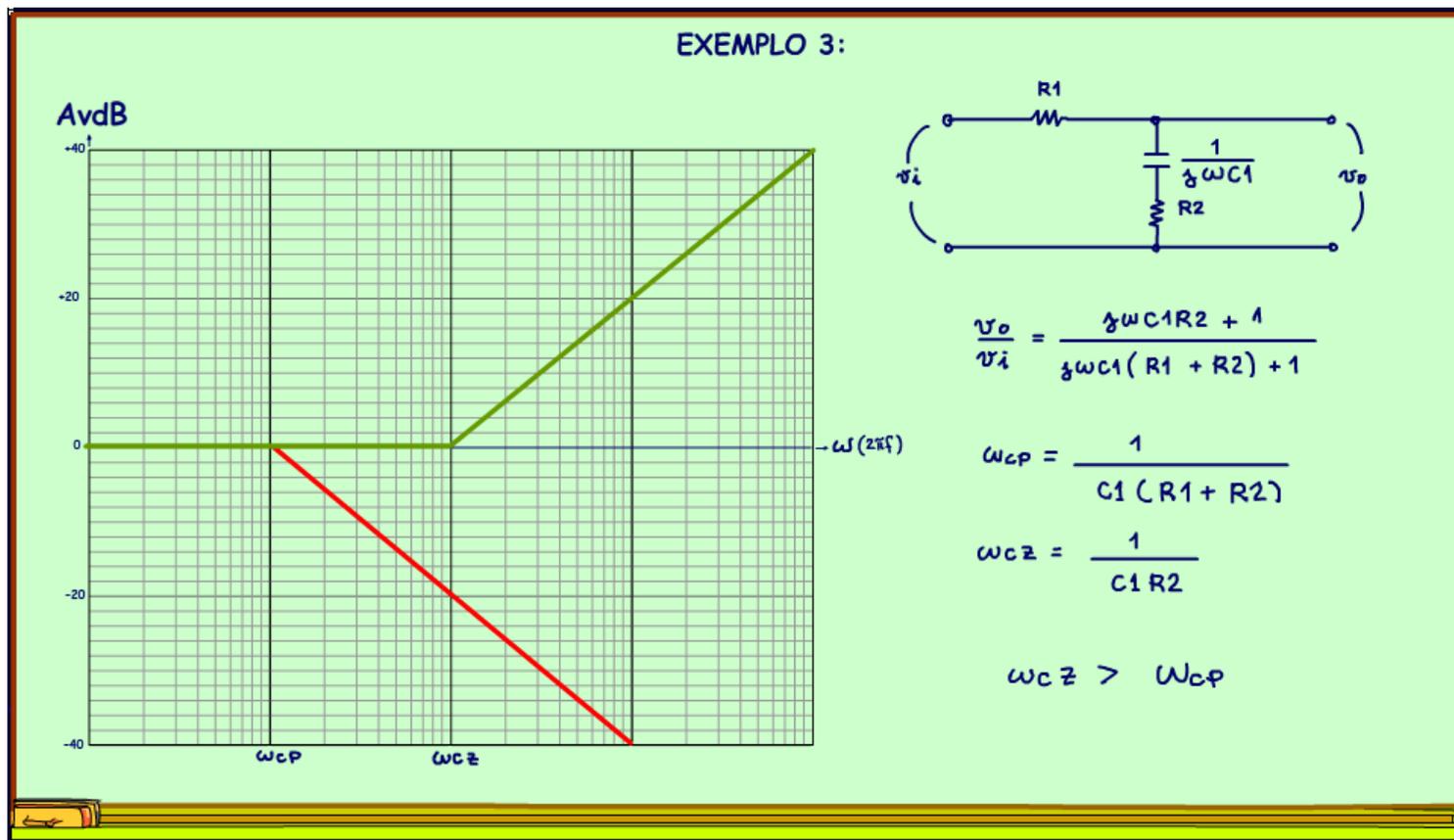


Figura 107

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Agora é só somar tudo ponto a ponto.

Antes da velocidade angular da frequência de corte do polo, soma zero com zero não muda nada.

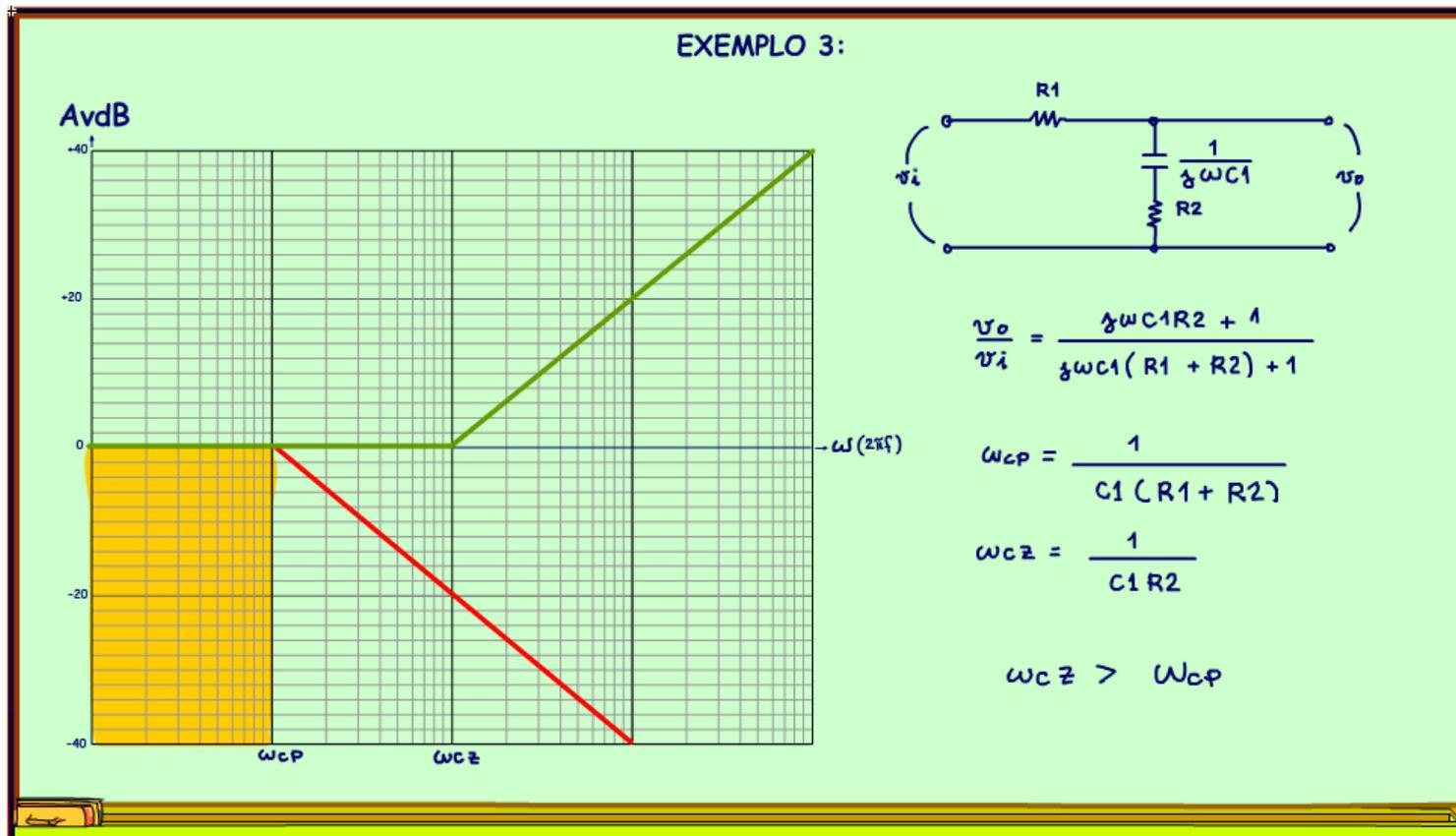


Figura 108

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Entre a velocidade angular da frequência de corte do polo e do zero somente a reta do polo puxa a curva para baixo descendo a 20 db por década até encontrar a velocidade angular da frequência de corte do zero.

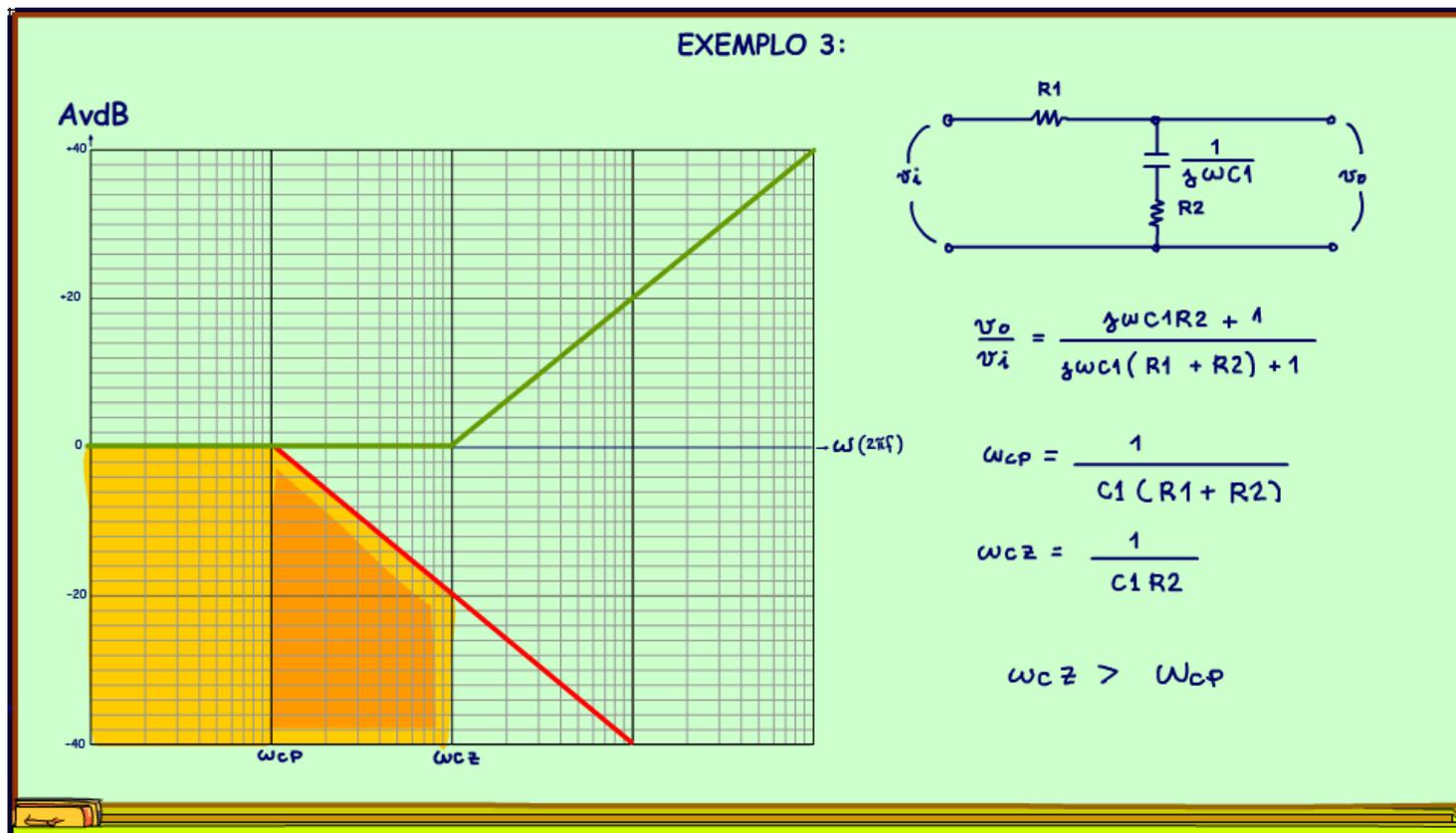


Figura 109

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Depois da velocidade angular da frequência de corte do zero você já sabe o que vai acontecer, a curva do polo puxa para baixo e a curva do zero puxa para cima, resultado, a amplitude se mantém constante, a saída não é atenuada.

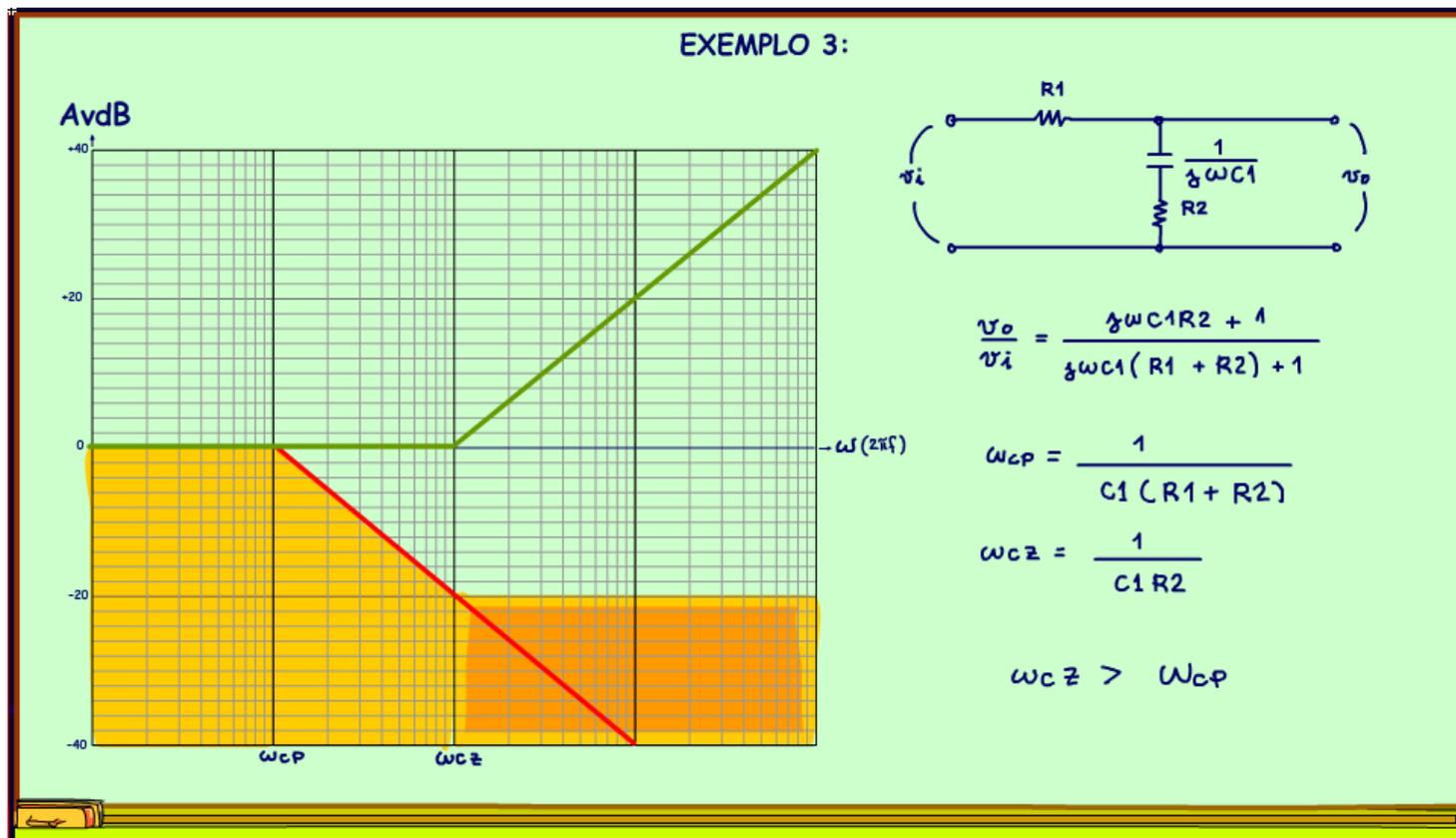


Figura 110

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

E esta é a resposta em frequência desse circuito, sem o desenho da curva de BODE seria quase impossível explicar esse comportamento.

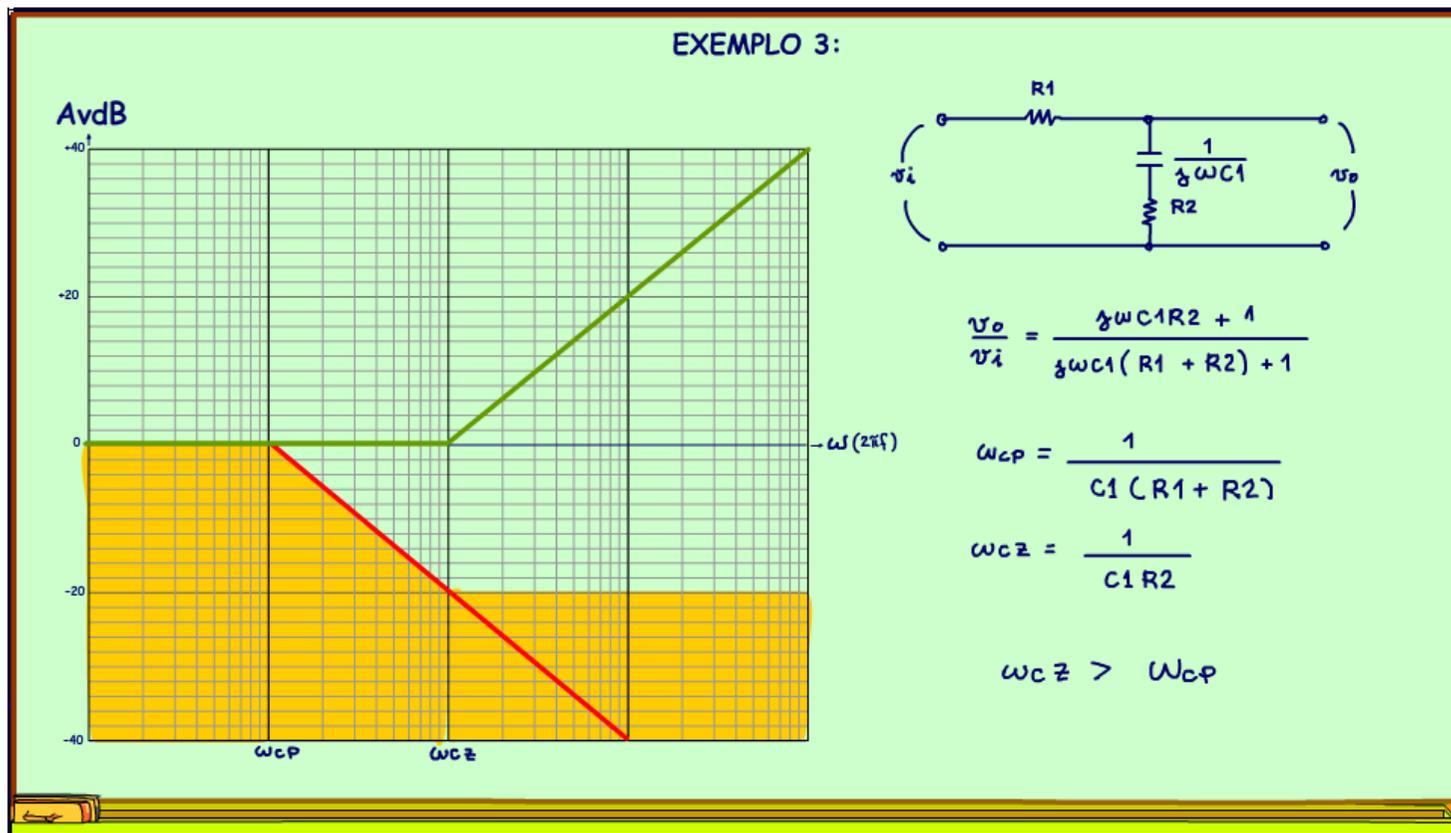


Figura 111

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Antes da velocidade angular da frequência de corte do zero, o circuito se comporta como um filtro passa baixo RC convencional, com a velocidade angular da frequência de corte exatamente na velocidade angular da frequência de corte do polo.

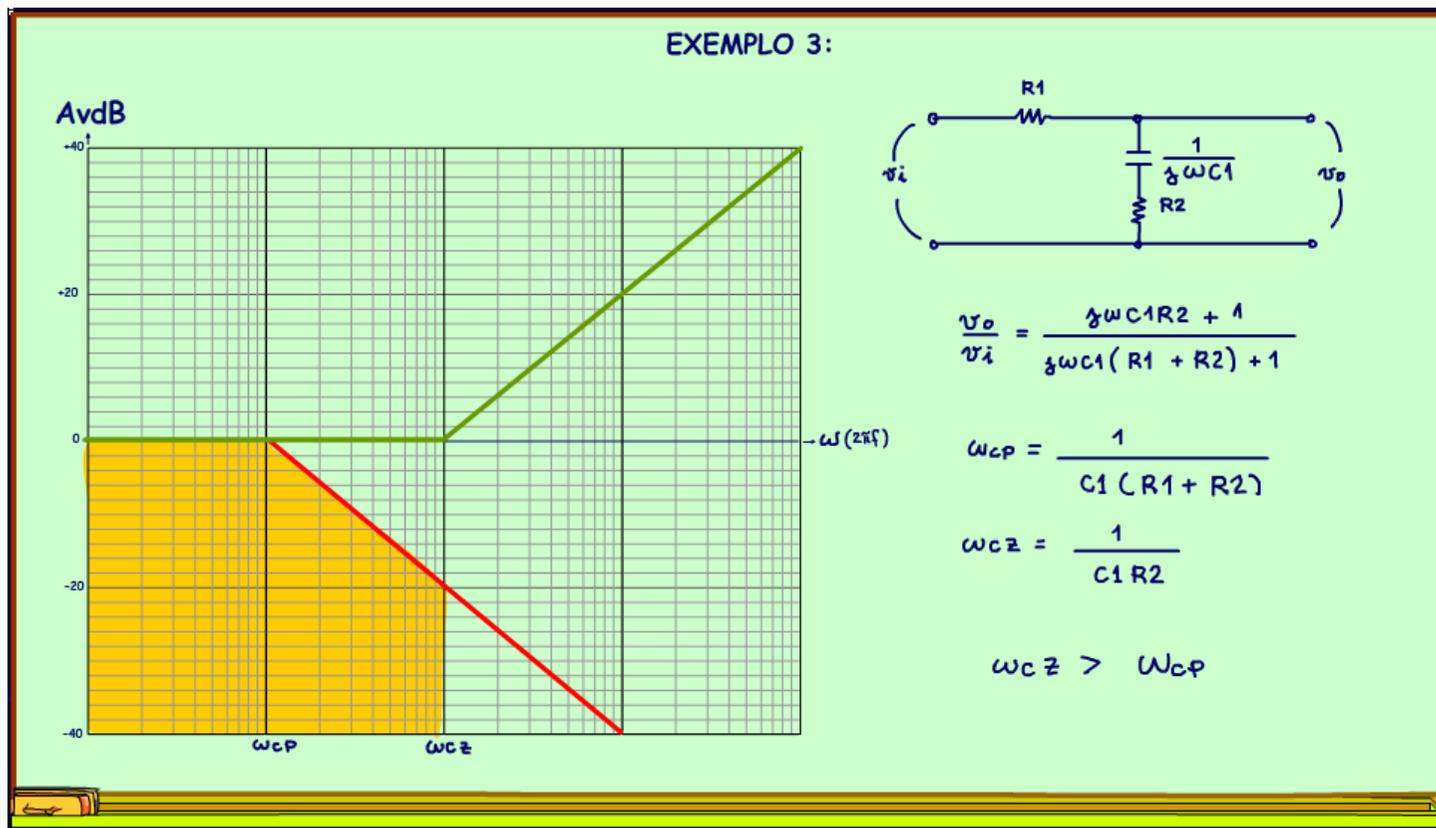


Figura 112

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

A partir da velocidade angular da frequência de corte do zero o circuito estabiliza, mantém uma saída mínima, não atenua totalmente o sinal de entrada.

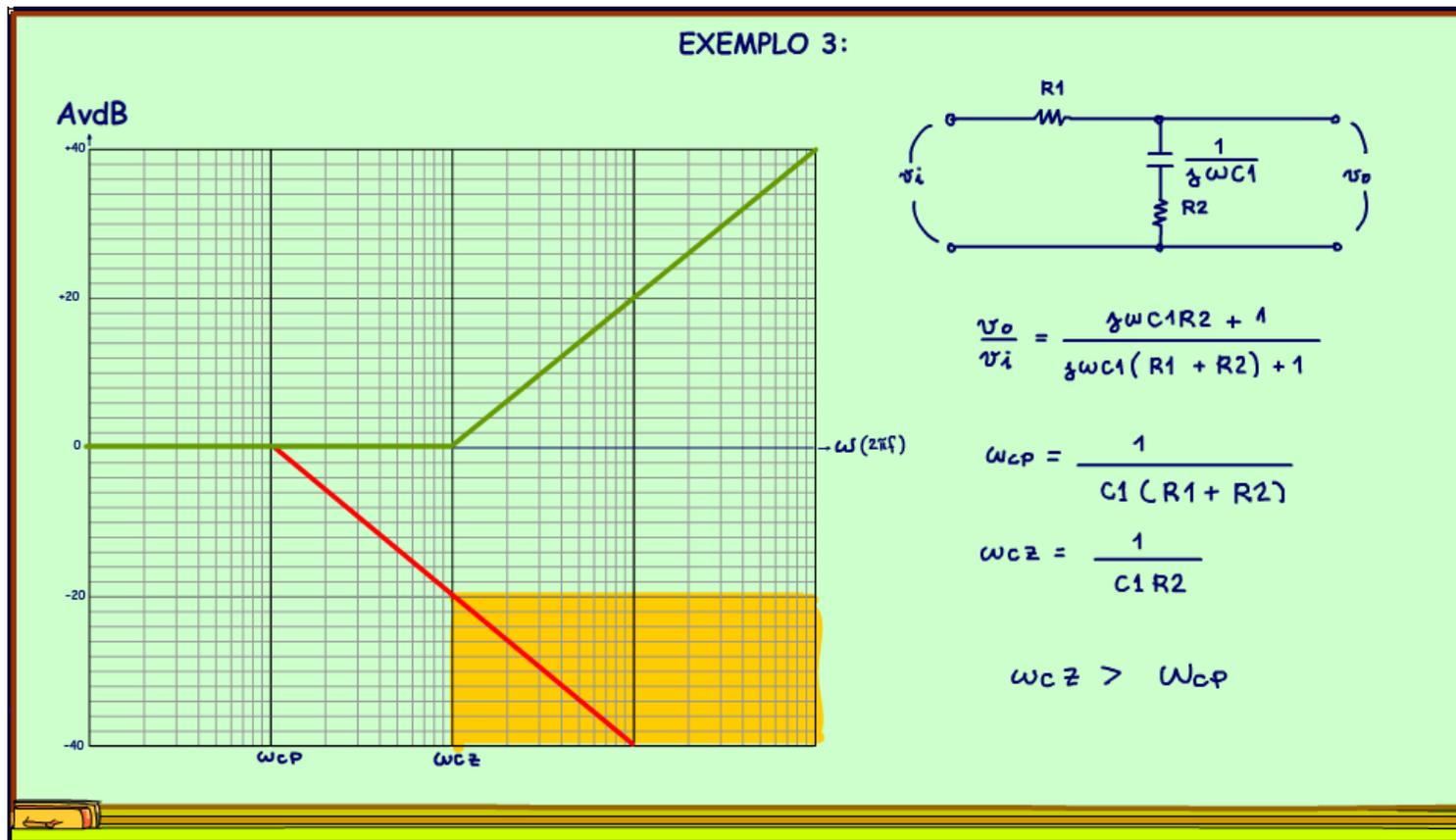


Figura 113

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

Muito interessante esse circuito sugerido pelo José Tavares, obrigado.

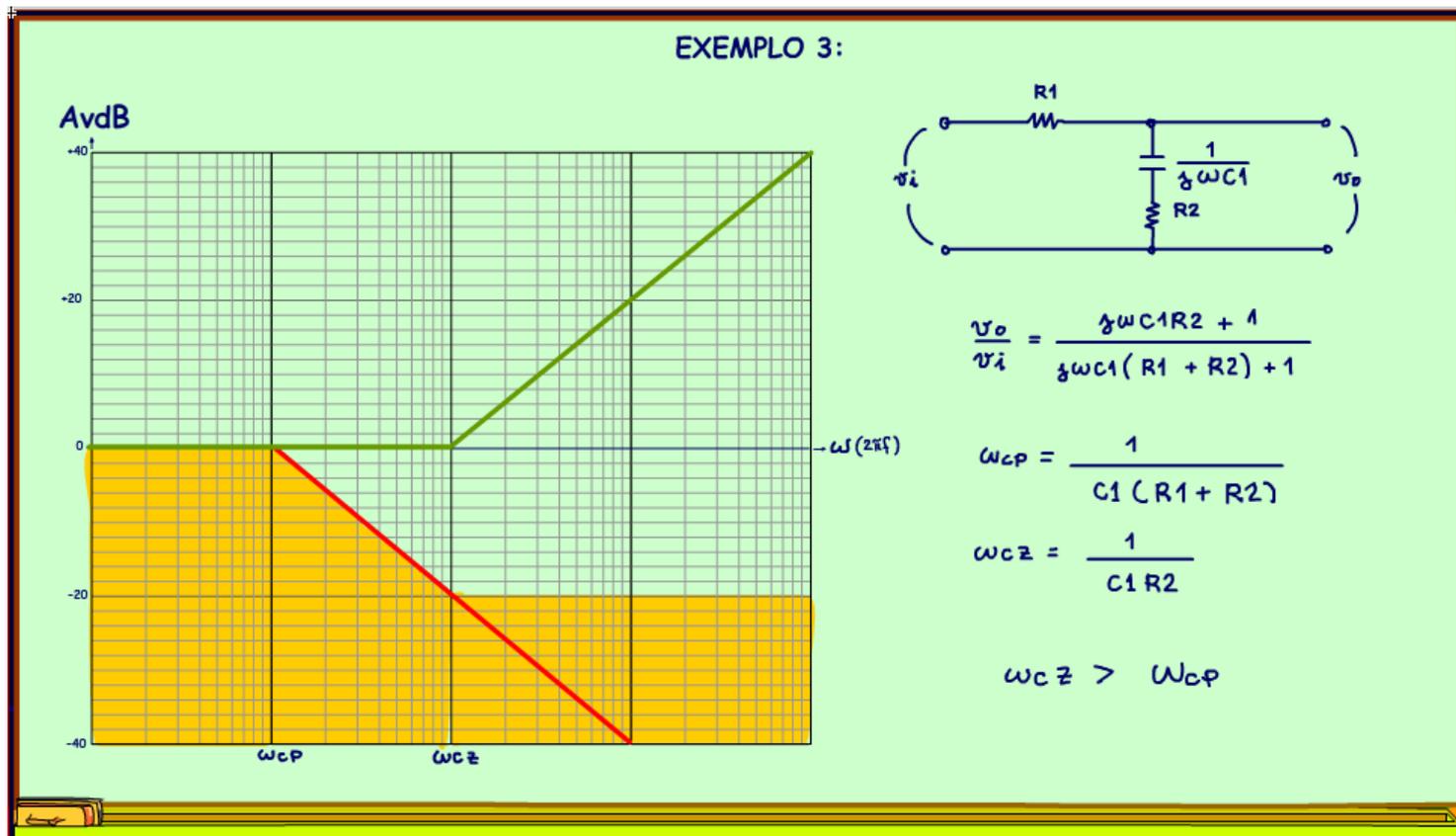


Figura 114

# BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)

## 1.11 CONCLUSÃO.

Você viu nesse tutorial a introdução as curvas de BODE, vou fazer muitos exemplos nos próximos tutoriais, e ainda mostrar que existem tabelas prontinhas com as equações e tudo mais.

No próximo tutorial vou falar da questão da defasagem, do ângulo na saída do circuito aguarde.

**CONCLUSÃO.**

The image contains a table of Bode transfer functions, a photograph of a circuit board with components labeled, and a Bode magnitude plot. The table is titled 'TABLE 1.1. AC TRANSFER FUNCTIONS' and lists three network types with their respective transfer functions and asymptotic approximations. The circuit board shows a 'Taicon container', 'Treble protector', 'Ceramic resistor', and 'Bass inductor'. The Bode plot shows a magnitude response with a peak and a roll-off.

Network	Transfer function	Asympt. approx. requires to be log scale
	$\frac{1}{s + \frac{1}{RC}}$ where $T = RC$	
	$\frac{s}{s^2 + \frac{s}{RC} + \frac{1}{LC}}$ where $D = \frac{1}{RC}, \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$	
	$\frac{s^2}{s^3 + Bs^2 + Ds + E}$ where $B = \frac{R_1R_2C_1C_2 + R_1R_2C_1C_3 + R_1R_2C_2C_3 + R_1R_3C_1C_2 + R_1R_3C_2C_3 + R_2R_3C_1C_2 + R_2R_3C_2C_3}{R_1R_2R_3C_1C_2C_3}$ $D = \frac{R_1R_2C_1C_2 + R_1R_2C_1C_3 + R_1R_2C_2C_3 + R_1R_3C_1C_2 + R_1R_3C_2C_3 + R_2R_3C_1C_2 + R_2R_3C_2C_3}{R_1R_2R_3C_1C_2C_3}$ $E = \frac{1}{R_1R_2R_3C_1C_2C_3}$	

Figura 115

## **BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)**

## **BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)**

### **1.12 CRÉDITOS**

E por favor, se você não é inscrito, se inscreva e marque o sininho para receber as notificações do canal e não esqueça de deixar aquele like e compartilhar para dar uma força ao canal do professor bairros.

**Arthurzinho: E não tem site.**

Tem sim é [www.bairrospd.com](http://www.bairrospd.com) lá você encontra o pdf e tutoriais sobre esse e outros assuntos da eletrônica

E fique atento ao canal do professor bairros para mais tutoriais sobre eletrônica, até lá!

## BODE- Introdução ao método Bairros para levantar as curvas (PARTE 01)



The image shows a screenshot of the website [www.bairrospd.com](http://www.bairrospd.com). The website header includes the logo 'bairrospd' and the text 'BAIRROS PROJETOS DIDÁTICOS E ELETRÔNICOS'. A green banner reads 'ESTUDE ELETRÔNICA NO SITE WWW.BAIRROSPD.COM!'. Below this, a section titled 'Um site para pesquisar eletrônica' describes the site's purpose. A navigation menu includes 'Início', 'Circuitos', 'Bairros', 'Tutoriais', 'Você Sabia', and 'Contato'. A featured article titled 'APRENDA A LER RESISTORES' is highlighted with a yellow background. To the right of the article is a search bar and a snippet of text: 'O QUE SIGNIFICA GASTAR ENERGIA ELÉTRICA: Uma questão de Potência.' At the bottom of the screenshot, a blue button asks 'AULAS OU ASSESSORIA COM O ENGENHEIRO E PROFESSOR ROBERTO BAIRROS?' with a 'CLIQUE AQUI!' link.

**VISITE  
O NOSSO  
SITE e  
CANAL  
YOUTUBE**

[www.bairrospd.com](http://www.bairrospd.com)  
Professor Bairros

[www.bairrospd.com](http://www.bairrospd.com)

[https://www.youtube.com/channel/UC\\_tfxnYdBh4IbiR9twtpPA](https://www.youtube.com/channel/UC_tfxnYdBh4IbiR9twtpPA)